



Concours d'accès au Doctorat 3<sup>ème</sup> Cycle en Electronique

Option : ...Hyperfréquences .....

Epreuve : Electromagnétisme-Microondes et Antennes Durée : 2h

On soignera la présentation de la copie et tout résultat sera justifié par un calcul. La calculatrice non programmable est autorisée.

Exercice1 : 07 points

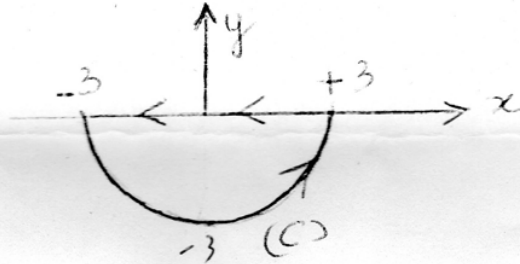
1) Soit le champ vectoriel  $\vec{B}$  exprimé en coordonnées cylindriques :  $\vec{B}(\rho, \varphi, z) = \vec{a}_\rho \rho \cos \varphi + \vec{a}_\varphi \sin \varphi$ .

-Donner la valeur de ce champ au point  $(2\sqrt{2}, \pi/4, 2\sqrt{2})$

$\alpha$  -Exprimer  $\vec{B}$  dans le système de coordonnées cartésiennes  $(x, y, z)$  et donner sa valeur au point P.

$\beta$  - Exprimer  $\vec{B}$  dans le système de coordonnées sphériques  $(R, \theta, \varphi)$  et donner sa valeur au point P.

$\gamma$  -Vérifier le théorème de Stokes pour le champ vectoriel  $\vec{B}$  pour le domaine suivant (figure 1)



$\delta$  -Le champ  $\vec{B}$  est il conservatif ?  $\vec{B}$  est il solénoïdal ? Justifier vos réponses.

2) Calculer le gradient de la fonction scalaire suivante  $V = R \sin \theta \cos \varphi$  et donner sa valeur au point  $G(2, \pi/4, \pi/4)$ .

Exercice2 : 07 points

Un câble coaxial est constitué d'un conducteur de rayon a et d'un cylindre de rayon b ( $b > a$ ), séparés par un matériau diélectrique de permittivité  $\epsilon$ .

Etant donnée la symétrie axiale, l'équation en coordonnées polaires du potentiel électrique pour le mode TEM se réduit à :

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial \phi(r)}{\partial r} \right) = 0$$

a) Calculer  $\phi(r)$  par l'intégration de l'équation différentielle. Les constantes d'intégration s'éliminent en utilisant les potentiels appliqués :

-Le conducteur extérieur est mis à la masse  $\phi(b) = 0$

-Le filament est porté à un potentiel  $V_0$  donné  $\phi(a) = V_0$

b) En déduire le champ électrique  $\vec{E}(r)$  à l'intérieur du câble

c) On considère le câble de longueur infinie, calculer le courant  $I$  dans le filament en utilisant la loi d'Ampère

on donne  $H_\theta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} E_r$

d) Déduire l'expression de l'impédance caractéristique du câble coaxial, définie par :  $Z_c = \frac{V}{I}$

e) Trouver le rapport  $\frac{b}{a}$  pour lequel la valeur du champ électrique sur le filament est minimale.

f) On suppose que le diélectrique remplissant le câble est e polyéthylène, de permittivité  $= 2,25 \epsilon_0$ .

Calculer la valeur de  $Z_c$  correspondant au résultat trouvé dans la question précédente.

Comparer avec les valeurs normalisées des câbles coaxiaux commerciaux.

On donne :  $\epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$  et  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H/m}$

### Exercice3 : 06 points

On considère deux doublets verticaux d'égales amplitudes alignés suivant l'axe Oy, disposés symétriquement par rapport à l'origine à une distance d de l'origine.

Le doublet 2 est déphasé de  $\alpha$  par rapport au doublet 1. (figure ci-dessous)

On suppose que le champ rayonné par l'antenne de référence est connu  $E_1$ .

1) Chaque doublet rayonne, en zone lointaine, un champ électromagnétique :

a) Comment sont les champs  $\vec{E}$  et  $\vec{H}$  ?

b) Quelle est la relation entre  $E$  et  $H$  ?

c) Quelle est la différence entre le gain et la directivité d'une antenne?

2) Calculer le champ total rayonné  $E_t$  à grande distance en un point P.

En déduire la fonction caractéristique

3) Tracer le diagramme de rayonnement dans le plan horizontal xoy pour les valeurs suivantes de d et .

a)  $d = \lambda/4, \alpha = 0$  que peut on dire du rayonnement ?

b)  $d = \lambda/4, \alpha = \pi$  que peut on dire du rayonnement ?

