

**Exercice 1 :**

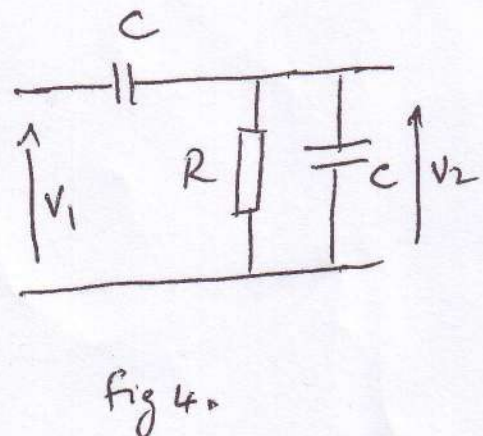
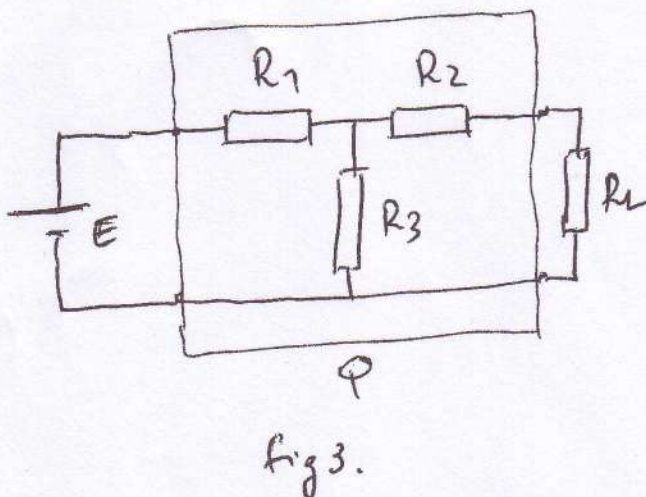
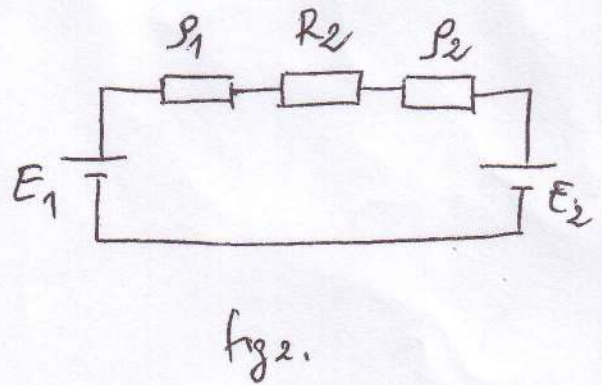
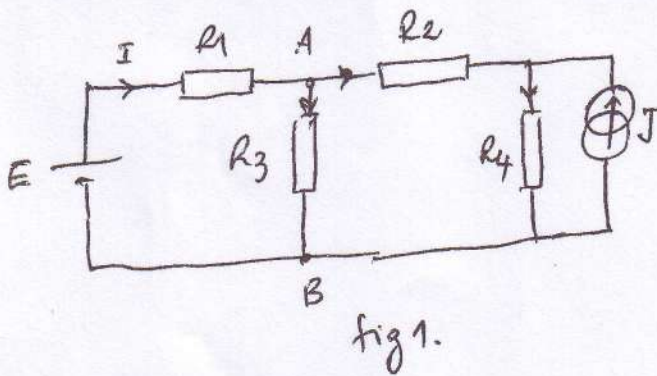
Soit le montage de la fig.1:

- 1) Calculer le courant traversant la résistance  $R_2$  et préciser son sens. On donne  $E=10V$ ,  $R_1=1\Omega$ ,  $R_2=2\Omega$ ,  $R_3=3\Omega$ ,  $R_4=4\Omega$  et  $J=8A$ .
- 2) On éteint les sources  $J$  et  $E$ . Donner le montage obtenu et calculer la résistance équivalente.
- 3) Débrancher  $R_2$ . Calculer la tension aux bornes de  $R_3$ .
- 4) Le montage de la fig. 2 est équivalent à celui de la fig.1. Que valent  $E_1$ ,  $E_2$ ,  $p_1$ ,  $p_2$ .
- 5) On débranche la source  $J$  pour avoir le montage de la fig.3. Calculer les paramètres hybrides de  $Q$ . Calculer l'impédance d'entrée et de sortie du montage de la fig. 3.

**Exercice 2 :**

Soit le montage de la fig. 4.

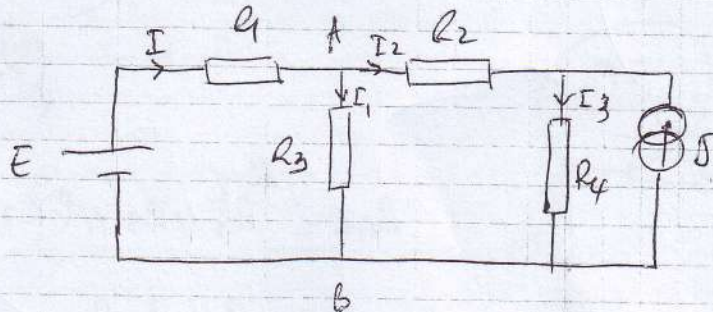
- 1) Calculer la fonction de transfert  $v_2/v_1$ .
- 2) Tracer le diagramme de bode (courbe de gain et courbe de phase).





## Solution EMD Electronique

## Exercice 1



Barème :

Exo 1 sur 13 Exo 2 sur 7

1 → 3pts

2 → 1,5

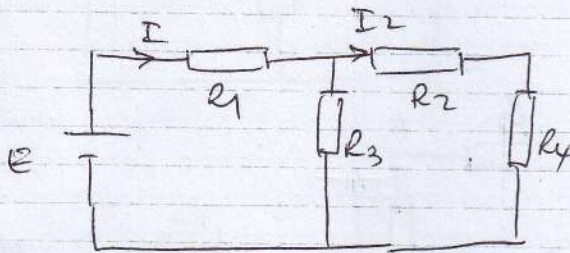
3 → 1,5

4 → 3pts

5 → 2+1+1

1. utilisant le Thm de Superposition

a) annulant la source de courant J.



$$I_2 = \frac{R_3}{R_3 + R_2 + R_4} I$$

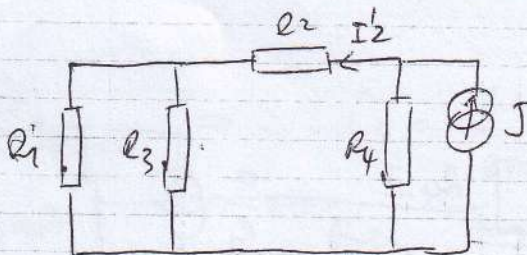
$$\text{avec } E = [R_1 + R_3 \parallel (R_2 + R_4)] I$$

$$E = \left[ R_1 + \frac{R_3 \cdot (R_2 + R_4)}{R_2 + R_3 + R_4} \right] I \Rightarrow I = \frac{(R_2 + R_3 + R_4)}{R_1(R_2 + R_3 + R_4) + R_3(R_2 + R_4)} E$$

$$I_2 = \frac{R_3}{(R_2 + R_3 + R_4)} \cdot \frac{(R_2 + R_3 + R_4)}{R_1(R_2 + R_3 + R_4) + R_3(R_2 + R_4)} E$$

