

امتحان في مقاييس الرياضيات 1التمرين 1 (5 ن)

لتكن A مجموعة كافية و $P(A)$ مجموعة أجزاء المجموعة A ، ولنعرف العلاقة التالية:

$$\forall B, C \in P(A): BRC \Leftrightarrow B \subseteq C$$

أثبت أن \mathcal{R} علاقة ترتيب.

التمرين 2 (5 ن)

ليكن التابع $f(x) = \frac{x^3 - 2x^2 - x + 2}{1 - |x|}$

أ) أوجد مجموعة تعريف التابع f .

ب) أحسب نهاية التابع f عند النقطة 1 و (-1).

ت) هل التابع f مستمر عند النقطة 0 ؟

ث) هل يوجدتابع g معرف على \mathbb{R} و يطابق التابع f على مجموعة تعريفه ؟

التمرين 3 (5 ن)

ليكن التابع f المعرف على \mathbb{R} كما يلي:

أ) بين صحة العلاقة التالية: $\forall a \in \mathbb{R}: \cos(a) - \sin(a) = \sqrt{2} \cos\left(a + \frac{\pi}{4}\right)$

ب) بين أن: $\forall x \in \mathbb{R}: f'(x) = Ae^x \cos\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right)$. حيث أن A ، α أعداد حقيقة يطلب تعينها.

ت) أوجد النشر المنتهي من الرتبة الرابعة للتابع f .

ث) باستعمال نتيجة السؤال السابق، استنتج النهاية التالية:

التمرين 4 (5 ن)

ليكن $\{e_1, e_2\}$ ، $\{e'_1, e'_2, e'_3\}$ الأساسين القانونيين لـ \mathbb{R}^2 و \mathbb{R}^3 على الترتيب.

أ) أوجد التطبيق الخطي f المعرف من \mathbb{R}^2 نحو \mathbb{R}^3 كما يلي:

$$f(e_1) = 2e'_1 + e'_3 \wedge f(e_2) = e'_2 + e'_1$$

ب) عين $Ker f$ و $Im f$ ثم استنتاج بعديهما. هل f تقابلي ؟

ملاحظة: معاينة أوراق هذا الامتحان ستكون يوم 25 جانفي 2018

التصحيح المذود في الاختبار الرياضي ١

الثمن ١:

$$\textcircled{0,5} \quad \left. \begin{array}{l} \text{علاقة انعكاسية} \\ \text{علاقة صدنا ظريله} \\ \text{علاقة متعددة} \end{array} \right\} R \quad \left. \begin{array}{l} \text{علاقة ترتيب} \\ \text{علاقة} \end{array} \right\} R$$

$$\textcircled{0,5} \quad \forall B \in P(A) : B R B \Leftrightarrow \text{علاقة انعكاسية} R$$

$$\textcircled{1} \quad \forall B \in P(A) : B \subseteq B \quad (\text{محققة}) \\ \Leftrightarrow B R B \quad \text{وهي انعكاسية} R$$

$$\textcircled{0,5} \quad \forall B, C \in P(A) (B R C \wedge C R B) \underset{B=C}{\Rightarrow} \Leftrightarrow \text{صدى ظريله} R$$

$$\textcircled{1} \quad \forall B, C \in P(A) : B R C \Leftrightarrow \left. \begin{array}{l} B \subseteq C \\ C \subseteq B \end{array} \right\} \Rightarrow C = B$$

وهي صدى ظريله

$$\textcircled{0,1} \quad \forall B, C, D \in P(A) : B R C \quad \left. \begin{array}{l} \\ C R D \end{array} \right\} \Rightarrow B R D \Leftrightarrow \text{متعددة} R$$

$$\forall B, C, D \in P(A) : B R C \Leftrightarrow \left. \begin{array}{l} B \subseteq C \\ C \subseteq D \end{array} \right\} \Rightarrow B \subseteq D \quad \textcircled{1}$$

لأن الدخواء متعددة على
إذن R متعددة

نستخرج أن ترتيب

تمرين 2

(أ) مجموعه المعرف $D_f = \{x \in \mathbb{R} / 1 - |x| \neq 0\}$

$$1 - |x| \neq 0 \Rightarrow |x| \neq 1 \Rightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ x \neq -1 \end{cases}$$

(ب) حساب الهاوية عند نقطة 1

في جوار النقطة لدينا $x_0 = 1$

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x^3 - 2x^2 - x + 2}{1 - x} \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{(x-1)(x+1)(x-2)}{1-x} \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x+1)(x-2)}{-(x-1)} = 2$$

حساب الهاوية عند نقطة 1

في جوار النقطة لدينا $x_0 = (-1)$

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1} \left(\frac{(x^3 - 2x^2 - x + 2)}{1 - (-x)} \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x-1)(x+1)(x-2)}{(1+x)} = 6$$

نجد $f(x)$ متصلة في $x_0 = 0$ لأن $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = f(0)$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = f(0) \Leftrightarrow \left(\text{نجد} f(x) \text{ متصلة في} x_0 = 0 \text{ لأن} \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = f(0) \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^+} \left(\frac{x^3 - 2x^2 - x + 2}{1-x} \right) = 2 \quad 0, 2 \text{ sp}$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} \left(\frac{x^3 - 2x^2 - x + 2}{1+x} \right) = 2 \quad 0, 2 \text{ rp}$$

$$f(0) = 2 \quad 0, 2 \text{ rp}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = f(0) \quad 0, 2 \text{ rp}$$

أيضاً f متماثلة

: f على \mathbb{R} معرفة g وج

$$0, 2 \text{ rp} \quad \frac{x^3 - 2x^2 - x + 2}{1-|x|} ; x \neq \pm 1$$

$$g(x) = \begin{cases} 2 & ; x = 1 \\ 6 & ; x = -1 \end{cases}$$

$$0, 2 \text{ rp} \quad D_g = \mathbb{R} \quad \text{نحو ذلك}$$

$$\forall x \in D_f : f(x) = g(x)$$

\mathbb{R} معرفة f و g التابع

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cos\beta - \sin\alpha \sin\beta : \text{نعلم أن } 13 \text{ ممكنا}$$

