

05/01/2017

## EMD Théorie des Langages

### Exercice 1 (3pts)

Donner une description en français des langages dénotés par les expressions régulières suivantes, puis dessinez les automates équivalents :

1.  $(a + b)^* a(a + b)^*$
2.  $ab^* + b$

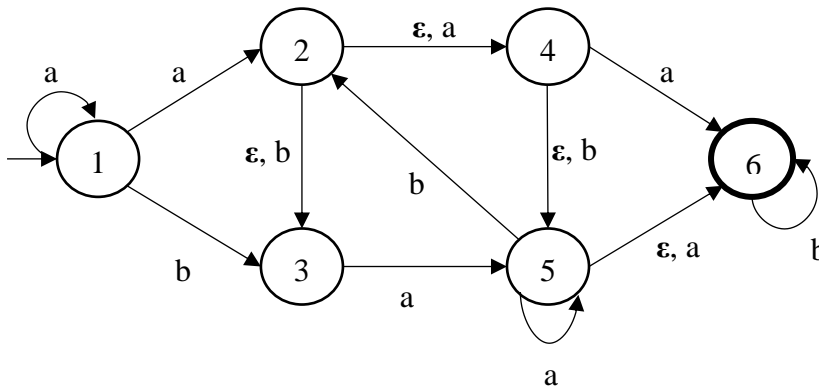
### Exercice 2 (3pts)

Décrire sous forme d'expressions régulières les langages suivants

- a. Ensemble des mots commençant par  $a$ , finissant par  $b$  et n'ayant pas deux  $a$  et deux  $b$  qui se suivent sur l'alphabet  $\Sigma = \{a, b\}$ .
- b. Ensemble des mots de longueur paire sur l'alphabet  $\Sigma = \{a, b\}$ .
- c. Ensemble des mots ayant au moins une occurrence de la sous-chaine  $cb$ , puis ensuite, au moins une occurrence de la sous-chaine  $ab$  sur l'alphabet  $\Sigma = \{a, b, c\}$

### Exercice 3 (10pts)

Soit l'automate  $T_1$  non déterministe représenté par le graphe de transitions suivant :



- a. Construire un automate  $T_2$  équivalent à  $T_1$ , sans transitions- $\epsilon$  (**choisir toujours l'état le plus proche, même en cas de nouvelles transitions- $\epsilon$** ), puis donnez sa table de transitions  
**Remarque : un seul modèle sera compté juste.**
- b. Construire un automate  $T_3$  déterministe, équivalent à  $T_2$ .

### Exercice 4 (4pts)

Définissez les langages algébriques reconnus par les grammaires suivantes :

- a.  $G_1 = (\Sigma, V, S, R)$  avec  $\Sigma = \{a, b\}$ ,  $V = \{S, A\}$ ,  $S = \{S\}$ ,  $R = \{S \rightarrow aAa\} \cup \{A \rightarrow Sb|b\}$
- b.  $G_2 = (\Sigma, V, S, R)$  avec  $\Sigma = \{0,1\}$ ,  $V = \{S, X\}$ ,  $S = \{S\}$ ,  $R = \{S \rightarrow 0X\} \cup \{X \rightarrow X1|1\}$