

Université A.Mira-Béjaia
-2^{ème} année Informatique.

Correction de l'Interrogation N°6

Exercice N°1 (3pt)

Le nombre d'anagrammes du mot "INFORMATIQUE" est $\frac{12!}{2!} = \mathbf{239\ 500\ 800}$ anagrammes.

On a 12 lettres du mot "informatique" et la lettre "i" qui se repète deux fois, c'est pour cela qu'on divise sur 2!.

Exercice N°2 (7pt)

Soient les événements suivants et leurs probabilités respectives :

- * w_1 : "Avoir un 1", alors $P(w_1) = p$
- * w_2 : "Avoir un 2", alors $P(w_2) = 2p$
- * w_3 : "Avoir un 3", alors $P(w_3) = 3p$
- * w_4 : "Avoir un 4", alors $P(w_4) = 4p$
- * w_5 : "Avoir un 5", alors $P(w_5) = 5p$
- * w_6 : "Avoir un 6", alors $P(w_6) = 6p$

D'autre part, on a $\Omega = \{w_1, w_2, w_3, w_4, w_5, w_6\}$, et $P(\Omega) = 1$, ce qui veut dire que :

$$P(w_1) + P(w_2) + P(w_3) + P(w_4) + P(w_5) + P(w_6) = p + 2p + 3p + 4p + 5p + 6p = 21p = 1$$

Donc $p = \frac{1}{21}$.

1. La probabilité d'apparition de chaque face est :

- ** w_1 : "Avoir un 1", alors $P(w_1) = \frac{1}{21}$
- ** w_2 : "Avoir un 2", alors $P(w_2) = \frac{2}{21}$
- ** w_3 : "Avoir un 3", alors $P(w_3) = \frac{3}{21}$
- ** w_4 : "Avoir un 4", alors $P(w_4) = \frac{4}{21}$
- ** w_5 : "Avoir un 5", alors $P(w_5) = \frac{5}{21}$
- ** w_6 : "Avoir un 6", alors $P(w_6) = \frac{6}{21}$

2. Soit A : "La probabilité d'obtenir un nombre pair." Alors, la probabilité de A, est la probabilité d'avoir un 2 **ou** un 4 **ou** un 6 :

$$P(A) = P(w_2) + P(w_4) + P(w_6) = \frac{2}{21} + \frac{4}{21} + \frac{6}{21}$$

Exercice N°3 (7pt)

Un autobus qui dessert 12 stations avant de rentrer au garage transporte, au départ, 9 voyageurs. sachant qu'aucun voyageur n'est monté dans l'autobus en cours de route et qu'il ne reste aucun voyageur dans l'autobus lorsqu'il rentre au garage, calculer :

1. de combien de manières différentes les 9 voyageurs ont pu descendre s'il en est descendu au plus un par arrêt ;
Le premier voyageur a 12 possibilités de descente, le second 11, le troisième 10, etc
d'où $12 \times 11 \times 10 \times \dots \times 5 \times 4$ possibilités
Il y a donc **79 833 600** possibilités de descentes pour ces 9 voyageurs
2. de combien de manières différentes les 9 voyageurs ont pu descendre s'il peut descendre à une station quelconque 0, 1, 2, ... , 8 ou 9 voyageurs.
Le premier voyageur a 12 possibilités de descente, le second 12, le troisième 12, etc
d'où $12 \times 12 \times 12 \times \dots \times 12 \times 12 = 12^9$ possibilités
Il y a donc **5 159 780 352** possibilités de descentes pour ces 9 voyageurs

Mr. BEZOUJ.