Fa \in R: $\sqrt{2} \cos\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{2} \left[\cos(\alpha) \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) - \sin(\alpha) \sin\left(\frac{\pi}{4}\right) \right] \quad (P)$

(1P) $= \sqrt{2} \left[\cos(\alpha) \frac{\sqrt{2}}{2} - \sin(\alpha) \frac{\sqrt{2}}{2} \right]$

Fa \in R: $\boxed{\sqrt{2} \cos\left(\alpha + \frac{\pi}{4}\right) = \cos(\alpha) - \sin(\alpha)}$

$f'(x) = (e^x \cos x)' \quad (Q)$

(0,1) $= e^x \cos x - e^x \sin x$
 $= e^x (\cos x - \sin x)$

ياسئل السؤال (P)

$$f'(x) = e^x \cdot \sqrt{2} \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right) \quad (0,5)$$

$$= A e^x \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$$

$\boxed{x = x}$ \wedge $\boxed{A = \sqrt{2}}$: بالطريق

(0,5) $e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^4}{4!} + o(x^4)$

(0,5) $\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} + o(x^4)$

$$f(x) = e^x \cos x = \left[1 + x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{6} + \frac{x^4}{24} + o(x^4) \right] \left[1 - \frac{x^2}{2} + \frac{x^4}{24} + o(x^4) \right]$$

: في 4 جزء بعد التسريع والاحتفاظ فقط بالرتبة اقل وساوى 4

(1P) $\boxed{f(x) = 1 + x - \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{6} + o(x^4)} \quad (Q)$

$$\lim\left(\frac{1-f(x)}{x}\right) = \lim\left(-1-x + \frac{x^3}{3} + \frac{x^4}{6} + o(x^4)\right) \quad \forall x \neq 0 (-1 + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{6} + o(x^3))$$

(٤)

$$f(e_1) = f(1,0) = 2(1,0,0) + (0,0,1) = (2,0,1)$$

$$f(e_2) = f(0,1) = (0,1,0) + (1,0,0) = (1,1,0)$$

$0, 5P$ $f(x,y) = f[x(1,0) + y(0,1)]$

: أنا خطي ف في ١٢.

$0, 5P$ $= x f(1,0) + y f(0,1)$

$$= x(2,0,1) + y(1,1,0) = (2x+y, y, x) \quad 0, 5P$$

$$f: \mathbb{R}^2 \longrightarrow \mathbb{R}^3 \quad \text{إذن}$$

$$(x,y) \mapsto (2x+y, y, x)$$

$0, 2V$ $\text{Ker } f = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 / f(x,y) = (0,0,0)\}$

$0, 2V$ $\text{Ker } f = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 / (2x+y, y, x) = (0,0,0)\}$

$0, 2V$ $\text{Ker } f = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 / 2x+y=0 \wedge y=0 \wedge x=0\}$

$0, 2V$ $\text{Ker } f = \{(0,0)\} \Leftrightarrow$ متباين f و $\dim \text{Ker } f = 0$

$0, 5$ $\text{Im } f = \{f(x,y) / (x,y) \in \mathbb{R}^2\} \quad 0, 2V \quad 0, 2V$

$0, 5$ $= \{(2x+y, y, x) / (x,y) \in \mathbb{R}^2\}$

$$= \{x(2,0,1) + y(1,1,0) / (x,y) \in \mathbb{R}^2\}$$

$$\text{Im } f = [(2,0,1), (1,1,0)]$$

نبرهن أن $\{(2,0,1), (1,1,0)\}$ لخطي مستقلة

$$\forall \alpha, \beta \in \mathbb{R}: \alpha(2,0,1) + \beta(1,1,0) = (0,0,0) \Rightarrow \alpha = \beta = 0$$

$$(2\alpha + \beta, \beta, \alpha) = (0,0,0) \Rightarrow \begin{cases} 2\alpha + \beta = 0 \\ \beta = 0 \end{cases} \Rightarrow \alpha = \beta = 0$$

$$\begin{cases} 2\alpha + \beta = 0 \\ \beta = 0 \end{cases} \Rightarrow \alpha = \beta = 0$$

$\dim \text{Im } f = \dim \text{Ker } f$ لـ $\{ (2,0,1), (1,1,0) \}$

ومنه f ليس عاشر. إذن f ليس تقابلية
طرفيّة.

$$\begin{aligned} \dim \mathbb{R}^2 &= \dim \text{Im } f + \dim \text{Ker } f \\ \Rightarrow \dim \text{Im } f &= \dim \mathbb{R}^2 - \dim \text{Ker } f \\ \dim \text{Im } f &= 2 - 0 = 2 \neq \dim \mathbb{R}^3 = 3 \end{aligned}$$

ومنه f ليس عاشر. إذن f ليس تقابلية.

الخطوة 8

لـ $\dim \text{Im } f$ كوجي طريقة وعليه
مما كانت الطريقة

الخطوة 8

أرجو من المساندة الكرام جلب الموراق

المصححة (بعد النسخاء) يوم المُشين

٢٢ حاضر ٢٠١٨ ابتداء من الساعة ٨

إلى الساعة ١١. المكان قاعة المساندة

امتحان فيزياء 1

المدة [سا 30]

تمرين 1 (3 نقط) :

تنطلق في نفس اللحظة سيارتان A و B على طريق مستقيم وفق المحور Ox بسرعتين ثابتتين v_A و v_B ومتناهيتين. جد المسافة d التي تقطعها السيارة A قبل أن تصطدم بالسيارة B. تعطى AB=L. السيارة A تنطلق من O في الاتجاه الموجب ل Ox .

تمرين 2 (4.5 نقط) :

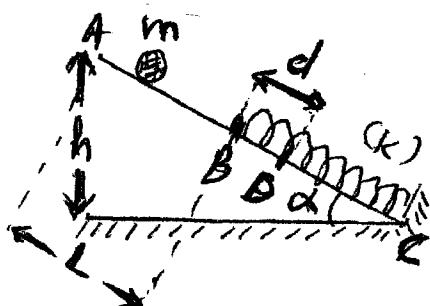
ليكن متحرك M شاع سرعته يبقى دوما عموديا على شاع موضعه. نفرض الحركة مستوية أعط أهم خصائص مسار المتحرك في الإحداثيات :

- (1) الديكارتية.
- (2) القطبية.

