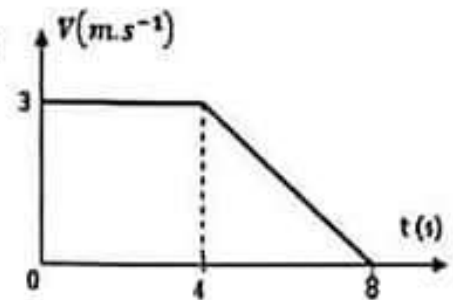


EXAMEN DE FIN DE SEMESTRE 1 - PHYSIQUE 1

**Exercice 1 (3 points) :** La variation de la vitesse d'un mobile en fonction du temps est donnée par la figure ci-contre.

1. Calculer l'accélération à  $t = 3s$ . (1 pt)
  2. Calculer l'accélération à  $t = 5s$ . (1 pt)
  3. Calculer la distance totale parcourue entre  $[0-8s]$ . (1 pt)
- On donne  $V(t=0s)=0$  et  $x(t=0s)=0$ .



**Exercice 2 (7 points)** Un point matériel M est défini dans un référentiel fixe (Oxyz) par ses coordonnées polaires  $(r, \theta)$

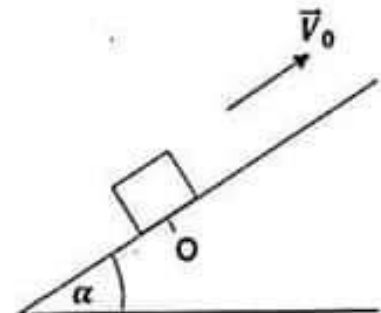
$$\begin{cases} r(t) = 2a \cos \theta \\ \theta(t) = \omega t \end{cases} \quad \text{ou } a \text{ est une constante}$$

1. Déterminer en coordonnées polaires :
  - a. l'expression du vecteur position  $\overrightarrow{OM}$ . (1 pt)
  - b. l'expression du vecteur vitesse  $\vec{V}$  ainsi que son module. (1 pt / 1 pt)
  - c. l'expression du vecteur accélération  $\vec{a}$  ainsi que son module. (1 pt / 1 pt)
2. Déterminer en coordonnées curvilignes (repère de Frenet) les composantes de l'accélération du point M. (1 pt)
3. Déduisez le rayon de courbure R. (1 pt)

**Exercice 3 (6 points) :** Une boîte de masse  $m = 5Kg$  se trouve sur un plan incliné faisant un angle  $\alpha = 20^\circ$  avec l'horizontale. Le coefficient de frottement dynamique entre les surfaces en contact est  $\mu_d = 0.3$ . A partir du point O, on lance la boîte vers le haut avec une vitesse initiale  $v_0 = 1,7 m.s^{-1}$ .

On prendra  $g = 10 m.s^{-2}$

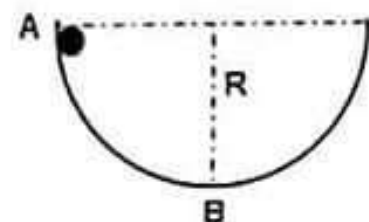
1. Déterminer l'accélération de la boîte. (3.5 pts)
2. Quelle est la distance parcourue par la boîte avant de s'arrêter. (1 pt)
3. Quelle est la valeur minimale du coefficient de frottement statique  $\mu_s$  pour que la boîte, une fois arrêtée, ne reparte pas en arrière. (1.5 pts)



**Exercice 4 (4 points) :** Un point matériel de masse  $m=2g$ , est mobile à l'intérieur d'une demi-sphère de rayon  $R=1m$ . On lâche ce point matériel sans vitesse initiale du point A et il arrive en B avec une vitesse  $V_B=3.5 m.s^{-1}$ .

1. Montrer que la masse m est soumise à des forces de frottements. (2 pts)
2. Calculer le travail des ces forces de frottement. (2 pts)

On prendra :  $g = 10 m.s^{-2}$



Bonne chance

**Exercice N°03 (6 Points)**

1. Appliquons le principe fondamental de la dynamique

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{f}_r = m \cdot \vec{a} \quad (0.5 \text{ Pt})$$

$$\text{Projection sur les axes : } \begin{cases} Ox: -P \sin \alpha - f_r = ma & (1) \\ Oy: R - P \cos \alpha = 0 & (2) \end{cases} \quad (0.5 \text{ Pt})$$

