

## Examen de Rattrapage

(Durée 1H30)

### Ex 01 : (8 pts)

Un automate A est défini par la table des transitions suivante :

|   | a | b   |
|---|---|-----|
| 1 | 2 | 1   |
| 2 | 1 | 2,3 |
| 3 | 2 | 3   |

Etat initial : 1.

Etat final : 3.

1. Rendre cet automate déterministe. (2 pts)
2. Minimiser l'automate obtenu. (3 pts)
3. Donner l'expression régulière du langage L reconnu par l'automate minimal (par la résolution du système d'équations). (3 pts)

### Ex 02 : (4 pts)

Soit le langage L suivant :  $L = (aa)^*(bb)^* + (ba)^*$

En utilisant la méthode de la dérivation, donner un automate d'états finis déterministe reconnaissant le langage L.

### Ex 03 : (3 pts)

Soit la grammaire G1 suivante :

$S \rightarrow aAB/b$  (S: axiome)

$A \rightarrow aBA/aA/\xi/$

$B \rightarrow bAb/\xi/$

Trouver une grammaire  $G1'$  telle que :  $L(G1)=L(G1')$  et telle que  $G1'$  soit sous la forme normale de Chomsky (FNC).

**Ex 04 : (5 pts)**

Donner un APM reconnaissant chacun des langages suivants :

- $L_1 = \{a^{3n} b^{2m} a^{2n} ; n \geq 0, m \geq 1\}$ . (2 pts)
- $L_2 = \{w \in \{a, b, c\}^*, \text{ tel que : } |w|_a - |w|_b| > 0\}$ . (3 pts)

**Bon courage**

## Examen de Rattrapage

(Durée 1H30)

### Ex 01 : (8 pts)

Un automate A est défini par la table des transitions suivante :

|   | a | b   |
|---|---|-----|
| 1 | 2 | 1   |
| 2 | 1 | 2,3 |
| 3 | 2 | 3   |

Etat initial : 1.

Etat final : 3.

1. Rendre cet automate déterministe. (2 pts)
2. Minimiser l'automate obtenu. (3 pts)
3. Donner l'expression régulière du langage L reconnu par l'automate minimal (par la résolution du système d'équations). (3 pts)

### Ex 02 : (4 pts)

Soit le langage L suivant :  $L = (aa)^*(bb)^* + (ba)^*$

En utilisant la méthode de la dérivation, donner un automate d'états finis déterministe reconnaissant le langage L.

### Ex 03 : (3 pts)

Soit la grammaire G1 suivante :

$S \rightarrow aAB/b$  (S: axiome)

$A \rightarrow aBA/aA/\xi/$

$B \rightarrow bAb/\xi/$

Trouver une grammaire  $G1'$  telle que :  $L(G1)=L(G1')$  et telle que  $G1'$  soit sous la forme normale de Chomsky (FNC).

**Ex 04 :** (5 pts)

Donner un APM reconnaissant chacun des langages suivants :

- $L_1 = \{a^{3n} b^{2m} a^{2n} ; n \geq 0, m \geq 1\}$ . (2 pts)
- $L_2 = \{w \in \{a, b, c\}^*, \text{ tel que : } |w|_a - |w|_b| > 0 \}$ . (3 pts)

Bon courage