تمرين 3 (9.5 نقط) :

يترك جسم M كتلته m من أعلى مستوى مائل بزاوية α بالنسبة لمحور أفقي. ارتفاع المستوى المائل h . ينتهي هذا المستوى بنابض ثابت مرونته K يقطع المتحرك مسافة L قبل أن يصطدم بالنابض. نفرض احتكاكه μ والجزء BC أملس.

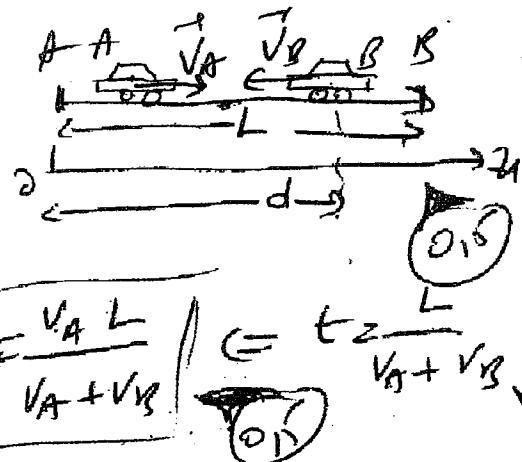
- (1) باستعمال التحريك جد سرعة المتحرك في B .
- (2) باستعمال التحريك أو الطاقة الكلية بين B و C جد الانضغاط الأعظمي d للنابض.

تمرين 4 (4 نقط) :

أجب باختصار على الأسئلة الآتية :

- (1) ما هو عدد الأشعة التي تكون عمودية على شاع ما ؟
- (2) متى نقول عن معلم أنه عطاليا أو غاليليا ؟
- (3) هل الأرض تمثل معلم عطاليا و لماذا ؟
- (4) هل يوجد في الفضاء معلم عطاليا أو غاليليا ؟
- (5) هل يمكن تطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة في حالة وجود احتكاك و لماذا ؟
- (6) هل يمكن تعريف معلم بالنسبة لنقطة مادية ؟

كتاب حجج
I قرارات



$$\left(\frac{d = V_A t}{V_A + V_B} \right) \Leftrightarrow t = \frac{d}{V_A + V_B} \Leftrightarrow V_A = V_B \quad \text{عند المصادمة}$$

$$(Ques 3) \quad ① \quad C = \vec{r} \oplus \vec{0}$$

$$x_A = V_A t \quad (Ques)$$

$$x_B = -V_B t + L \quad (Ques)$$

$$\vec{0} \vec{n} \perp \vec{v} \Leftrightarrow \vec{0} \vec{n} \cdot \vec{v} = 0 \quad (Ques) \quad (2) \quad C = \vec{r} \oplus \vec{0}$$

$$(x \vec{i} + y \vec{j}) \cdot (x \vec{i} + y \vec{j}) = 0 \quad (Ques) \quad \Rightarrow x^2 + y^2 = 0$$

$$\Rightarrow x \vec{i} + y \vec{j} = 0 \Rightarrow x dx + y dy = 0 \Rightarrow \int x dx + \int y dy = C^6 \quad (Ques)$$

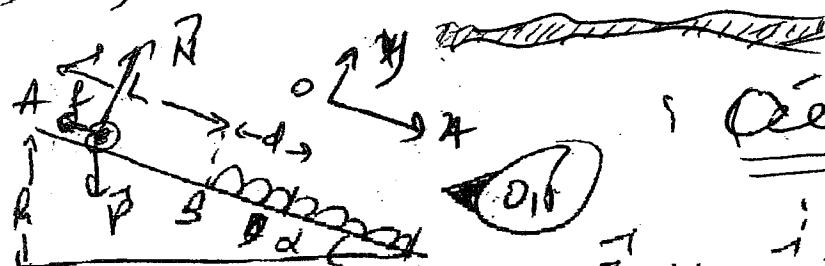
$$\Rightarrow \boxed{x^2 + y^2 = C^6} \quad (Ques) \quad (0,0) \text{ point } \Rightarrow r = 0 \quad (Ques)$$

$$R = \sqrt{C^6} \quad (Ques)$$

$$g \vec{U}_p \cdot (\vec{p} \vec{U}_y + g \vec{\theta} \vec{U}_\theta) = 0 \quad (Ques) \quad \text{إشكال 1 ج 2}$$

$$\Rightarrow \vec{p} \vec{U}_y = \vec{0} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} p = C^6 \\ \theta = 0 \end{array} \right. \quad (Ques)$$

$$(0,0) \text{ point } \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} p = C^6 \\ \theta = 0 \end{array} \right. \quad (Ques)$$



$$(Ques 9,3) \quad ③ \quad C = \vec{r} \oplus \vec{0}$$

$$\sum F_{ext} = P + N + f = m \vec{a} \quad (Ques) \quad ; \quad \vec{a} = g \sin \beta \hat{i} + g \cos \beta \hat{j} \quad (1)$$

$$(3) f = \mu N \Rightarrow m g \sin \alpha - f = m a \quad (1) \quad (Ques) \quad ; \quad \partial x \quad \partial y$$

$$N - m g \cos \alpha = 0 \quad (2) \quad (Ques) \quad ; \quad \partial x \quad \partial y$$

\Rightarrow دليل ثالث لـ 3 = مصادمة بين المقادير

$$(Ques) \quad \ddot{s} = g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha) = C^6 \Rightarrow s = g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)(t + \dots)$$

$$E_f(B) = E_f(D)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}kd^2 + mg h_D = \frac{1}{2}mV_B^2 + mgh_B$$

$$\Rightarrow Kd^2 + 2mg(h_0 - h_B) - mV_B^2 = 0, \quad h_B - h_0 = d \sin \alpha$$

$$\Rightarrow Kd^2 + 2mg \sin \alpha d - mV_B^2 = 0; \quad \text{محل المثلث}$$

$$\Delta' = m^2 g^2 \sin^2 \alpha + K m V_B^2 \Rightarrow d = \frac{m g \sin \alpha \pm \sqrt{\Delta'}}{K} = \frac{m g \sin \alpha \pm \sqrt{D}}{K}$$

$$d > 0 \Rightarrow d = \frac{m g \sin \alpha + \sqrt{m^2 g^2 \sin^2 \alpha + K m V_B^2}}{K}$$

