

## Examen final

### Exercice 1

Soit la grammaire  $G = \langle \{0, 1\}, \{S, A, B, C, D\}, S, R \rangle$

R:  $S \rightarrow AA / AB / BA$      $A \rightarrow \epsilon$      $B \rightarrow 0B1 / 0C1 / 0S1$   
 $C \rightarrow AC / BC / DC$      $D \rightarrow 0D1 / 01$

- Quel est le type de  $G$  ?
- Construire une grammaire propre équivalente
- Définir le langage engendré par cette grammaire
- Soit la grammaire suivante :

$S \rightarrow Aa \mid Sb$   
 $A \rightarrow Saa \mid aa$

1. Le symbole  $A$  est il récursif à gauche ? Justifier
2. Eliminer la récursivité gauche de cette grammaire

### Exercice 2

- Afin de réduire une grammaire, on doit éliminer les symboles improductifs puis les symboles inaccessibles. Cet ordre est important, pourquoi ?

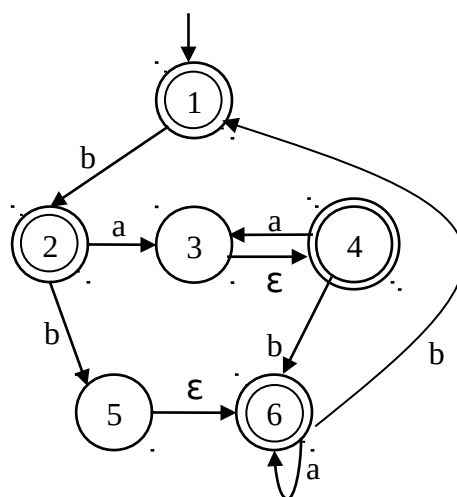
- Donner une grammaire ambiguë qui engendre  $\{a^N b^M C^K \mid N > M \geq 0, K > 0\}$ . Justifier l'ambiguïté.

- Soit l'automate  $A$  défini par :  $A = (\{s, p, q\}, \{a, b\}, \{Z, A\}, \delta, Z, \emptyset)$   
 $\delta(s, a, \epsilon) = (s, A)$  ,  $\delta(s, b, A) = (p, \epsilon)$  ,  $\delta(s, \epsilon, Z) = (q, \epsilon)$  ,  $\delta(p, b, A) = (p, \epsilon)$  ,  
 $\delta(p, \epsilon, Z) = (q, \epsilon)$ .

1. Donner quatre chaînes acceptées par pile vide

### Exercice 3

- Minimiser l'automate
- Définir le langage accepté par une expression régulière (utiliser un système d'équations)



**Remarque :** Détailler tous les calculs