$$I_2 = \frac{3}{9 + 18} \cdot 10 = 1,11 \text{ A}$$

b) annulant la source de tension E



$$I'_2 = \frac{R_4}{R_4 + R_2 + (R_1 \parallel R_3)} J$$

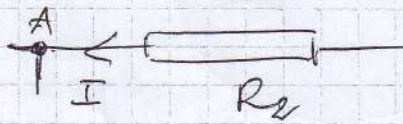
$$I'_2 = \frac{R_4}{R_4 + R_2 + \frac{R_1 \cdot R_3}{R_1 + R_3}} J$$

$$I'_2 = 4,74 \text{ A}$$



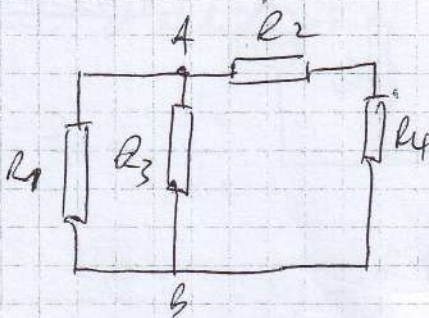
$$I_{R2} = -I_2 + I_2' = 4,74 - 1,11 = 3,63 \text{ A}$$

le sens du courant est rentant au nœud A.



$0,5'$  pour le sens  
du courant  
 $2,5$  pour le calcul du  
courant.

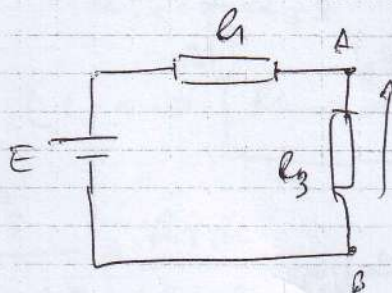
2)  $E = J = 0$ .



$$R_{AB} = R_1 // R_3 // (R_2 + R_4) = 0,67 \Omega$$

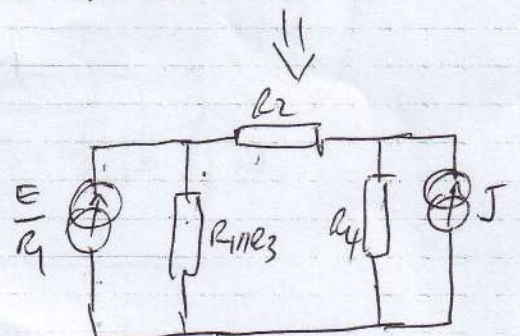
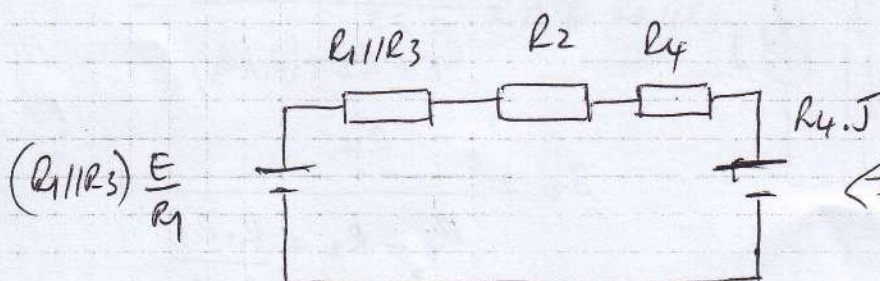
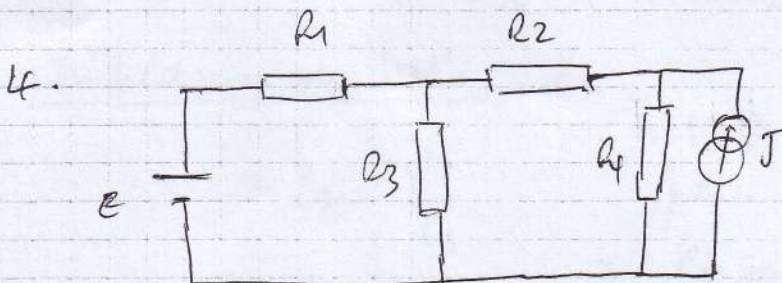
$0,15$

3.  $R_2$  débranchée.



$$V_{R3} = \frac{R_3}{R_1 + R_3} E = \frac{3}{4} \cdot 10 = 7,5 \text{ V}$$

$0,15$



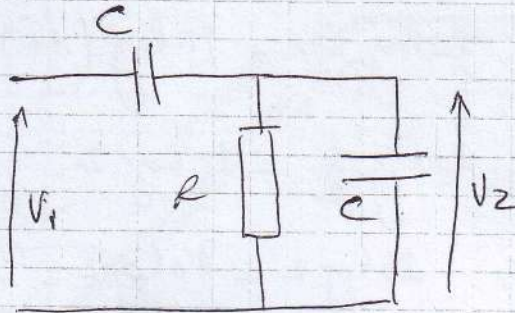
fb/mehda abderrahmane



Solution ~~Exercice~~ EMD Electronique.

## Exercice 2.

1)



$$V_2 = \frac{R \parallel Z_C}{R \parallel Z_C + Z_C} V_1$$

$$R \parallel Z_C = \frac{R \cdot \frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{R}{1 + j\omega RC}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{R}{1 + j\omega RC}}{\frac{R}{1 + j\omega RC} + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{R \cdot j\omega C}{1 + j2\omega RC} = \frac{j\omega RC}{1 + j2\omega RC} = \frac{j\omega/\omega_0}{1 + j\omega/\omega_0}$$

$$\omega_0 = \frac{1}{RC} \quad \text{or} \quad \omega_1 = (2RC)^{-1} = \frac{1}{2RC} = \frac{1}{2} \omega_0$$

29

$$H(j\omega) = \frac{j\omega/\omega_0}{1 + j\omega/\omega_1}$$

$$G(\omega) = |H(j\omega)| = \frac{\omega/\omega_0}{\sqrt{1 + (\omega/\omega_1)^2}}$$

0,5

$$G_{dB}(\omega) = 20 \log \omega/\omega_0 - 10 \log (1 + (\omega/\omega_1)^2)$$

0,5

$$\varphi(\omega) = \frac{\pi}{2} - \arctg \frac{\omega}{\omega_1}$$

01

$$\omega \rightarrow 0 \quad G_{dB}(\omega) \rightarrow -\infty$$

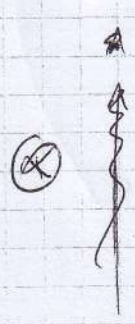
$$\varphi(\omega) \rightarrow \frac{\pi}{2}$$



fb/mehda abderrahmane

$$\omega \rightarrow \infty \quad G_{dB}(\omega) \rightarrow 20 \log \frac{\omega}{\omega_0} - 20 \log \frac{\omega}{\omega_1} = 20 \log \frac{\omega_1}{\omega_0} = -6 \text{ dB}$$

$$\varphi(\omega) \rightarrow 0$$

④   $\omega = \omega_1 \Rightarrow \underline{G_{dB}} = 20 \log \frac{\omega_1}{\omega_0} - 10 \log(1+1)$   
 $= 20 \log \frac{1}{2} - 10 \log 2$   
 $= -20 \log 2 - 10 \log 2 = -9 \text{ dB}$