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = \vec{P} + \vec{T} + \vec{N} = m \ddot{\vec{x}}$$

$$\Rightarrow -kx + mg \sin \alpha = m \ddot{x} \quad \text{محل المثلث}$$

$$\Rightarrow \left\{ \ddot{x} + \left(\frac{k}{m} x - g \sin \alpha \right) = 0; \text{ suppose } \frac{k}{m} x - g \sin \alpha = X \right\}$$

$$\Rightarrow \ddot{X} + \frac{k}{m} X = 0; \quad \text{محل المثلث} \quad \left\{ \text{أصل المثلث} \right.$$

$$\left. \left\{ \omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \quad \text{so } X = A \sin(\omega t + \varphi) \quad \text{محل المثلث} \right\} \right\}$$

$$\Rightarrow x = b \sin(\omega t + \varphi) + \frac{mg \sin \alpha}{k} \sin \alpha$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x(0) = x_B = b \sin \varphi + \frac{mg \sin \alpha}{k} \sin \alpha \\ \dot{x}(0) = V_B = b \sqrt{\frac{k}{m}} \cos \varphi \end{array} \right\} \quad \text{محل المثلث}$$

عن D: $\dot{x}(0) = 0 = V_B = b \omega \cos(\omega t + \varphi) \Rightarrow \cos(\omega t + \varphi) = 0$

$$\Rightarrow \sin(\omega t + \varphi) = 1 \Rightarrow x(0) = b + \frac{mg \sin \alpha}{k} \sin \alpha$$

$$\Rightarrow x(0) = b + \frac{mg \sin \alpha + \sqrt{m^2 g^2 \sin^2 \alpha + K m V_B^2}}{K}$$

(الجزء 4) $x = f(t)$

(الجزء 5) $x(t) = b + \frac{mg \sin \alpha + \sqrt{m^2 g^2 \sin^2 \alpha + K m V_B^2}}{K} \sin \left(\sqrt{\frac{k}{m}} t + \varphi \right)$

(الجزء 6) $x(t) = b + \frac{mg \sin \alpha + \sqrt{m^2 g^2 \sin^2 \alpha + K m V_B^2}}{K} \sin \left(\sqrt{\frac{k}{m}} t + \varphi \right)$

التمرين الأول: (8 نقاط)

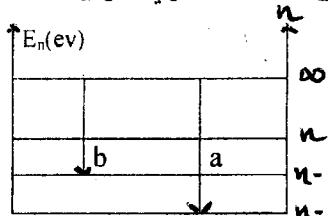
تعطى العناصر A, B, C, D في الحالة الأساسية حيث:

- العنصر A ينتمي إلى الدورة 4 والمجموعة VIIA (سبعة A).
- الشاردة المستقرة B^{+1} للعنصر B تأخذ نفس التوزيع الإلكتروني للغاز الخامل Rn^{86} .
- العنصر C من الدورة السادسة (6) ويحتوي 12 الكتروناً في الطبقة الثانوية ذات ($n=4, l=3$).
- العنصر D يحتوي 4 الكترونات متزاجة في الطبقة الثانوية 5d.
- 1. حدد العدد الشحني Z للعناصر A, B, C, D.
- 2. في جدول اكتب التوزيع الإلكتروني وحدد رقم الدورة (السطر)، المجموعة (الفئة) والعائلة (معدن أو ليس معدن).
- 3. قارن بين (A,B) من حيث طاقة النطرين الأولى E_i .
- 4. قارن بين (B,C,D) من حيث نصف قطر الذري r_a .
- 5. قارن بين (A,D) من حيث الكهروسائلية e_n ثم استنتج ترتيبهما من حيث الكهروجالبية e_p .

التمرين الثاني: (12 نقطة)

1. تعطى العبارة العامة لطاقة مستويات ذرة بور Bohr $E_n = \frac{Z^2}{n^2} E_1$ حيث $n \geq 1$ و $E_1 = -13.6 \text{ eV}$.
و Z العدد الشحني.
 أ. أحسب $E_3, E_4, E_5, E_{\infty}$ لذرة H وشاردة الهيدروجينويد Be^{+3}
 ب. في حالة ذرة H، مثل مستويات الطاقة المذكورة في (أ) على مخطط طاقوي ورسم عليه الخط الثاني Paschen لطيف الامتصاص في سلسلة باشن Paschen، و الخط النهائي لطيف الانبعاث في سلسلة بفوند PFUND
 ت. احسب λ_2 و λ_{∞} طولاً موجيّ الخطين المذكورين في السؤال (ب) على الترتيب مع تحديد منطقة الطيف التي ينتمي إليها كل خط. يعطى: $R_H = 1.1 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$.

2. في حالة شاردة الهيدروجينويد Be^{+3} ، نعتبر الانتقالين (a,b) الموضعين على المخطط الطاقوي المرفق.



3. اشعاع ضوئي طول موجته 10^3 Å يسقط على سطح معدن البيريليوم Be^4 ليحدث انبعاث إلكتروني من المعدن بطاقة حرارية $E_c = 8 \text{ eV}$.

- أ. احسب طاقة العتبة E_0 لمعدن البيريليوم.
- ب. احسب v سرعة الإلكترونات المنبعثة من المعدن
- ت. احسب طول الموجة المواكبة (المصاحبة) لما يلي:
 - الإلكترون المنبعث من معدن البيريليوم.
 - ذرة Be^4 التي تنتقل بسرعة 200 m/s .

$$\text{يعطى: } m(Be) = 9 \text{ u ma}, m_e = 9 \cdot 1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}, h = 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$$

$$\textcircled{1} \rightarrow (\text{VII A}, 6) \Rightarrow \text{Z} = 85$$

$$\Rightarrow Z: [X_e] 6s^2 4f^{14} 5d^{10} 6p^5 \Rightarrow Z = 85$$

$$(\text{IB}, 4) \Rightarrow \text{Z} = 29$$

$$\Rightarrow Y: [\text{Ar}] 4s^2 3d^9 \Rightarrow Z = 29$$

المفاهيم المترابطة (35A, 29Y)

$$* \text{en}(A) > \text{en}(Y) \Leftarrow (\uparrow \text{en}, Z^{\uparrow})$$

I_B ينتمي إلى (79D, 29Y)

$$* \text{en}(D) < \text{en}(Y) \Leftarrow (\downarrow \text{en}, Z^{\uparrow})$$

