

Examen final

Exercice 1

Soit la grammaire $G = \langle \{0, 1\}, \{S, A, B, C, D\}, S, R \rangle$

R: $S \rightarrow AA / AB / BA$ $A \rightarrow \epsilon$ $B \rightarrow 0B1 / 0C1 / 0S1$
 $C \rightarrow AC / BC / DC$ $D \rightarrow 0D1 / 01$

- Quel est le type de G ?
- Construire une grammaire propre équivalente
- Définir le langage engendré par cette grammaire
- Soit la grammaire suivante :

$S \rightarrow Aa \mid Sb$
 $A \rightarrow Saa \mid aa$

1. Le symbole A est-il récursif à gauche ? Justifier
2. Éliminer la récursivité gauche de cette grammaire

Exercice 2

• Afin de réduire une grammaire, on doit éliminer les symboles improductifs puis les symboles inaccessibles. Cet ordre est important, pourquoi ?

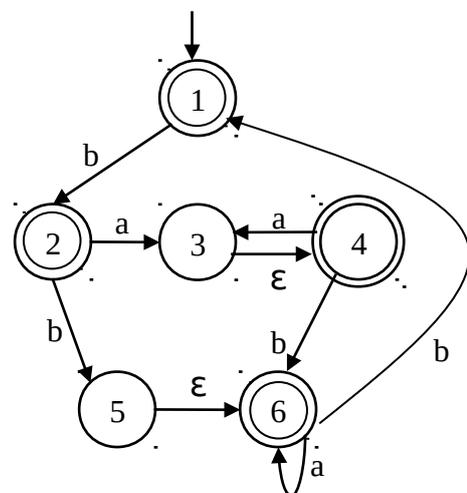
• Donner une grammaire ambiguë qui engendre $\{a^n b^m c^k \mid n > m \geq 0, k > 0\}$. Justifier l'ambiguïté.

• Soit l'automate A défini par : $A = (\{s, p, q\}, \{a, b\}, \{Z, A\}, \delta, Z, \emptyset)$
 $\delta(s, a, \epsilon) = (s, A)$, $\delta(s, b, A) = (p, \epsilon)$, $\delta(s, \epsilon, Z) = (q, \epsilon)$, $\delta(p, b, A) = (p, \epsilon)$,
 $\delta(p, \epsilon, Z) = (q, \epsilon)$.

1. Donner quatre chaînes acceptées par pile vide

Exercice 3

- Minimiser l'automate
- Définir le langage accepté par une expression régulière (utiliser un système d'équations)



Remarque : Détailler tous les calculs