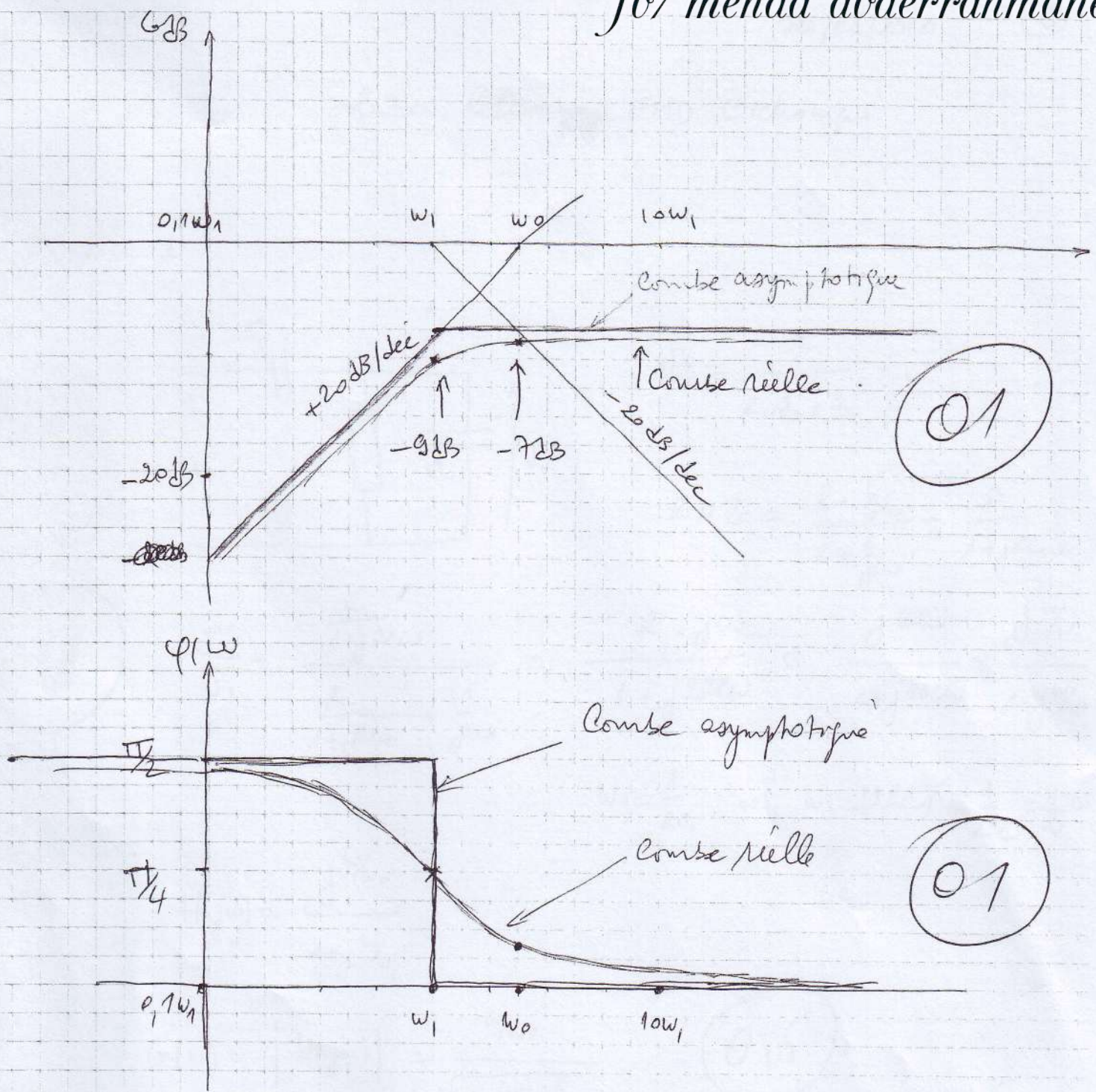
~~w = w0~~  $\varphi(\omega) = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4}$

⑤  $\omega = \omega_0$   $G_{dB} = 20 \log 1 - 10 \log \left(1 + \left(\frac{\omega_0}{\omega_1}\right)^2\right)$   
 $= -10 \log[1 + 2^2] = -10 \log 5$   
 $= -10 \cdot 0,7 = -7 \text{ dB}$

$$\varphi(\omega) = \frac{\pi}{2} - \arctan \frac{\omega_0}{\omega_1} = \frac{\pi}{2} - \arctan 2$$
  
 $= \frac{\pi}{2} - 0,35 \pi = 90 - 63,4 = 26^\circ$

02 pour l'étude aux limites





Nota: Le tracé réel n'est pas obligatoire.

Soit la Courbe asymptotique, soit la Courbe réelle

Soit les deux Courbes. Considérer le résultat comme fini.

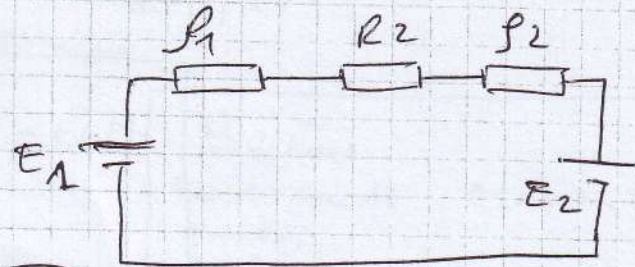


$$E_1 = \frac{E}{R_1} (R_1 \parallel R_3) = \frac{0,75 \cdot 10}{1} = 7,5 \text{ V}$$

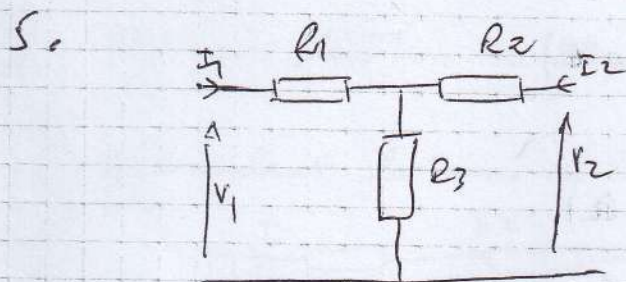
$$R_1 = R_1 \parallel R_3 = \frac{R_1 \cdot R_3}{R_1 + R_3} = \frac{3}{4} \Omega$$

$$R_2 = R_4 = 4 \Omega$$

$$E_2 = R_4 \cdot I = 32 \text{ V}$$



03



paramètres Hybrides.

$$V_1 = H_{11} i_1 + H_{12} V_2$$

$$i_2 = H_{21} i_1 + H_{22} V_2$$

$$H_{11} = \left. \frac{V_1}{i_1} \right|_{V_2=0}$$

$$V_1 = [R_1 + (R_2 \parallel R_3)] i_1$$

$$H_{11} = R_1 + \frac{R_2 \cdot R_3}{R_2 + R_3}$$

0,5 pour chaque paramètre

$$H_{12} = \left. \frac{V_1}{V_2} \right|_{i_1=0} \Rightarrow V_1 = \frac{R_3}{R_2 + R_3} V_2 \text{ (lorsque } i_1=0)$$

$$H_{12} = \frac{R_3}{R_2 + R_3}$$

$$H_{21} = \left. \frac{i_2}{i_1} \right|_{V_2=0} \Rightarrow i_2 = -\frac{R_3}{R_2 + R_3} i_1$$

(R. diviseur de Courant)

$$H_{21} = -\frac{R_3}{R_2 + R_3}$$

fb/mehda abderrahmane



$$H_{22} = \left. \frac{i_2}{v_2} \right|_{i_1=0} \Rightarrow v_2 = (R_2 + R_3) i_2$$

$$H_{22} = \frac{1}{R_2 + R_3}$$

Impédance d'entrée  $z_e$ .