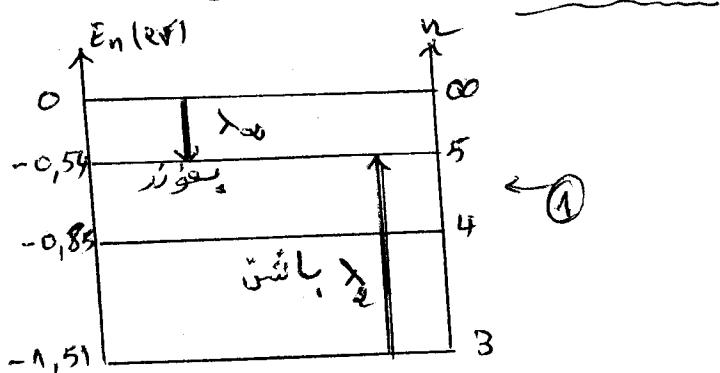
$\text{en}(A) > \text{en}(D)$: ينتمي إلى (35A, 79D)

$$* \text{ep}(A) < \text{ep}(D) \Leftarrow \text{ep} \propto \frac{1}{\text{en}}$$

القرائن الأساسية (12 رقم)

$$E_n = \frac{Z^2}{n^2} E_1$$

E_n	1H	$4Be^{+3}$
E_3	-1,51 eV	-24,17 eV
E_4	-0,85 eV	-13,6 eV
E_5	-0,54 eV	-8,7 eV
E_{∞}	↑ 0	↑ 0



$$\frac{1}{\lambda_{\infty}} = R_H \left[\frac{1}{25} - \frac{1}{\infty} \right]$$

$$\Rightarrow \lambda_{\infty} = 22,7272 \cdot 10^{-7} m = 22727,2 \text{ Å} \in \text{IR}$$

$$\frac{1}{\lambda_2} = R_H \left[\frac{1}{9} - \frac{1}{25} \right]$$

2018 / 2017

الهـ و (8 نقاط)

Ae (4, VII A)

$$\Rightarrow A: [\text{Ar}] 4s^2 3d^{10} 4p^5 \Rightarrow Z = 35$$

$$B^{-1}: [\text{Ru}] \xrightarrow{86} B^{-1}: [X_e] 6s^2 4f^{14} 5d^{10} 6p^2$$

$$\Rightarrow B: [\text{Xe}] 6s^2 4f^{14} 5d^{10} 6p^5 \Rightarrow Z = 85$$

(n=4, l=3) ناتج دان في 12c a.c

$$\Leftarrow 4f^{12}$$

$$\Leftarrow C: [\text{Xe}] 6s^2 4f^{12} \Rightarrow Z = 68$$

$$5d^9 \Leftarrow 5d \text{ في ذرة مسماً 4e a.c} \Rightarrow D: [\text{Xe}] 6s^2 4f^{14} 5d^9 \Rightarrow Z = 79$$

العنصر	الوزن الجزيئي	النوع	الدور	الهـ و (A, B)
Iron	VII A	4	$[\text{Ar}] 4s^2 3d^{10} 4p^5$	35A
Ruthenium	VII A	6	$[\text{Xe}] 6s^2 4f^{14} 5d^{10} 6p^5$	85B
Rhenium	III B	6	$[\text{Xe}] 6s^2 4f^{12}$	68C
Cadmium	IB	6	$[\text{Xe}] 6s^2 4f^{14} 5d^9$	79D

E_i هي (A, B)

VII A ينتمي إلى مجموعة (35A, 85B)

$$E_i(B) < E_i(A) \Leftarrow (\downarrow E_i, Z^{\uparrow})$$

r_a هي (D, B, C)

\hat{o}_{Baiss} هي (85B, 68C, 79D) ينتمي إليها كل مجموعة

$$(\downarrow r_a, Z^{\uparrow}) (6) \text{ سارمه}$$

$$\Rightarrow r_a(B) < r_a(D) < r_a(C)$$

ep, en هي (A, D)

و لا في المجموع (79D, 35A)

v' سرعت c لمح

$$E_C = \frac{1}{2} m v^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2 E_C}{m}}$$

$$\Rightarrow v = 1,67 \cdot 10^6 \text{ m/s} \quad \textcircled{1}$$

أنتوالي x c لمح

$$\lambda_e = \frac{h}{mv} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34}}{9,1 \cdot 10^{-31} \cdot 1,67 \cdot 10^6}$$

$$\Rightarrow \lambda_e = 0,435 \cdot 10^{-9} \text{ m} = 4,35 \text{ Å} \quad \textcircled{2}$$

$$\lambda_{Be} = \frac{h}{mv} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34}}{9,1 \cdot 10^{-31} \cdot 1,67 \cdot 10^6}$$

$$\Rightarrow \lambda_{Be} = 0,221 \cdot 10^{-9} \text{ m} = 2,21 \text{ Å} \quad \textcircled{3}$$

${}^4\text{Be}^{+3}$ ذرة لمح

a ($n=2 \rightarrow \infty$)

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda_a} = Z^2 R_H \left[\frac{1}{(n-2)^2} \right]$$

$$b (n=1 \rightarrow \infty) \Rightarrow \frac{1}{\lambda_b} = Z^2 R_H \left[\frac{1}{(n-1)^2} \right]$$

$$\frac{\lambda_b}{\lambda_a} = \frac{(n-1)^2}{(n-2)^2} \quad : \text{نحوالي ذاتي}$$

$$\text{إذن } \frac{\lambda_b}{\lambda_a} = \frac{16}{9} \Rightarrow \left(\frac{n-1}{n-2} \right)^2 = \frac{16}{9}$$

$$\Leftrightarrow \frac{n-1}{n-2} = \frac{4}{3} \Rightarrow n=5 \quad \textcircled{1}$$

