

## Examen Final

(Durée 2H)

### \*Ex 01 : (5 pts)

Un automate A est défini par la table des transitions suivante :

	a	b
0	1	3
1	2	1
2	3	1
3	3	3

Etat initial : 0.

Etat final : 1, 3.

1. Donner l'expression régulière du langage L reconnu par cet automate (par la résolution du système d'équations) ? (3 pts)
2. Donner la grammaire générant L ? (1.5 pt)
3. Donner l'arbre de dérivation associé au mot : **abbb**. (0.5 pt)

### Ex 02 : (4 pts)

1. Soit la grammaire G1 suivante :

**$S \rightarrow aSb/dAa/dB/\xi$  (S: axiome)**

**$A \rightarrow SA/\xi$**

**$B \rightarrow bB$**

**$C \rightarrow Cc/c$**

Trouver une grammaire G1' telle que :  $L(G1)=L(G1')$  et telle que G1' soit sous la forme normale de Chomsky. (2.5 pts)

2. Soit la grammaire G2 suivante :

**$S \rightarrow SaA/Sb/aA/b$  (S: axiome)**

**$A \rightarrow aA/\xi$**

Trouver une grammaire  $G_2'$  telle que :  $L(G_2)=L(G_2')$  et telle que  $G_2'$  soit sous la forme normale de Greibach. (1.5 pt)

**Ex 03 : (5 pts)**

Soit le langage L suivant :  $L=(ab)^*c^*(ab)^* + cb^*$

1. En utilisant la méthode de la dérivation, donner un automate d'états finis déterministe reconnaissant le langage L. (4 pts)
2. Faire fonctionner votre automate sur les mots : **abcab, abbba**. (1 pt)

**\*Ex 04 : (6 pts)**

Donner un APM reconnaissant chacun des langages suivants :

- $L_1=\{a^n b^m ; n \geq 3m, m \geq 0\}$ . (3 pts)
- $L_2=\{(ab)^n c^m (ab)^n ; n \geq 0, m \geq 1\}$ . (3 pts)

**Bon courage.**

*Lafifi Y.*