

question de cours:

III

Amenagements Hydrauliques

3 em année

Licence Hydraulique



figure représente un aménagement par un ouvrage hydraulique appelé épi avec deux dispositions d'épis opposés.

Rôle de ce dispositif est : Freiner et guider l'écoulement.

disposition (a) : l'épi est dirigé vers l'aval à pour but de minimiser l'usure du lit.

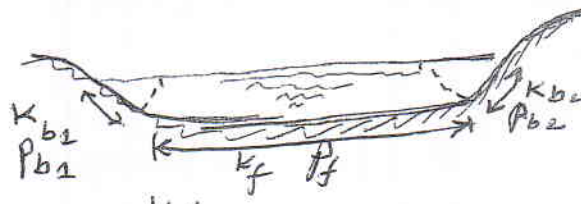
disposition (b) : l'épi est orienté vers l'amont à pour but de guider le courant vers le lit à fin d'éviter l'érosion des berges.

question 2

coefficient équivalent  $k_{eq}$

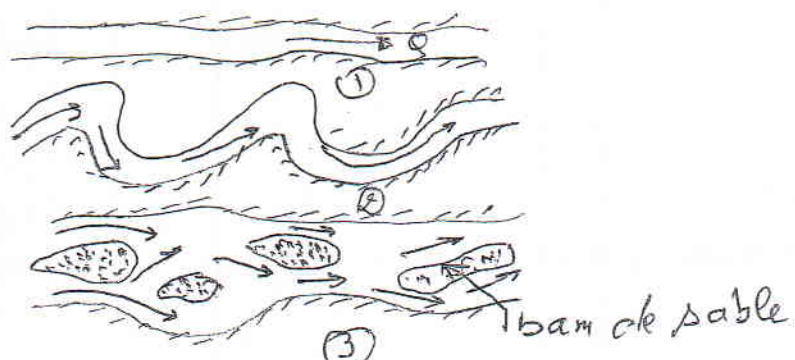
$$= \frac{P_f}{k_f^{3/2}} + \frac{P_{b1}}{k_{b1}^{3/2}} + \frac{P_{b2}}{k_{b2}^{3/2}}$$

$$\frac{34}{9^{3/2}} = \frac{30}{35^{3/2}} + 2 \times \frac{2}{20^{3/2}} \Rightarrow k_{eq} = 32 \text{ m}^{1/3/\Delta}$$



question 3

lit rectiligne  
lit à méandre  
lit en tresse



question 4

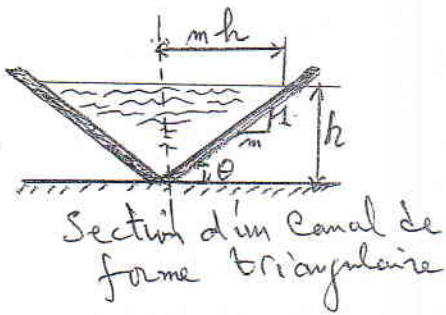
expression de la profondeur normale.  
équation qui gouverne l'écoulement uniforme.  
l'équation de Manning:

$$V = \frac{1}{n} R^{2/3} A \sqrt{I} \quad (1)$$

$$Q = \frac{1}{n} \left( \frac{Q}{V} \right)^{2/3} \left[ \frac{1 + m^2}{m^5} \right]^{1/8}$$

expression de la profondeur en régime (condition de critique  $\frac{Q^2}{g} = \frac{A^3}{T}$ )

$$R_c = \sqrt{\frac{2}{g}} \left( \frac{Q}{m} \right)^{2/3}$$



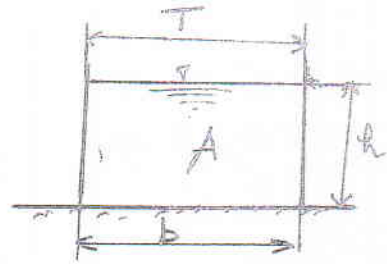
Section d'un canal de forme triangulaire

question 5 : Le régime torrentiel est caractérisé par une vitesse importante ce traduit par une énergie cinétique. L'aménagement par chute c'est un ouvrage de

## II Exercices

Exercice 1

condition d'écoulement critique  $\frac{Q^2 T}{g A^3} = 1$   
 $Q$  est le débit d'écoulement  
 $T$ : la largeur du plan d'eau.  
 $A$ : la section mouillée et  $g$  est l'accélération de la pesanteur.