De l'équation (1) on a :

$$a = \frac{-P \sin \alpha - f_r}{m} \quad (3)$$

Avec :

$$f_r = \mu_d \cdot R$$

De l'équation (2) on a :  $R = P \cos \alpha$  d'où  $f_r = \mu_d \cdot P \cos \alpha$  (4) (0.5 Pt)

On porte (4) dans (3) on aura :

$$a = \frac{-P \sin \alpha - \mu_d \cdot P \cos \alpha}{m} = \frac{-P(\sin \alpha + \mu_d \cdot \cos \alpha)}{m} = -g(\sin \alpha + \mu_d \cdot \cos \alpha) \quad (0.5 \text{ Pt})$$

$$AN: a = -10(\sin 20^\circ + 0.3 \cdot \cos 20^\circ) = -6.22 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} \quad (0.5 \text{ Pt})$$

2. Puisque l'accélération est constante, on a alors :  $v^2 - v_0^2 = 2 \cdot a \cdot d$  (0.25 Pt)Lorsque la boîte s'arrête, la vitesse s'annule ( $v=0$ ) (0.25 pt)

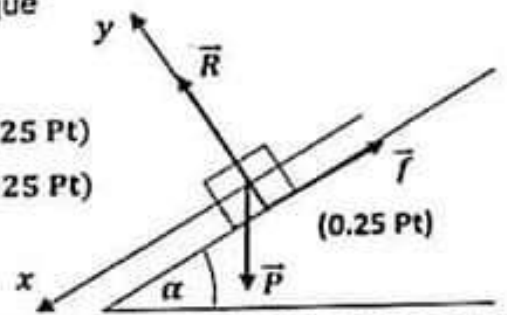
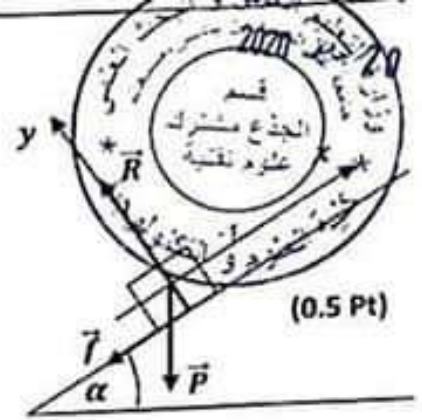
$$d = \frac{-v_0^2}{2 \cdot a} \quad AN: d = \frac{-(1.7)^2}{2 \cdot (-6.22)} = \frac{2.89}{12.44} = 0.23 \text{ m} \quad (0.5 \text{ Pt})$$

3. Appliquons le principe fondamental de la dynamique pour le cas statique

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{f}_r = \vec{0} \quad (0.25 \text{ Pt})$$

$$\text{Projection sur les axes : } \begin{cases} Ox: P \sin \alpha - f_r = 0 \\ Oy: R - P \cos \alpha = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f_r = P \sin \alpha & (0.25 \text{ Pt}) \\ R = P \cos \alpha & (0.25 \text{ Pt}) \end{cases}$$

$$\mu_s = \frac{f_r}{R} = \frac{P \sin \alpha}{P \cos \alpha} = \tan \alpha = \tan 20^\circ = 0.36 \quad (0.5 \text{ Pt})$$

**Exercice N°04 (4 Points)**

1. En l'absence de frottements il y a conservation de l'énergie mécanique. Vérifions si l'énergie totale en A est la même qu'en B (0.5 pt)

$$\text{On a : } V_A = 0, \quad h_B = 0 \text{ et } h_A = R$$

$$E_m(A) = E_c(A) + E_p(A) = \frac{1}{2} m V_A^2 + m g h_A = 0 + 2 \cdot 10^{-3} \cdot 10 \cdot 1 = 2 \cdot 10^{-2} \text{ J} \quad (0.5 \text{ pt})$$

$$E_m(B) = E_c(B) + E_p(B) = \frac{1}{2} m V_B^2 + m g h_B = \frac{1}{2} (2 \cdot 10^{-3}) (3.5)^2 + 0 = 1.22 \cdot 10^{-2} \text{ J} \quad (0.5 \text{ pt})$$

$$\text{Conclusion : } E_m(B) < E_m(A) \text{ donc présence des frottements.} \quad (0.5 \text{ pt})$$