: أنتوالي ذرة لمح

$$E_{n=2} = E_3 = -24,17 \text{ eV}$$

$$E_{n=1} = E_4 = -13,6 \text{ eV}$$

$$E_n = E_5 = -8,70 \text{ eV}$$

$$E_\infty = 0$$

ΔE_a ذرة لمح

$$\textcircled{2} \rightarrow \Delta E_a = \Delta E_{n=2 \rightarrow \infty} = \Delta E_{3 \rightarrow \infty} = E_3 - E_\infty = +24,17 \text{ eV}$$

$$\textcircled{2} \rightarrow \Delta E_b = \Delta E_{n=1 \rightarrow \infty} = \Delta E_{4 \rightarrow \infty} = E_4 - E_\infty = +13,6 \text{ eV}$$

λ_b, λ_a ذرة لمح

$$\frac{1}{\lambda_a} = Z^2 R_H \left[\frac{1}{(n-2)^2} \right] \Rightarrow \lambda_a = \frac{(n-2)^2}{Z^2 R_H}$$

$$\Rightarrow \lambda_a = 0,5113 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 511,3 \text{ Å} \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{1}{\lambda_b} = Z^2 R_H \left[\frac{1}{(n-1)^2} \right] \Rightarrow \lambda_b = \frac{(n-1)^2}{Z^2 R_H}$$

$$\Rightarrow \lambda_b = 0,909 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 909 \text{ Å} \quad \textcircled{2}$$

(أنتوالي ذرة لمح) E_0 ذرة لمح

$$E_{ph} = E_0 + E_C \Rightarrow E_0 = E_{ph} - E_C$$

$$E_{ph} = \frac{hc}{\lambda} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{10^3 \cdot 10^{-10}}$$

$$\Rightarrow E_{ph} = 19,86 \cdot 10^{-19} = 12,41 \text{ eV.}$$

$$E_0 = E_{ph} - E_C \quad \text{لكن} \quad \textcircled{1}$$

CONTROLE EN INFORMATIQUE 1

1^{re} année- ST - Durée : 1H 30 mn - Date : Dimanche le 14/01/2018

Exercice 01 (6 pts)

Algorithme XXX

Variables

N, i, CO, M, R: Entiers

Début

1 écrire ('Entrer un nombre n entier positif')

Lire (n) ②

CO ← 0 ③

i ← 1 ④

M←N DIV 2 ⑤

Tant Que (i<= M) faire ⑥

R ← N mode i ⑦

Si R = 0 Alors ⑧

Ecrire(i)

CO ← CO+1 ⑨

Sinon

Ecrire ('non cherché') ⑩

Finsi

i ← i+1 ⑪

FinTant Que

Ecrire (CO) ⑫

Fin

(3,5 pt) 1. Montrer le tracé d'exécution pour N = 10

2. Que fait cet algorithme ? (0,5 pt)

3. Construire l'organigramme qui correspond à cet algorithme. (2 pts)

Exercice 02 (4 pts) :

Ecrire un algorithme qui permet de lire les moyennes de 120 étudiants (une section) et faire ce qui suit :

- Afficher le nombre des étudiants admis (càd qui ont une moyenne ≥ 10)
- Afficher le pourcentage des étudiants ajournés (càd qui ont une moyenne < 10)
- Calculer et afficher la moyenne totale de la section (càd de tous les étudiants)

Exercice 03 (4 pts) :

Ecrire un algorithme qui permet de faire les tâches suivantes :

1. Lire un nombre entier N composé de 2 chiffres.
2. Afficher si ce nombre est pair ou impair ?
3. Afficher l'inverse M de ce nombre (Exemple Si N=53 alors M=35).

QUESTIONS DE COURS (4 PTS) :

Partie A : Répondez par vrai ou faux

1. Un programme égale un algorithme.
2. Un système de base signifié un système d'exploitation.
3. Le code DCB signifie DECIMAL CODE BYTE.
4. L'unité de commande (UC) commande l'U.A.L et réalise l'échange des données entre le processeur et la RAM.
5. L'évolution de l'ordinateur et l'informatique se résume dans 3 générations.
6. Le premier véritable ordinateur est appelé EPAC
7. La Pascaline est la première machine de calcul arithmétique.
8. La mémoire RAM est la mémoire vive de l'ordinateur qui stocke les données et les programmes d'une façon permanente.

PARTIE B : CONVERSION DES NOMBRES (2 PTS)

Faire les conversions suivantes d'un système à un autre en montrant la méthode utilisée.

- Du décimal au binaire :

$$(230) = (?)_2$$

- Du binaire au octal :

$$(010101111110)_2 = (?)_8$$

- Du hexadécimal au binaire :

$$(AOFC5)_{16} = (?)_2$$

- Du binaire au décimal :

$$(1110011001)_2 = (?)_{10}$$

أسئلة المحاضرة (الترجمة إلى العربية):

أجب بـ صحيح أو خطأ على العبارات التالية:

1. برنامج يساوي خوارزم

2. البرنامج القاعدي يعني برنامج نظام تشغيل

3. الرمز DCB يعني DECIMAL CODE BYTE

4. وحدة التحكم UC تأمر L'U.A.L و تتجز تبادل المعلومات بين المعالج المركزي و الذاكرة المركزية.

5. تطور الحاسوب والإعلام الآلي تتلخص في 3 مراحل

6. أول حاسوب حقيقي سمى ب EPAC

7. لابسكالين هي أول آلة حسابية رقمية

8. الذاكرة RAM هي الذاكرة الحية للحاسوب التي تخزن المعلومات و البرامج بصفة دائمة.