(01)

$$z_e = \frac{v_e}{i_e}$$

$$z_e = \frac{E}{I_1} = R_1 + R_3 \parallel (R_2 + R_4)$$

$$= R_1 + \frac{R_3 \cdot (R_2 + R_4)}{R_3 + R_2 + R_4}$$

L'impédance d'entrée à vide (c.a.d.  $R_4 \rightarrow \infty$ ) sv:

$$R_1 + \frac{R_2 R_3}{(R_3 + R_2 + R_4)} + \frac{R_3 R_4}{(R_2 + R_3 + R_4)} = R_1 + \frac{\frac{R_2 R_3}{R_4} + R_3}{1 + \frac{R_2 + R_3}{R_4}}$$

lorsque  $R_4 \rightarrow \infty$   $z_e \simeq R_1 + R_3$

Impédance de sortie  $z_s$

$$z_s = \frac{v_s}{i_s}$$

Pour cela, il faut Court-Circuiter la source E.

$$z_s = R_2 + R_1 \parallel R_3 = R_2 + \frac{R_1 \cdot R_3}{R_1 + R_3}$$

(01)



**Exercice 1 :** (les parties A et B sont indépendantes) Soit le montage de la fig. 1.

- A- Calculer le courant  $I$  traversant la résistance  $R=10\Omega$  par la méthode de superposition.  
 B- Transformer les générateurs de courant en générateurs de tension.

- 1) Ecrire les équations aux mailles et trouver le courant  $I$  traversant  $R=10\Omega$ .
- 2) Utiliser la méthode de Thévenin et calculer le même courant  $I$  traversant  $R$ .

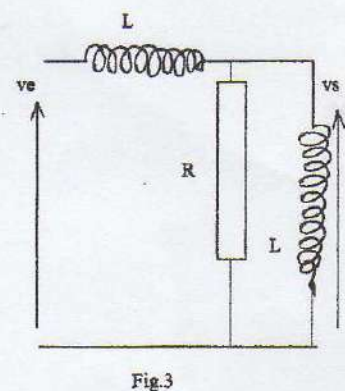
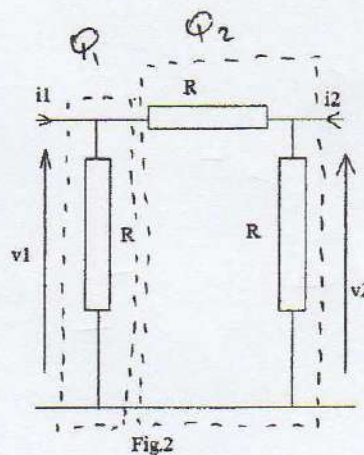
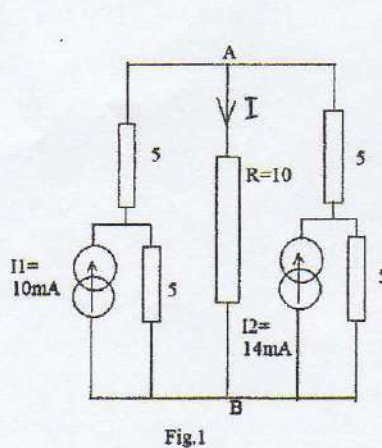
**Exercice 2 :**

- 1) Calculer les paramètres chaines du montage de la fig. 2. par la méthode de courts-circuits et circuits ouverts.
- 2) La fig. 2 est constituée d'une association en cascade des quadripôles  $Q_1$  et  $Q_2$  (voir les pointillés). Calculer les paramètres chaines de  $Q_1$  et  $Q_2$ . En déduire les paramètres chaines du quadripôle constitué de l'association des deux quadripôles.
- 3) Transformer le montage en Triangle en un montage en étoile. Calculer les paramètres impédances.

**Exercice 3 :**

Soit le montage de la fig. 3. Trouver la fonction de transfert  $v_s/v_e$ .

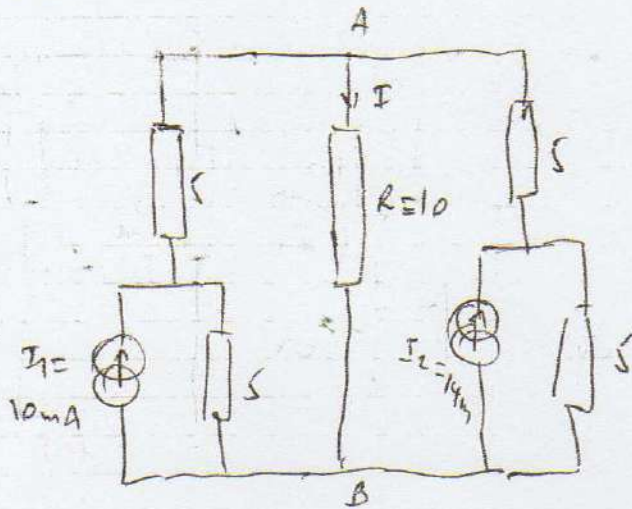
Tracer le diagramme de Bode de cette fonction.



Rappel: P. chaines  $\begin{cases} V_1 = A V_2 + B I_2 \\ I_1 = C V_2 + D I_2 \end{cases}$

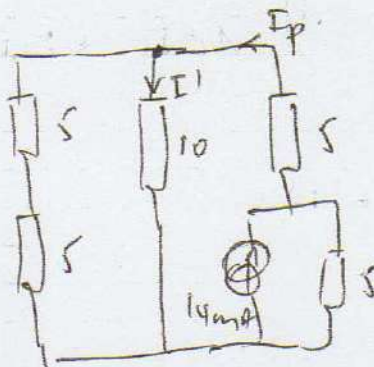


## Exercice 1 :

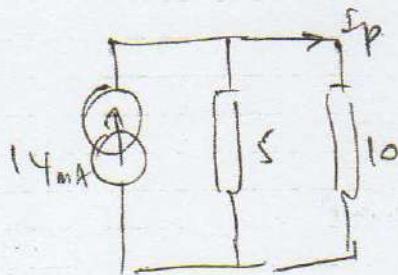
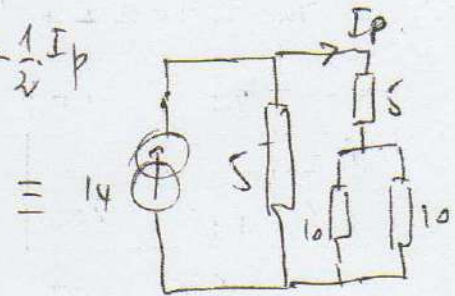


