

Exercice n° 1 : (3 pts)

(Temps recommandé : 10 mn)

Convertir les nombres suivants dans les bases correspondantes :

METHODE :

* $1111\ 0001 = (1111\ 1111 - 0000\ 1111 + 1) = 255 - 15 + 1 = 241$

* $FFF0\ H = FFFF - 000F = 65535 - 15 = 65520$

* $2058 = 1029 * 2 = 405\ H * 2 = 80A\ H$

NB : Valeurs vues en TD, modifiées légèrement

| BINAIRE | HEXADECIMAL | DECIMAL |
|---------------------|-------------|---------|
| 1111 0001 | F1 H | 241 |
| 1111 1111 1111 0000 | FFF0 H | 65520 |
| 1000 0000 1010 | 80A H | 2058 |

Exercice n° 2 : (5 pts)

(Temps recommandé : 20 mn)

1. Montrer que :

$$\bar{u}b + \bar{a}\bar{e}(u + \bar{b}) = \bar{u}b + \bar{a}\bar{e}$$

Solution :

On pose

$$T = \bar{u}b + \bar{a}\bar{e}(\bar{u}\bar{b})$$

de la forme

$$A + \bar{A}B \text{ avec } A = \bar{u}b \text{ et } B = \bar{a}\bar{e}$$

donc $T_{\text{simplifiée}}$:

$$T = \bar{u}b + \bar{a}\bar{e}$$

2. En déduire la forme simplifiée suivante :

$$\bar{u}b + \bar{a}\bar{e}(u + \bar{b}) + \overline{\bar{u}b + \bar{a}\bar{e}b + ae} = \overline{\bar{a} \oplus e}$$

Solution :

On pose

$$T_2 = A + \bar{A}b + ae$$

avec

$$A = \bar{u}b + \bar{a}\bar{e}(\bar{u}\bar{b}) \text{ lui même} = \bar{u}b + \bar{a}\bar{e} \text{ (d'après (1°))}$$

On retrouve la forme :

$$A + \bar{A}b + ae$$

donc $T_{2\text{simplifiée}}$:

$$T_2 = \bar{u}b + \bar{a}\bar{e} + b + ae$$

donc $T_{2\text{simplifiée}}$:

$$T_2 = \overline{\bar{a} \oplus e} + b$$

Exercice n° 3 : (12 pts)

(Temps recommandé : 30 mn)

1. On donne les 4 fonctions booléennes :

(2 pts)

$$F_1 = \bar{d}\bar{e}\bar{f} (\bar{a}\bar{b}\bar{c} + \bar{a}\bar{b}c + \bar{a}bc + \bar{a}\bar{b}\bar{c})$$

$$F_2 = \bar{d}e\bar{f} (ab\bar{c} + abc + a\bar{b}c + a\bar{b}\bar{c})$$

$$F_3 = \bar{d}e\bar{f} (\bar{a}\bar{b}\bar{c} + \bar{a}\bar{b}c + \bar{a}bc + \bar{a}\bar{b}\bar{c})$$

$$F_4 = \bar{d}e\bar{f} (ab\bar{c} + abc + a\bar{b}c + a\bar{b}\bar{c})$$

- Donner les expressions de F_1 et F_2 en fonction de portes NAND exclusivement.

$$F_1 = \overline{d} \overline{e} \overline{f} . (\overline{a} \overline{b} \overline{c} . \overline{a} b \overline{c} . \overline{a} b c . \overline{a} \overline{b} c)$$

et

$$F_2 = \overline{d} e \overline{f} . (\overline{a} \overline{b} \overline{c} . \overline{a} b c . \overline{a} b \overline{c} . \overline{a} \overline{b} c)$$

- Donner l'inventaire des portes NAND utilisées pour chacune des deux fonctions F₁ et F₂

NB: 1) AUCUN SCHEMA N'EST REQUIS.

2) Les variables « inversées » ($\overline{a}, \overline{b}, \dots$) ne seront comptabilisées qu'une seule fois !

$$F_1 : 7 \text{ NAND}_2 + 4 \text{ NAND}_3 + 2 \text{ NAND}_4$$

$$F_2 : 5 \text{ NAND}_2 + 4 \text{ NAND}_3 + 2 \text{ NAND}_4$$

2. Simplifier F₁, F₂, F₃ et F₄ SEPAREMENT. (4 pts)

$$F_1 = \overline{a} \overline{d} \overline{e} \overline{f}$$

$$F_2 = a \overline{d} e \overline{f}$$

$$F_3 = \overline{a} d e \overline{f}$$

$$F_4 = a \overline{d} e \overline{f}$$

3. Dresser la Table de Karnaugh de la fonction F = F₁ + F₂ + F₃ + F₄ (3 pts) et donner l'expression de la forme simplifiée (Fs)

| (F) \ a b c | 0 0 0 | 0 0 1 | 0 1 1 | 0 1 0 | 1 1 0 | 1 1 1 | 1 0 1 | 1 0 0 |
|-------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| d e f | | | | | | | | |
| 0 0 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 0 1 | | | | | | | | |
| 0 1 1 | | | | | | | | |
| 0 1 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 1 0 | | | | | | | | |
| 1 1 1 | | | | | | | | |
| 1 0 1 | | | | | | | | |
| 1 0 0 | | | | | | | | |

$$F = \overline{d} \overline{f}$$

4. On pose G = Fs + df (2 * 1.5 pts)

- Donner l'expression simplifiée de G (désignée par Gs).

$$G_s = \overline{d} \overline{f} + d f$$

Soit

$$G_s = \overline{d \oplus f}$$

- Exprimer Gs en NOR₂ (NOR à deux entrées exclusivement)

$$G_s = \overline{\overline{d \oplus f}}$$

Soit

$$Gs = \overline{\overline{d + f + d + f}}$$

- Donner l'inventaire des portes NOR2 utilisées :

Gs : 6 NOR2

Bon Courage