CORRIGE TYPE DE EXAMEN N° 1 « INFORMATIQUE 1 »
UNIVERSITE CONSTANTINE1- 1^{ERE} ANNÉE ST:(2017_ 2018)

Exercice N°1 : Le tracé d'exécution:

- Pour N=10 (4 pts)

N ^o étape	N	i	CO	M	R	Ecran	Notes
1	/	/	/	/	/	Entrer un nombre n entier positif	0.25 pt
2	10	/	/	/	/	//	0.25 pt
3	10	1	0	/	/	//	0.25 pt
4	10	1	0	5	/	//	0.25 pt
5	10	1	0	5	0	/	0.25 pt
6	10	1	1	5	0	1	0.25 pt
8	10	2	1	5	0	//	0.25 pt
5	10	2	1	5	0	//	0.25 pt
6	10	2	2	5	0	2	0.25 pt
8	10	3	2	5	0	//	0.25 pt
5	10	3	2	5	1	//	0.25 pt
7	10	3	2	5	1	Non cherché	0.25 pt
8	10	4	2	5	1	//	0.25 pt
5	10	4	2	5	2	//	0.25 pt
7	10	4	2	5	2	Non cherché	0.25 pt
8	10	5	2	5	2	//	0.25 pt
5	10	5	3	5	0	//	0.25 pt
6	10	5	3	5	0	5	0.25 pt
8	10	6	3	5	0	//	0.25 pt
9	10	6	3	5	0	3	0.25 pt

2) Cet algorithme affiche les diviseurs d'un nombre entier N (0, 25 pt) et calcule et affiche aussi le nombre de ses diviseurs. (0, 25 pt).

NB : Selon le tracé réalisé pour n=10, cet algorithme affiche successivement sur écran les diviseurs de ce nombre qui sont : 1, 2, 5. Puis il affiche le nombre de ses diviseurs qui est 3.

3) L'organigramme qui correspond à cet algorithme se trouve dans la page suivante.

Questions de cours/ : (4 points): Chaque réponse vraie a 0,5 pt.

Question N° :	Sa réponse
1	Faux
2	Vrai
3	Faux
4	Faux

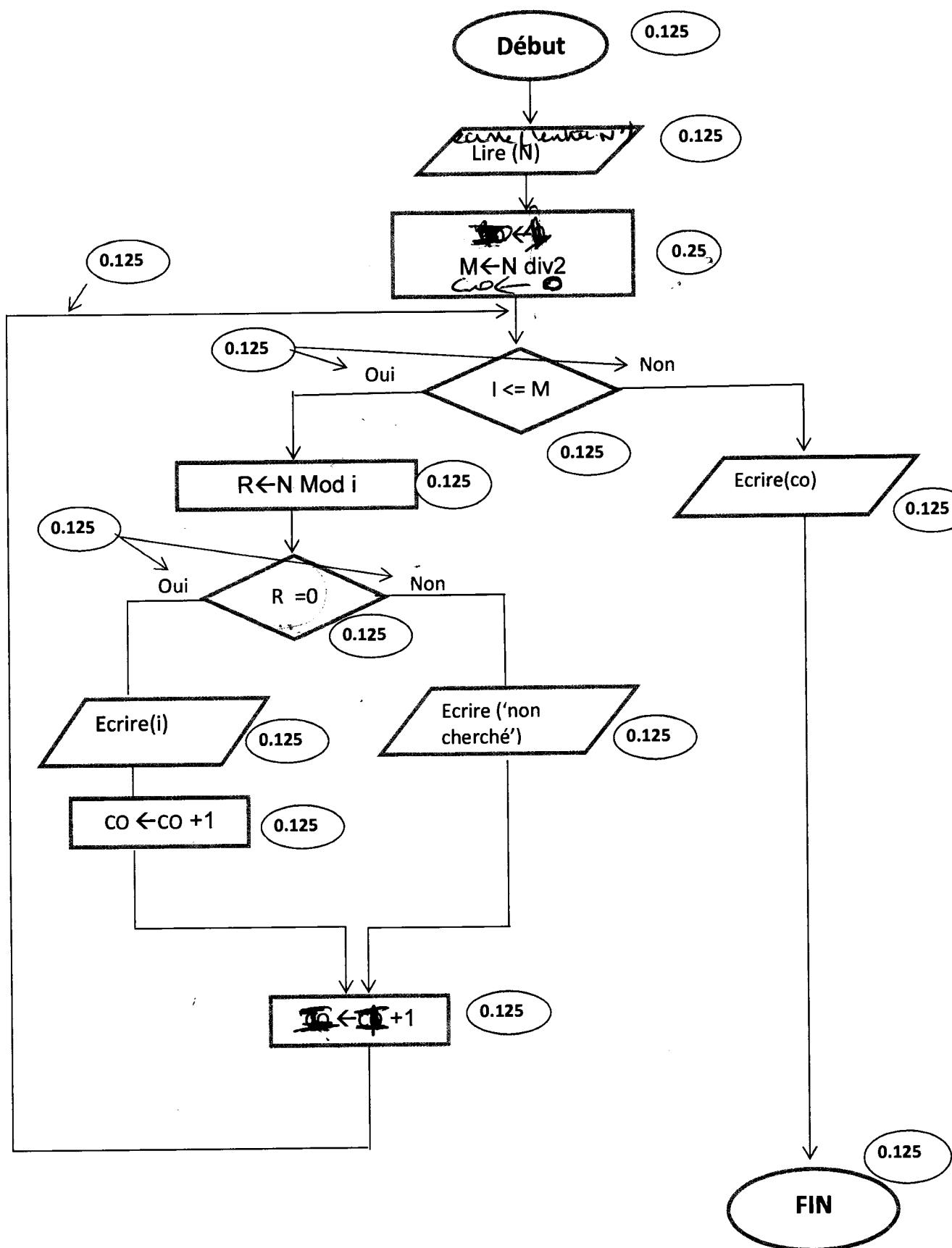
0.5 pt
0.5 pt
0.5 pt
0.5 pt

Question N° :	Sa réponse	note
5	Faux	0,5 pt
6	Faux	0,5 pt
7	Vrai	0,5 pt
8	Faux	0,5 pt

CORRIGE TYPE DE CONTOLE N⁰ 1 « INFORMATIQUE 1 »

UNIVERSITE CONSTANTINE1- 1^{ERE} ANNÉEST:(2017_2018)

L'organigramme de cet algorithme (2pts)



solution des exercices contrôle N°1 de module : informatique 1

CORRIGE TYPE DE CONTOLE N⁰ 1 « INFORMATIQUE 1 »

UNIVERSITE CONSTANTINE1- 1^{ERE} ANNÉEST:(2017_2018)

Exercice 2:(4points)