A - Méthode de Superposition

①  $I_1 = 0$



$$I' = \frac{1}{2} I_p$$

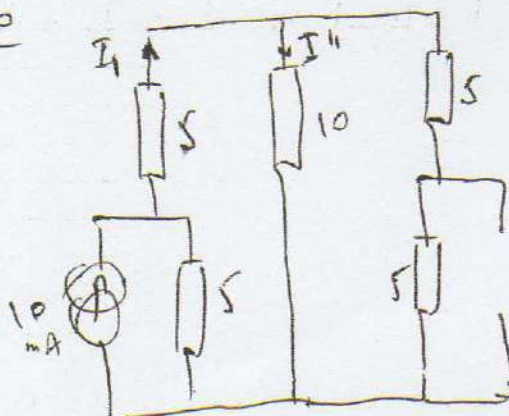


avec  $I_p = \frac{5}{5+10} \cdot 14 = 4,67 \text{ mA}$

donc  $I' = \frac{4,67}{2} = 2,33 \text{ mA}$

01

②  $I_2 = 0$



$$I'' = \frac{I_1}{2}$$

avec  $I_1 = \frac{5}{5+10} \cdot 10 = 3,33 \text{ mA}$

donc  $I'' = \frac{3,33}{2} = 1,67 \text{ mA}$

01

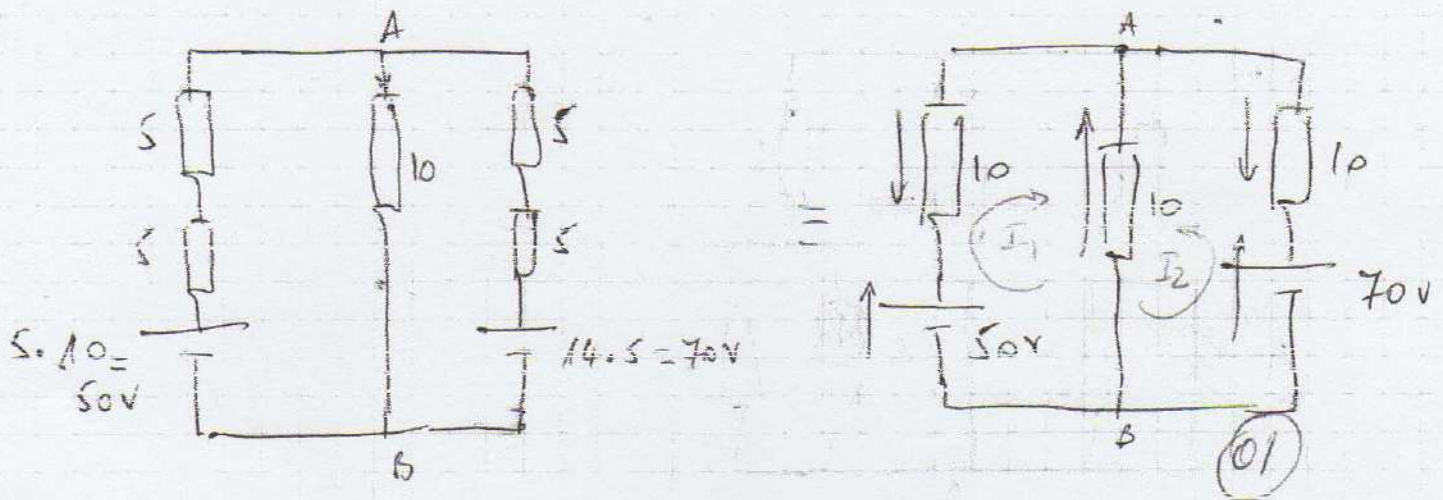
Enfin...  $I = I' + I'' = 2,33 + 1,67 = 4 \text{ mA}$



P.2

Le Courant  $I$  traversant  $R = 10 \Omega$  est  $I = I' + I'' = 2,33 + 1,67 = 4 \text{ mA}$

b) Transformons les sources de Courants en sources de tension



i) Equations aux mailles

$$50 = 10 \cdot I_1 + 10(I_1 + I_2) \quad || \quad 20I_1 + 10I_2 = 50$$

$$70 = 10I_2 + 10(I_1 + I_2) \quad || \quad 10I_1 + 20I_2 = 70$$

(01)

$$\Delta = \begin{vmatrix} 20 & 10 \\ 10 & 20 \end{vmatrix} = 400 - 100 = 300$$

$$I_1 = \frac{\begin{vmatrix} 50 & 10 \\ 70 & 20 \end{vmatrix}}{300} = \frac{1000 - 700}{300} = 1 \text{ mA}$$

$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} 20 & 50 \\ 10 & 70 \end{vmatrix}}{300} = \frac{1400 - 500}{300} = \frac{900}{300} = 3 \text{ mA}$$

(01)

Le Courant traversant  $R = 10 \Omega$  est  $I = I_1 + I_2 = 1 + 3 = 4 \text{ mA}$

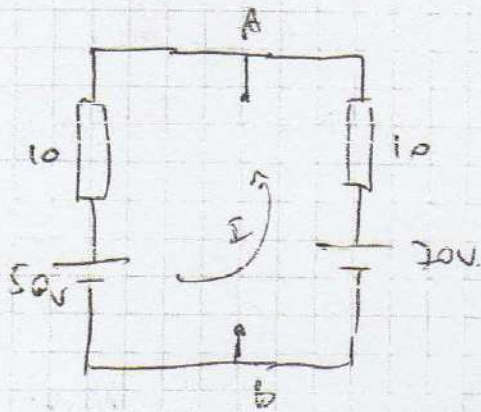
27 Methode de Thevenin.

fb/mehda abderrahmane



on decoupe la charge et le montage pure :

P.3



$$R_{AB} = R_{th} = 10 // 10 = 5 \Omega$$

(0,5)

$$V_{AB} = 50V + 10I$$

$$= 70V - 10I \quad \text{avec}$$

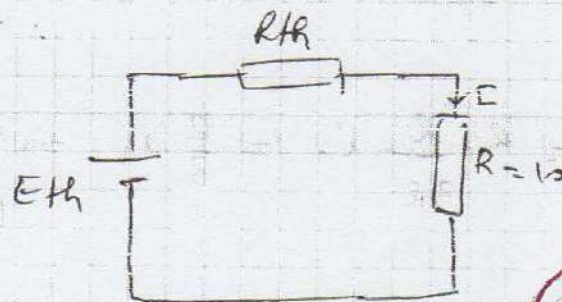
$$I = \frac{70 - 50}{20} = 1 \text{ mA} \quad \text{donc}$$

$$E_{th} = V_{AB} = 50 + 10 = 60V$$

$$= 70 - 10 = 60V$$

(0,1)

finalement :



$$I = \frac{E_{th}}{R_{th} + 10} = \frac{60}{15}$$

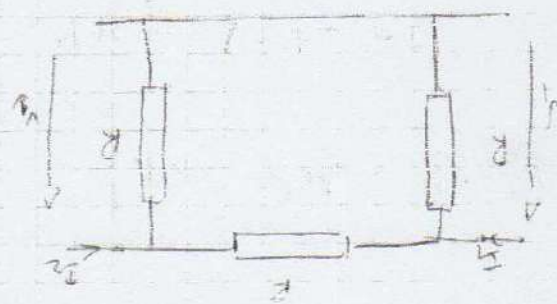
(0,5)

$$I = 4 \text{ mA}$$

Conclusion :

le courant traversant  $R = 10 \Omega$  par les 3 méthodes on a 4 mA.





$$V_1 = A V_2 - B i_2$$

$$i_1 = C V_2 - D i_2$$

$$A = \frac{V_1}{V_2} \Big|_{i_2=0} \Rightarrow V_2 = \frac{R_2 + R_3}{R_3} V_1 \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{R_2 + R_3}{R_3} = A$$

