

05/01/2017

EMD Théorie des Langages

Exercice 1 (3pts)

Donner une description en français des langages dénotés par les expressions régulières suivantes, puis dessinez les automates équivalents :

1. $(a + b)^* a(a + b)^*$
2. $ab^* + b$

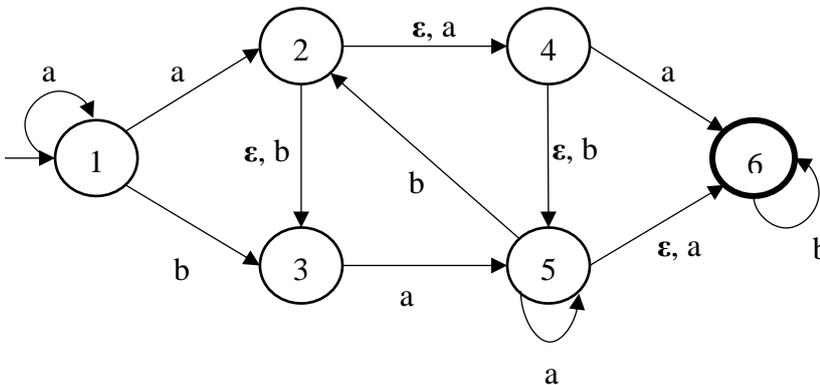
Exercice 2 (3pts)

Décrire sous forme d'expressions régulières les langages suivants

- a. Ensemble des mots commençant par a , finissant par b et n'ayant pas deux a et deux b qui se suivent sur l'alphabet $\Sigma = \{a, b\}$.
- b. Ensemble des mots de longueur paire sur l'alphabet $\Sigma = \{a, b\}$.
- c. Ensemble des mots ayant au moins une occurrence de la sous-chaine cb , puis ensuite, au moins une occurrence de la sous-chaine ab sur l'alphabet $\Sigma = \{a, b, c\}$

Exercice 3 (10pts)

Soit l'automate T_1 non déterministe représenté par le graphe de transitions suivant :



- a. Construire un automate T_2 équivalent à T_1 , sans transitions- ϵ (**choisir toujours l'état le plus proche, même en cas de nouvelles transitions- ϵ**), puis donnez sa table de transitions
Remarque : un seul modèle sera compté juste.
- b. Construire un automate T_3 déterministe, équivalent à T_2 .

Exercice 4 (4pts)

Définissez les langages algébriques reconnus par les grammaires suivantes :

- a. $G_1 = (\Sigma, V, S, R)$ avec $\Sigma = \{a, b\}$, $V = \{S, A\}$, $S = \{S\}$, $R = \{S \rightarrow aAa\} \cup \{A \rightarrow Sb|b\}$
- b. $G_2 = (\Sigma, V, S, R)$ avec $\Sigma = \{0,1\}$, $V = \{S, X\}$, $S = \{S\}$, $R = \{S \rightarrow 0X\} \cup \{X \rightarrow X1|1\}$