

**Concours d'Accès au Doctorat
 Signaux et Systèmes de Télécommunications**

Epreuve Théorie de l'Information et Techniques Avancées au Niveau Canal et Source

Problème : (10 points)

Soit un Radar Doppler à impulsions, fonctionnant en bande C et possédant les caractéristiques techniques suivantes

Fréquence porteuse (émission)	$f_0 = 3.6 \text{ GHz}$
Fréquence de répétition des impulsions	$f_R = 1 \text{ KHz}$
Largeur d'impulsion	$\tau = 1 \mu\text{s}$
Puissance Moyenne	1 Kw
Vitesse d'antenne	$\Omega = 30 \text{ trs/mn}$
Ouverture en Azimute (- 3 dB)	$\theta = 1.5^\circ$
Fréquence Intermédiaire (Récepteur)	$f_i = 30 \text{ MHz}$
Probabilité de Fausses Alarmes Nominale	$P_{fa} = 10^{-4}$
Type MTI	Single Delay Line Canceller (SDLC)
Type Détecteur	CA-CFAR avec $N=16$ cellules de référence $P_d = \left(1 + \frac{T}{1 + SNR}\right)^{-N}$ Pd : Probabilité de détection SNR: Rapport signal/Bruit T: Facteur de maintien du taux de fausses alarmes

Questions

- Déterminer la résolution en portée ΔR , la résolution en vitesse radiale V_R et l'ambiguïté en distance R_A .
- Donner le schéma bloc du filtre MTI et celui du détecteur utilisé.
- Calculer la réponse impulsionnelle $h(t)$ du filtre MTI. En déduire son gain en puissance dans le domaine fréquentiel $|H(\omega)|^2$.

Pour cela, on rappelle le théorème du décalage temporel: $TF [x(t-T)] = X(\omega) \cdot e^{-j\omega T}$

où TF représente la transformée de Fourier, $X(\omega)$ la TF de $x(t)$, $\omega = 2\pi f$ la pulsation et $j^2 = -1$.

- Tracer le gain en puissance $|H(\omega)|^2$ du MTI en fonction de la fréquence normalisée $f_N = f/f_R$.
 A quoi correspond le point $f_N = 0$? calculer les vitesses radiales aveugles (en km/h) de ce système Radar.

5. La sensibilité du récepteur est réglée telle qu'une cible de surface radar équivalente (RCS) de 20 m^2 , située à une portée de 15 km, rétrodiffuse un signal minimum détectable ayant un rapport signal/bruit $SNR_0=0 \text{ dB}$. Calculer alors la probabilité de détection (P_d) d'un tel signal.
6. En déduire la probabilité de détection de cette même cible (20 m^2) quand elle est située à une portée de 5 km.

Rappel

Une des formes de l'équation du Radar est exprimée par

$$R^4 = \frac{P \cdot G^2 \cdot \lambda^2 \cdot \sigma}{(4\pi)^3 \cdot k \cdot SNR}$$

où R , P , G , λ et σ représentent, respectivement, la portée, la puissance émise, le gain de l'antenne, la longueur d'onde du signal émis et la surface radar équivalente (RCS) de la cible. k est une constante qui correspond à l'ensemble des pertes et à la nature du bruit au niveau du récepteur.

Exercice 1 (6 points)

X est une source discrète sans mémoire qui produit les quatre symboles x_1, x_2, x_3, x_4 , avec les probabilités $p(x_1)=0.5, p(x_2)=0.3, p(x_3)=0.15$.

- 1) calculer la probabilité de x_4 .
- 2) calculer l'entropie $H(X)$ de la source.
- 3) construis le code Huffman de X ?
- 4) calculer la longueur moyenne de ce code (L)?
- 5) calculer l'efficacité de ce code?

Exercice 2 (4 points)

Soit un canal AWGN (bruit blanc gaussien additif) de bande passante 4 kHz avec une densité spectrale de puissance de $\eta/2$ égale à 10^{-12} W/Hz . La puissance du signal nécessaire au récepteur est de 0.1 mW. Calculer la capacité de ce canal.