

Examen Final

(Durée : 2H)

Ex 01 : (6 pts)

Un automate A est défini par la table des transitions suivante :

	a	b
1	2	1, 2
2	2	2, 3
3	3	-

Mouins

Etat initial : 1.

Etat final : 3.

1. Rendre cet automate déterministe. (2 pts)
2. Donner l'expression régulière du langage L reconnu par l'automate déterministe (par la résolution du système d'équations). (2.5 pts)
3. Donner une grammaire générant L. (1.5 pt)

Ex 02 : (4 pts)

Soit le langage L suivant : $L = a^*(ba)^* + (ab)^*$

1. En utilisant la méthode de la dérivation, donner un automate d'états finis déterministe reconnaissant le langage L. (3.25 pts)
2. Faire fonctionner votre automate sur les mots : **abab**, **abb**. (0.75 pt)

Ex 03 : (4 pts)

1. Soit la grammaire G1 suivante :

$S \rightarrow AaB/\xi$ (S: **axlome**)

$A \rightarrow aSB/\xi$

$B \rightarrow bB/\xi$

Trouver une grammaire $G1'$ telle que : $L(G1)=L(G1')$ et telle que $G1'$ soit sous la forme normale de Chomsky (FNC). (2 pts)

2. Soit la grammaire $G2$ suivante :

$S \rightarrow aAB/Ba$ (S: axiome)

$A \rightarrow AbB/ab$

$B \rightarrow bB/a$

Trouver une grammaire $G2'$ telle que : $L(G2)=L(G2')$ et telle que $G2'$ soit sous la forme normale de Greibach (FNG). (2 pts)

Ex 04 : (6 pts)

Donner un APM reconnaissant chacun des langages suivants :

- $L_1 = \{a^n b^m c^k ; n+k = m; m \geq 1; n, k \geq 0\}$. (3 pts)
- $L_2 = \{a^{2n} b^{2m+1} c^{2n} ; n \geq 1, m \geq 0\}$. (2.5 pts)

Bon courage

Y. Lafifi