Solution 1	Solution 2
<p>Algorithme Etudiants ; 0.25</p> <p>Constantes N= 120 ; 0.25</p> <p>Variables :</p> <p>Cp1,Cp2 : entier ; 0.25</p> <p>Som,Moy, MoyG, Pourc : réel 0.5</p> <p>Début</p> <p>Ecrire ('Faites entrer les moyennes des étudiants') 0.25</p> <p>Som← 0; Cp1 ← 0; Cp2 ← 0 ; 0.5</p> <p>Pour i allant de 1 à N faire 0.25</p> <p>Lire(Moy) ; 0.25</p> <p>Som←Som + Moy ; 0.25</p> <p>Si Moy>= 10Alors</p> <p>Cp1 ←Cp1 + 1 0.25</p> <p>Sinon</p> <p>Cp2 ←Cp2 + 1 0.25</p> <p>Fin Si</p> <p>Fin pour</p> <p>MoyG←Som/N ; 0.25</p> <p>Pourc←Cp2*100/N ; 0.25</p> <p>Ecrire ('le nombre des étudiants admis est :', Cp1) 0.25</p> <p>Ecrire ('le pourcentage des étudiants ajournés est :', Pourc) 0.25</p> <p>Ecrire ('la moyenne totale de la section est :', MoyG) ; 0.25</p> <p>FIN.</p>	<p>Algorithme Etudiants ; 0.25</p> <p>Variables :</p> <p>Cp1 : entier ; 0.25</p> <p>Som,Moy, MoyG: réel 0.5</p> <p>Début</p> <p>Ecrire ('Faites entrer les moyennes des étudiants') 0.25</p> <p>Som← 0; Cp1 ← 0 ; 0.5</p> <p>Pour i allant de 1 à 120 faire 0.25</p> <p>Ecrire ('Moy') ; 0.25</p> <p>Som←Som + Moy ; 0.25</p> <p>Si Moy>= 10Alors</p> <p>Cp1 ←Cp1 + 1 ; 0.25</p> <p>Fin Si</p> <p>Fin pour</p> <p>MoyG←Som/120 ; 0.25</p> <p>Ecrire ('le nombre des étudiants admis est :', Cp1) 0.25</p> <p>Ecrire ('le pourcentage des étudiants ajournés est :',(120 - cp1)*100/120) 0.5</p> <p>Ecrire ('la moyenne totale de la section est :', MoyG) ; 0.25</p> <p>FIN.</p>

Exercice 3 : (4points)

Algorithme Nombres_2Chiffres; 0.25

Variables

N, D, U, M : Entiers 1

Début

Ecrire ('Donnez un entier N composé de deux chiffres') 0.25

Lire(N) Ou 0.25

Si (N mode 2=0) **Alors** 0.25

Ecrire (N,' est un nombre pair') 0.25

Sinon

Ecrire (N,' est un nombre impair') 0.25

Fin Si

D ← N Div 10 0.25

U ←N Mod 10 0.25

M ← U*10+D 0.25

Ecrire ('L'inverse du nombre N est :') 0.25

Ecrire (M) 0.25

On peut ne pas déclarer et utiliser MoyG en la remplaçant directement par : Som/120. la note devienne 0.5 pt .

Répéter
Lire(N)
Jusqu'à (N≥10) et (N≤99) 0.5

Ecrire ('L'inverse du nombre', N,' est :', M) 0.5

Fin

CORRIGE TYPE DE CONTOLE N° 1 « INFORMATIQUE 1 »

UNIVERSITE CONSTANTINE1- 1^{ERE} ANNÉEST:(2017_2018)

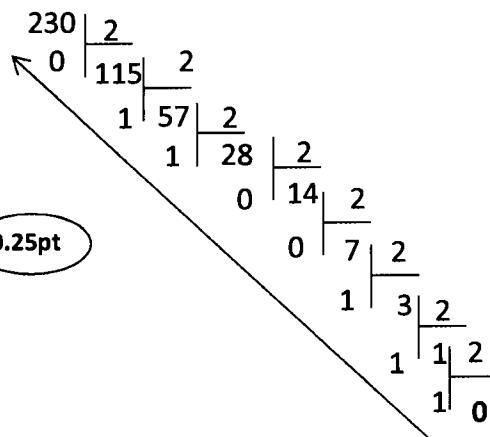
Exercice 4 : Conversion des nombres : (2 pts)

NB : Pour avoir la note complète,l'étudiant doit mentionner la méthode utilisée.

- **DU DECIMAL AU BINAIRE:** la méthode utilisée est la division SUCCESSIVE SUR 2

$$= (11100110)_2$$

0.25pt



0.25pt

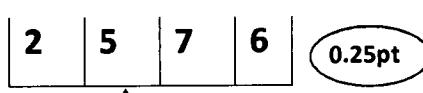
- **DU BINAIRE AU OCTAL:** la méthode est le groupage par 3 BITS.

$$(01010111110)_2$$

$$= (010 \ 10111110)_2$$

$$= (2576)_8$$

0.25pt

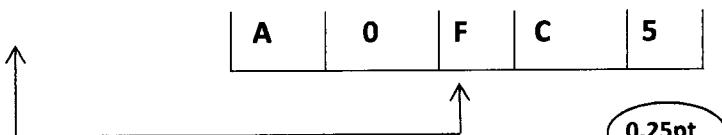


0.25pt

$$(01010111110)_2 = (2576)_8$$

- **DE L'HEXADECIMALE AU BINAIRE :** la méthode est La diffusion sur 4 bits

$$(A0FC5)_{16} = (1010 \ 0000 \ 1111 \ 1100 \ 0101)_2 = (101000011111000101)_2$$



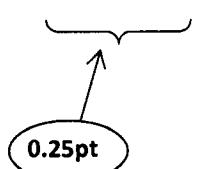
0.25pt

- **DUBINAIRE AU DECIMAL**

$$(1110011001)_2 = 1 \times 2^0 + 0 \times 2 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^5 + 0 \times 2^6 + 1 \times 2^7 + 1 \times 2^8 + 1 \times 2^9$$

$$= 1 + 0 + 0 + 8 + 16 + 0 + 0 + 128 + 256 + 512 = 921$$

0.25pt



0.25pt

solution des exercices contrôle N° 1 de module : informatique 1