2. Le travail de ces forces de frottement est calculé par le théorème de l'énergie mécanique.

$$\Delta E_m = \sum W(\vec{f}_{nc}) = W(\vec{f}_{\text{frottement}}) \quad (0.5 \text{ pt})$$

$$\Delta E_m = E_m(B) - E_m(A) = \frac{1}{2} m V_B^2 + m g h_B - \left( \frac{1}{2} m V_A^2 + m g h_A \right) = \frac{1}{2} m V_B^2 - m g R \quad (1 \text{ pt})$$

$$AN: \Delta E_m = \frac{1}{2} (2 \cdot 10^{-3}) (3.5)^2 - (2 \cdot 10^{-3}) \cdot 10 \cdot 1 = -0.0078 \text{ J} = -7.8 \text{ mJ}$$

$$W(\vec{f}_{\text{frottement}}) = -7.8 \text{ mJ} \quad (0.5 \text{ pt})$$



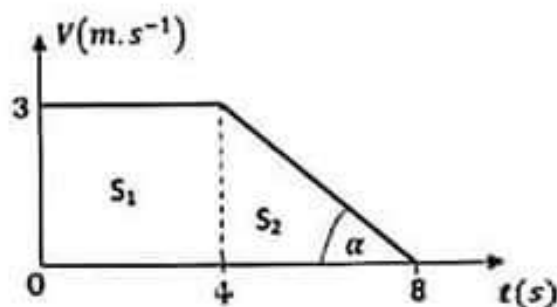
**Exercice N°01 (3 Points)**

- à  $t = 3s$  la vitesse est constante elle est égale à  $3 m.s^{-1}$  donc l'accélération est nulle. (1 pt)
- à  $t = 5s$  l'accélération est donnée par la pente de la droite entre 4 et 8s, d'où

$$a = tg\alpha = \frac{0-3}{8-4} = -0.75 m.s^{-2} \quad (1 Pt)$$

- La distance totale parcourue est donnée par l'aire qui se trouve sous la courbe  $V(t)$ .

$$X = S_1 + S_2 = 3 \cdot 4 + \frac{3 \cdot 4}{2} = 18m \quad (1 Pt)$$



**Exercice N°02 (7 Points)**

- a) Expression du vecteur position

$$\overrightarrow{OM} = r\vec{U}_r = 2a\cos\theta\vec{U}_r = 2a\cos\omega t\vec{U}_r \quad (1 Pt)$$

- b) Expression du vecteur vitesse

$$\vec{V} = \dot{r}\vec{U}_r + r\dot{\theta}\vec{U}_\theta = -2aw\sin\omega t\vec{U}_r + 2aw\cos\omega t\vec{U}_\theta \quad (1 Pt)$$

Module du vecteur vitesse

$$\begin{aligned}
 v = |\vec{V}| &= \sqrt{(-2aw\sin\omega t)^2 + (2aw\cos\omega t)^2} = \sqrt{4a^2w^2\sin^2\omega t + 4a^2w^2\cos^2\omega t} \\
 &= \sqrt{4a^2w^2(\sin^2\omega t + \cos^2\omega t)} = \sqrt{4a^2w^2} = 2aw \quad (1 Pt)
 \end{aligned}$$

- c) Expression du vecteur accélération

$$\vec{a} = (\ddot{r} - r\dot{\theta}^2)\vec{U}_r + (2\dot{r}\dot{\theta} + r\ddot{\theta})\vec{U}_\theta = -4aw^2\cos\omega t\vec{U}_r - 4aw^2\sin\omega t\vec{U}_\theta \quad (1 Pt)$$

Module du vecteur accélération

$$\begin{aligned}
 a = |\vec{a}| &= \sqrt{(-4aw^2\cos\omega t)^2 + (-4aw^2\sin\omega t)^2} = \sqrt{16a^2w^4\cos^2\omega t + 16a^2w^4\sin^2\omega t} \\
 &= \sqrt{16a^2w^4(\cos^2\omega t + \sin^2\omega t)} = \sqrt{16a^2w^4} = 4aw^2 \quad (1 Pt)
 \end{aligned}$$

- 2) Les composantes de l'accélération dans les coordonnées curvilignes

$$\begin{cases} \vec{a}_t = \frac{dv}{dt}\vec{u}_t = \frac{d(2aw)}{dt}\vec{u}_t = 0 & (0.5 Pt) \\ \vec{a}_n = \frac{v^2}{R}\vec{u}_n = \frac{4a^2w^2}{R}\vec{u}_n & (0.5 Pt) \end{cases} \Rightarrow \vec{a} = \vec{a}_t + \vec{a}_n = \vec{a}_n$$

- 3) Rayon de courbure R

$$a_n = \frac{v^2}{R} \Rightarrow R = \frac{v^2}{a_n} = \frac{(2aw)^2}{4aw^2} = \frac{4a^2w^2}{4aw^2} = a \quad (1 Pt)$$