

Série de TD n° : 06.1
Modélisation et Simulation des moteurs asynchrones à cage d'écoreuil.

Module : Modélisation et Simulation des Systèmes Electromécaniques

Exercice (01) : Démonstration de passage de (αβ) au (dq)

Pour la commande par orientation de flux, on utilisera la représentation des coordonnées polaires (ρ, φ_d) au lieu de $(\varphi_{r\alpha}, \varphi_{r\beta})$:

$$\rho = \tan^{-1}\left(\frac{\varphi_{r\beta}}{\varphi_{r\alpha}}\right) \dots\dots\dots(1)$$

$$\varphi_d = \sqrt{\varphi_{r\alpha}^2 + \varphi_{r\beta}^2} \dots\dots\dots(2)$$

Ainsi, les courants et les tensions de phases sont transformés comme suit :

$$\begin{bmatrix} I_d \\ I_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\rho) & \sin(\rho) \\ -\sin(\rho) & \cos(\rho) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_{s\alpha} \\ I_{s\beta} \end{bmatrix} \dots\dots\dots(3)$$

$$\begin{bmatrix} U_d \\ U_q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\rho) & \sin(\rho) \\ -\sin(\rho) & \cos(\rho) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U_{s\alpha} \\ U_{s\beta} \end{bmatrix} \dots\dots\dots(4)$$

A partir de (1), on peut conclure que :

$$\sin(\rho) = \frac{\varphi_{r\beta}}{\varphi_d} \dots\dots\dots(5)$$

$$\cos(\rho) = \frac{\varphi_{r\alpha}}{\varphi_d} \dots\dots\dots(6)$$

1- Diviser le terme de C_e par φ_d et dans :

$$\frac{dw}{dt} = \mu(\varphi_{r\alpha}I_{s\beta} - \varphi_{r\beta}I_{s\alpha}) - \frac{f}{J}w - \frac{C_r}{J}$$

et exploiter (5), (6) et (3) pour avoir :

$$\frac{dw}{dt} = \mu(\varphi_d I_q) - \frac{f}{J}w - \frac{C_r}{J}$$

2- Démonstration de passage de $\varphi_{r\alpha}, \varphi_{r\beta}$ au $\dot{\varphi}_d$, avec $\begin{cases} \varphi_{r\alpha} \dot{} = -\gamma\varphi_{r\alpha} - n_p w \varphi_{r\beta} + \gamma M I_{s\alpha} \\ \varphi_{r\beta} \dot{} = -\gamma\varphi_{r\beta} + n_p w \varphi_{r\alpha} + \gamma M I_{s\beta} \end{cases}$

Remarque : Démarrer avec $\frac{d\varphi_d}{dt} = \frac{d}{dt} \sqrt{\varphi_{r\alpha}^2 + \varphi_{r\beta}^2}$ et exploiter (2), (5) et (6) pour avoir :

$$\frac{d\varphi_d}{dt} = -\gamma\varphi_d + \gamma M I_d$$

3- Dérivez l'équation (1), et exploitez (2), (3), (5), (6), $\varphi_{r\alpha}$, et $\varphi_{r\beta}$ pour avoir :

$$\frac{d\rho}{dt} = n_p w + \gamma M \frac{I_q}{\varphi_d}$$

4- A travers l'équation (3), dérivez l'expression de I_d afin d'avoir :

$$\frac{dI_d}{dt} = i_q n_p w + \gamma M \frac{i_q^2}{\varphi_d} + \gamma \beta \varphi_d - \gamma i_d + \frac{u_d}{\sigma L_s}$$

5- A travers l'équation (3), dérivez l'expression de I_q afin d'avoir :

$$\frac{dI_q}{dt} = -i_d n_p w - \gamma M \frac{i_d i_q}{\varphi_d} - n_p w \beta \varphi_d - \gamma i_q + \frac{u_q}{\sigma L_s}$$