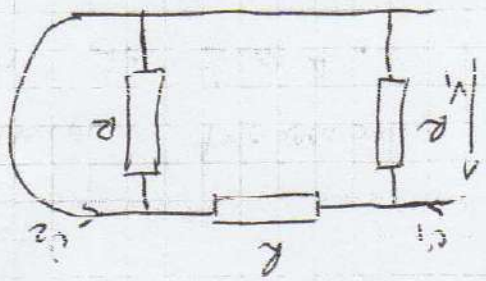
$$A = 2$$

0,5

$$C = \frac{i_1}{V_2} \Big|_{U=0} \quad U_2 = R_2 i_2 \quad i_1 = \frac{R_2}{R_2 + 2R} i_2$$

$$\text{donc } U_2 = R_2 \cdot \frac{R_2}{R_2 + 2R} i_1 = \frac{R_2}{3} i_1 \Rightarrow \frac{i_1}{i_2} = C = \frac{R_2}{3}$$

0,5



Am a

$$i_2 = -\frac{R}{2R} i_1 = -\frac{1}{2} i_1 \Rightarrow i_1 = -2 i_2$$

0,5

$$U_1 = (R \parallel R) i_1 = \frac{R}{2} i_1 = -\frac{R}{2} \cdot \frac{1}{2} i_2 \Rightarrow -\frac{U_1}{2} = R i_2 = B$$

$$D = -\frac{i_1}{i_2} \Big|_{U=0} \Rightarrow \text{puisque } i_1 = -2 i_2 \text{ donc } D = 2$$

0,5

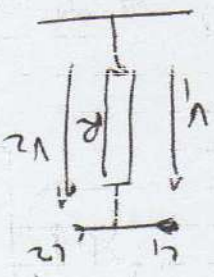
$$\text{La matrice charniere } \begin{pmatrix} A & B \\ C & D \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & R \\ \frac{R}{3} & 2 \end{pmatrix}$$



Exercise 2 (mark)

2)

to exemplify  $\Phi_1$



$$u_1 = A u_2 - B i_2$$

$$u_1 = C u_2 - D i_2$$

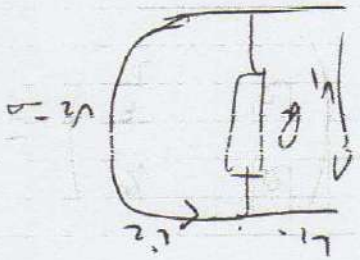
0,25

$$A = \left. \frac{u_1}{u_2} \right|_{i_2=0} = 1$$

for  $u_1 = u_2$

$$C = \frac{u_1}{i_2} \Rightarrow u_2 = R i_1 \Rightarrow \frac{u_1}{i_2} = C = R$$

0,25



$$u_1 = 0, \quad i_1 = -i_2$$

0,25

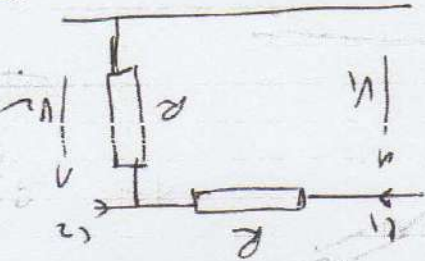
$$B = - \left. \frac{u_1}{i_2} \right|_{u_2=0} = 0$$

0,25

$$D = - \frac{u_1}{i_2} = 1$$

$$(A \quad B) = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ R & 1 \end{pmatrix}$$

to exemplify  $\Phi_2$ :



$$A = \left. \frac{u_1}{u_2} \right|_{i_2=0} \Rightarrow u_2 = R i_1 \Rightarrow \frac{u_1}{u_2} = A = R$$

0,25

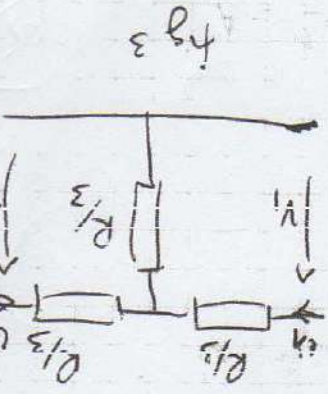
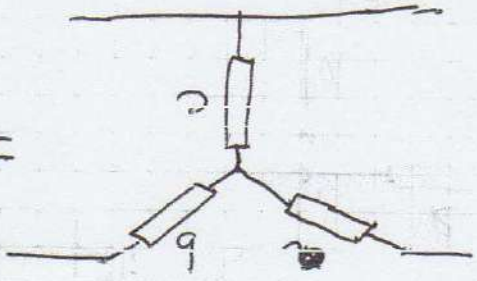
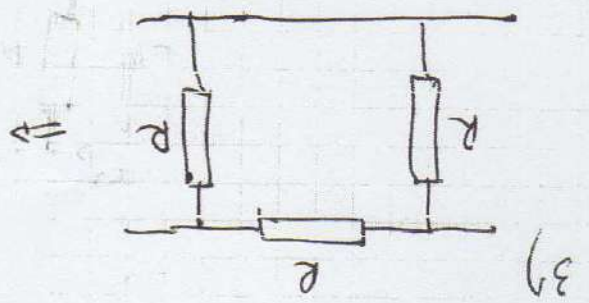
$$C = \frac{u_1}{i_2} \Rightarrow u_2 = R i_1 \Rightarrow \frac{u_1}{i_2} = C = R$$

0,25



avec  $a = \frac{R^2}{3R} = \frac{R}{3}$   
 $b = \frac{R^2}{3R} = \frac{R}{3}$   
 $c = \frac{R}{3}$

01



Remarque : la Matrice par adjointe à celle trouvée en 1)

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ \frac{1}{R} & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} R \\ R \\ R \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & R \\ \frac{2}{R} + 1 & \frac{R}{R} + 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & R \\ \frac{2}{3} & 2 \end{pmatrix}$$

01

$$\begin{pmatrix} A_{K2} \\ A_{Q1} \\ A_{Q2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ \frac{1}{R} & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} R \\ R \\ R \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & R \\ \frac{2}{R} + 1 & \frac{R}{R} + 1 \end{pmatrix}$$

Puisque l'association n'a pas de Casse, la Matrice Neutrale n'est pas le produit de la matrice du  $Q_1$  avec celle du  $Q_2$

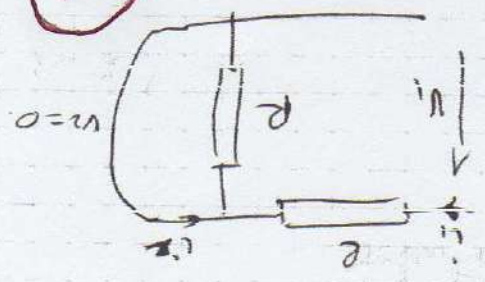
$$- \frac{V_1}{V_2} = R - R$$

0,25

$$V_1 = R \cdot I_1 = -R \cdot I_2$$

$$B = - \frac{V_1}{V_2} \Big|_{I_2=0}$$

0,25



$$\begin{pmatrix} A_{Q2} \\ A_{Q1} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & R \\ \frac{1}{R} & 1 \end{pmatrix}$$

$$I_1 = 0,25$$

P.6



Paramètres impédances :

$$Z_1 = Z_{11} + Z_{12}$$

$$Z_2 = Z_{21} + Z_{22}$$

En déduisant les  $Z_1$  et  $Z_2$  ci-dessus :

