

Correction du partiel

1. Questions de cours

- 1, 2, 5 : cf cours et TD
- 3 : la diffraction permet à l'onde de contourner les obstacles, ce qui autorise les communications entre un émetteur et un récepteur qui ne sont pas en visibilité directe. Ce phénomène est nécessaire à la radiodiffusion terrestre longue distance, mais nécessite que pour des longueurs d'onde \gg à la taille des obstacles. Ce qui exclut les hyperfréquences.
- 4 : adapter le signal au support de TX° (ondes radio)
 - multiplexage en fréquence.

2.1/Exo 1

1) 3 bit / symbole

2) $B \geq \frac{1+\alpha}{2T} = \frac{(1+\alpha)D}{2m}$ avec $m = \text{nb de bit/symbole}$

$$\rightarrow \boxed{D_{\max} = \frac{6B}{1+\alpha}} = \frac{6 \times 70 \cdot 10^3}{1,4} \frac{\text{bit/s}}{\text{bit/s}} = 300 \text{ kbit/s}$$

3) $D_{\max} \rightarrow \left(\frac{E_b}{N_0}\right)_{\text{dB}} = 15 \text{ dB} \rightarrow P_{eS} = 2 \cdot 10^{-3}$

$P_e \leq 10^{-5}$ si $\left(\frac{E_b}{N_0}\right)_{\text{dB}} \geq 18 \text{ dB}$, ie : $D \leq 150 \text{ kbit/s}$

Dans ce cas, $D < D_{\max}$ donc pas d'IES

2.2 / Exo 2

$$\begin{aligned}
 1) P(R|0) &= P(-A+2\sigma < g < A-2\sigma | 0) \\
 &= P(-A+2\sigma < -A+b < A-2\sigma) \\
 &\quad \text{(plus de dépendance à 0 car } b \text{ indépendant du signal émis)} \\
 &= P(2\sigma < b < 2A-2\sigma)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 P(R|1) &= P(-A+2\sigma < g < A-2\sigma | 1) \\
 &= P(-A+2\sigma < A+b < A-2\sigma) \\
 \text{cf annexe (} &= P(-2A+2\sigma < b < -2\sigma) \\
 &= P(2\sigma < b < 2A-2\sigma)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2) P_R &= P(0, R) + P(1, R) \\
 &= P(R|0)P(0) + P(R|1)P(1) \\
 &= \frac{1}{2} P(R|0) + \frac{1}{2} P(R|1) \quad \text{car 0 et 1 équiprobables} \\
 &= P(R|0)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 3) P_R &= \int_{2\sigma}^{2A-2\sigma} p(b) db \\
 &= \int_{2\sigma}^{2A-2\sigma} \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{b^2}{2\sigma^2}\right) db \\
 &\quad \text{chgt de variable : } b' = b/\sigma \\
 &= \int_2^{\frac{2A}{\sigma}-2} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{b'^2}{2}\right) db' \\
 &= \int_2^{+\infty} \dots - \int_{\frac{2A}{\sigma}-2}^{+\infty} \dots \\
 &= Q(2) - Q\left(\frac{2A}{\sigma}-2\right)
 \end{aligned}$$