Pour un canal rectangulaire la condition devient:  $\frac{Q^2 b}{g h_c^3} = 1 \Rightarrow h_c = \sqrt[3]{\frac{1}{g} \left(\frac{Q}{b}\right)^2}$

Applications:

$$b = 2 \text{ m} \Rightarrow h_c = \sqrt[3]{\frac{1}{9,81} \left(\frac{6}{2}\right)^2} = 0,97168 \text{ m}$$

$$b = 3 \text{ m} \Rightarrow h_c = \sqrt[3]{\frac{1}{9,81} \left(\frac{6}{3}\right)^2} = 0,7415 \text{ m}$$

la vitesse critique: le régime critique caractérisé par Nbr de Froude égal à l'unité

$$\frac{V_c}{\sqrt{g h_c}} = 1 \Rightarrow V_c = \sqrt{g h_c}$$

Applications:

$$b = 2 \text{ m} \Rightarrow V_c = \sqrt{9,81 \times 0,97168} = 3,09 \text{ m/s}$$

$$b = 3 \text{ m} \Rightarrow V_c = \sqrt{9,81 \times 0,7415} = 2,7 \text{ m/s}$$

calcul la valeur de la pente critique pour le cas  $b = 3 \text{ m}$

l'expression de la pente critique pour un canal rectangulaire dans le régime critique:  $I_c = n^2 g h_c \left[ \frac{b + 2 h_c}{b h_c} \right]^{4/3}$

$$\Rightarrow I_c = (0,02)^2 \times 9,81 \times 0,7415 \cdot \left( \frac{0,7415 \times 2 + 3}{3 \times 0,7415} \right)^{4/3} = 0,0074$$

la charge critique:  $H_{\min} = H_c = \frac{3}{2} h_c$  ( $H_{\min}$ : la charge spécifique minimale)

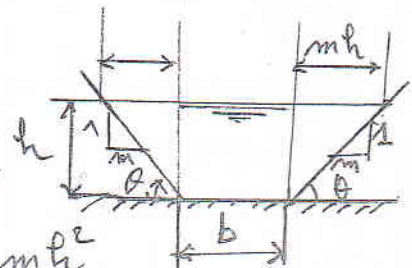
$$\text{pour } b = 2 \text{ m} \Rightarrow H_c = \frac{3}{2} \times 0,97168 = 1,45752 \text{ m}$$

$$b = 3 \text{ m} \Rightarrow H_c = \frac{3}{2} \times 0,7415 = 1,1122 \text{ m}$$

Il est évident que la charge critique pour une largeur  $b = 2 \text{ m}$ .

### Exercice N° 2

sur tous les canaux de forme trapézoïdale on trouve une section optimale pour le rayon hydraulique



$$R_h = \frac{h}{2} \text{ . Alors: } \begin{cases} \text{la section mouillée } A = b h + m h^2 \\ \text{le périmètre mouillé } P = b + 2 h \sqrt{1 + m^2} = b + 2 h \sqrt{5} \end{cases}$$



$$\frac{A}{P} = \frac{h}{2} = \frac{(b + 2h)h}{b + 2h\sqrt{5}} = \frac{h}{2} \Rightarrow b = 2(\sqrt{5} - 2)h \quad \dots (1)$$

car le débit  $Q = 12,7 \text{ m}^3/\text{s}$  et la vitesse  $V = 0,91 \text{ m/s}$

$$A = \frac{Q}{V} = \frac{12,7}{0,91} = 13,956 \text{ m}^2 \Rightarrow b = (13,956 - 2h^2)/h \quad \dots (2)$$

En égalant (1) et (2), nous obtenons  $h = 2,376 \text{ m}$

Reportant dans l'équation (2) on obtient  $b = 1,122 \text{ m}$   
 Sous ses conditions, le canal est en dehors du risque d'érosion.

1) Calcul de la pente du canal: l'équation universelle de Manning

$$V = \frac{1}{n} R_h^{2/3} \sqrt{I} \Leftrightarrow I = \left( n V R_h^{-2/3} \right)^2$$

$$I = \left[ 0,025 \times 0,91 \left( \frac{2,376}{2} \right)^{-2/3} \right]^2 = 0,00041$$

$$I = 0,041 \text{ ‰}$$