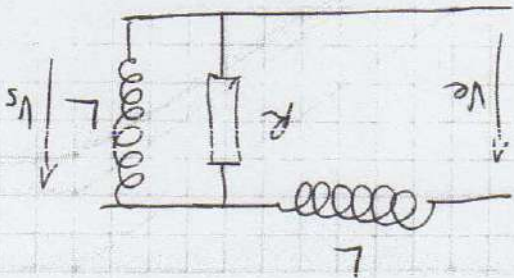
$$V_1 = \frac{R}{3} i_1 + \frac{R}{3} (i_1 + i_2) = \frac{2R}{3} i_1 + \frac{R}{3} i_2$$

$$V_2 = \frac{R}{3} i_2 + \frac{R}{3} (i_1 + i_2) = \frac{R}{3} i_1 + \frac{2R}{3} i_2$$

donc la matrice  $Z = \begin{pmatrix} \frac{2R}{3} & \frac{R}{3} \\ \frac{R}{3} & \frac{2R}{3} \end{pmatrix}$

(déterminer les paramètres selon la méthode admittance)

Exercice 3 :



$$Z_p = R // L = \frac{R \cdot j\omega L}{R + j\omega L}$$

$$V_s = \frac{Z_p}{Z_p + j\omega L} V_e = \frac{\frac{R \cdot j\omega L}{R + j\omega L}}{\frac{R \cdot j\omega L}{R + j\omega L} + j\omega L} V_e = \frac{j\omega L R}{j\omega L R + j\omega L (R + j\omega L)} V_e$$

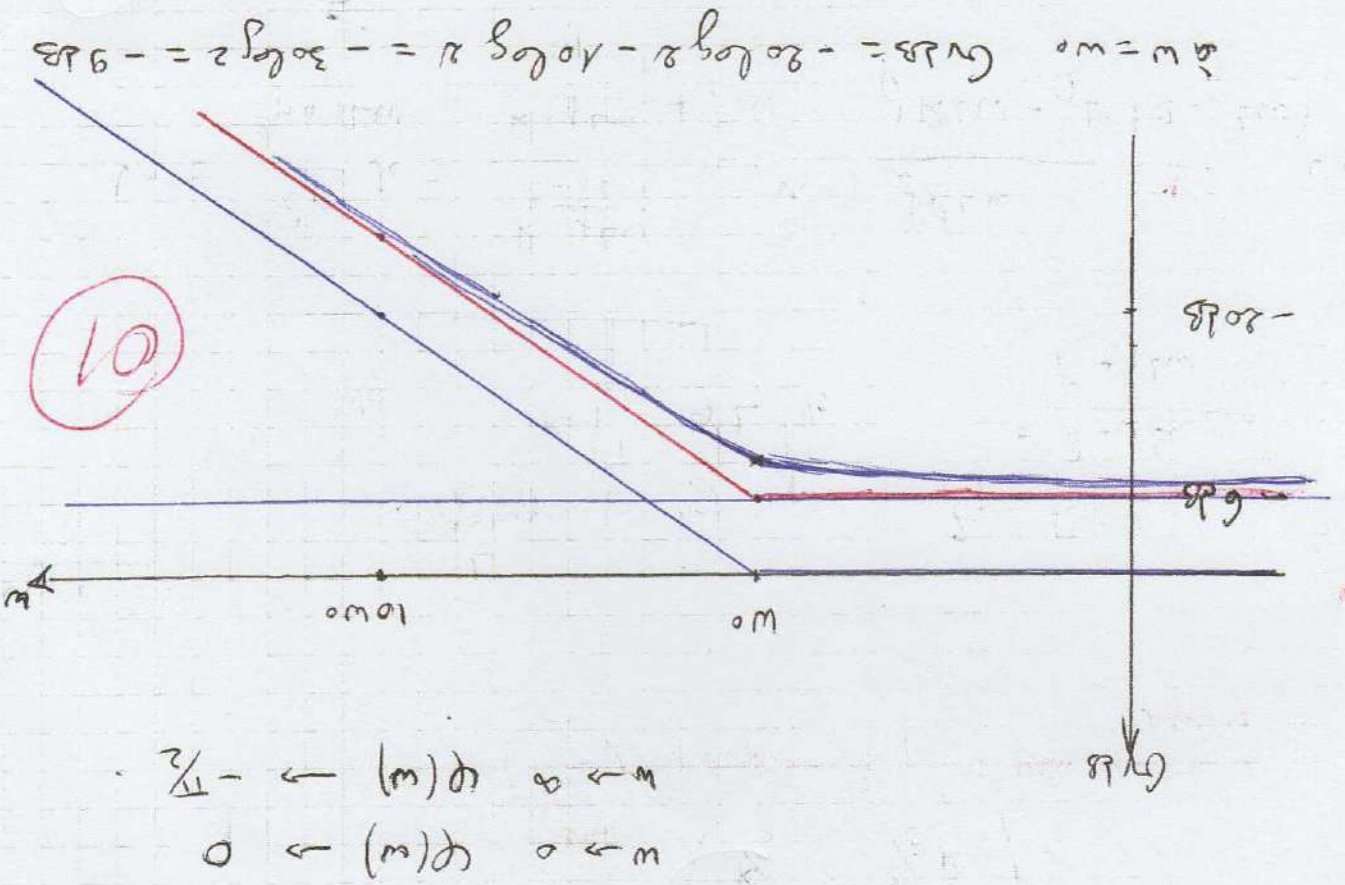
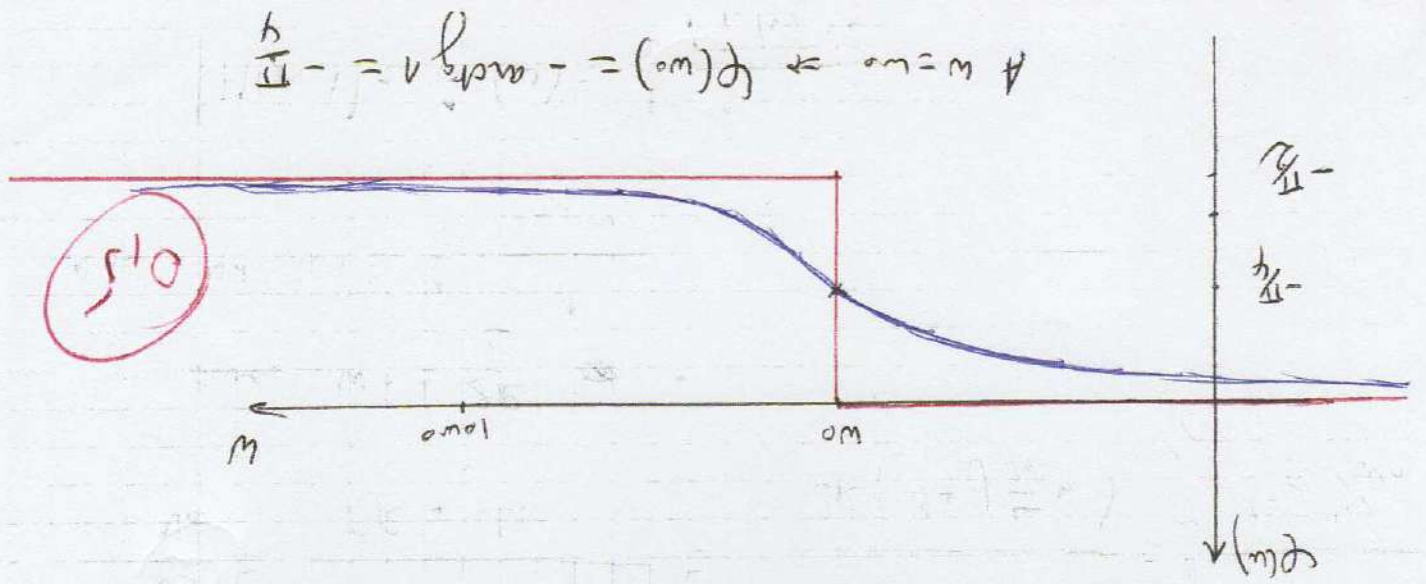
$$\frac{V_s}{V_e} = \frac{R}{2R + j\omega L} = \frac{R \cdot \frac{2R}{L}}{2R \left( 1 + j \frac{2R}{L} \omega \right)} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{1 + j \frac{\omega}{\omega_0}}$$

avec  $\omega_0 = \frac{2R}{L}$

donc  $H(j\omega) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{1 + j \frac{\omega}{\omega_0}}$

$$|H(j\omega)| = |G_v(\omega)| = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + \left( \frac{\omega}{\omega_0} \right)^2}}$$





$G_{dB} = 20 \log \frac{1}{1 + (w/w_0)^2} = 20 \log \frac{1}{2} + 20 \log \frac{1}{1 + (w/w_0)^2}$

$G_2 = -10 \log \left(1 + \left(\frac{w}{w_0}\right)^2\right) \Big|_{w \rightarrow 0} G_2 \rightarrow 0 \quad \Big|_{w \rightarrow \infty} G_2 = -20 \log \frac{w}{w_0}$  : droite de pente -20 dB/décade

$\phi(w) = -\arctan\left(\frac{w}{w_0}\right)$

$w \rightarrow \infty \Rightarrow \phi(w) \rightarrow -\frac{\pi}{2}$



Université A/MIRA  
Faculté des technologies  
Dpt ST2

27 Mai 2014

EMD ELN (choisir entre l'exo 3 ou 4)

### Exercice 1 : (4pts)

Qu'est-ce qu'un semi-conducteur de Type N et de Type P ?

On réalise une jonction avec un S.C. de type N et un S.C. de type P. que se passe-t-il ?

Dans une jonction PN, on porte la région P à un potentiel positif (+) et la région N à un potentiel négatif (-) d'un générateur continu. Que se passe-t-il ? Expliquer.

### Exercice 2 : (10 pts)

Calculer le courant  $I_3$  dans  $R_3$  entre les points A et B de la fig.1, de différentes manières.

- Poser les équations aux mailles et calculer  $I_3$
- Utiliser le théorème de superposition et calculer  $I_3$
- Utiliser le théorème de thévenin et calculer  $I_3$ . Comparer les résultats.

### Exercice 3 : (6 pts)

Le quadripôle de la fig. 2 est alimenté par un générateur continu. Déterminer les paramètres Impédances  $Z_{ij}$  ainsi que les paramètres Admittances  $Y_{ij}$  de ce quadripôle.

### Exercice 4 : (6 pts)

Soit le montage de la fig.3. Donner la fonction de transfert  $v_s/v_e$ . La mettre sous la forme

$T(j\omega) = A \frac{(1+j\frac{\omega}{\omega_0})}{(1+j\frac{\omega}{\omega_1})}$ . Définir A,  $\omega_0$  et  $\omega_1$ . Pour  $R_1=9R_2$ , tracer le diagramme de Bode.

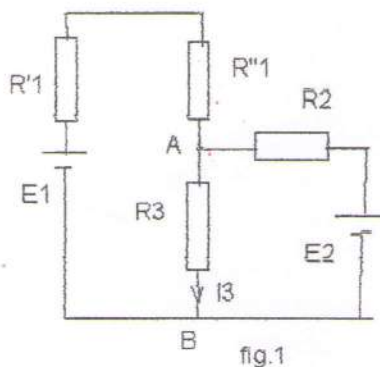


fig.1

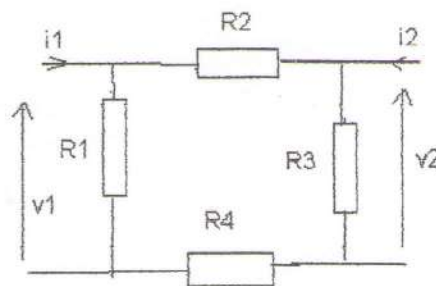


fig.2

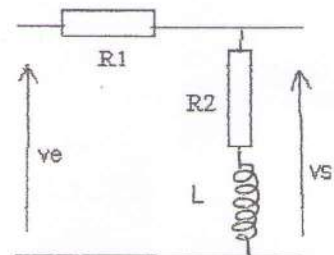


fig.3

Pour la fig.1 prendre  $E_1=10V$ ,  $E_2=15V$ ,  $R'_1=5\Omega$ ,  $R''_1=10\Omega$ ,  $R_2=20\Omega$ ,  $R_3=10\Omega$

Pour la fig.2 prendre  $R_1=R_2=R_3=R_4=10\Omega$



Exercice 1:

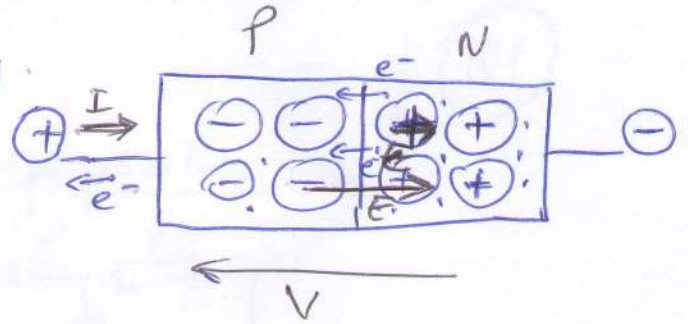
- ① Un Semi-Conducteur de type N est un S.C auquel on a ajouté des impuretés de valence 5 (Atomes pentavalents). A la température ambiante, presque la totalité des Atomes pentavalents ont perdus un  $e^-$  et deviennent des ions positifs. Les porteurs de charge négatifs ( $e^-$ ) sont majoritaires dans le S.C de type N. (0,5)
- ② Un Semi-Conducteur de type P est un S.C auquel on a ajouté des impuretés (Atomes autres que le Si ou le Ge) de valence 3 (Atomes trivalentes). A la température ambiante les Atomes trivalents ont capturé 1  $e^-$  et deviennent ainsi des ions Négatifs. Les Trous sont majoritaires dans le S.C de Type P (porteurs de charge positif ou Trous). (0,5)
- ③ Si on réalise une Jonction PN, en zone de Contact les  $e^-$  et les Trous se combinent entre eux et forment ainsi une région chargée Positivement et une autre chargée négativement. Ceci a pour effet de créer un Champ Electrique  $\vec{E}_0$  dirigé de N vers P. Ce champ a pour effet de laisser passer les minoritaires d'une région vers une autre et de repousser les Majoritaires. Il y a création d'une barrière de potentiel. Le champ électrique s'oppose ainsi au phénomène qui lui a donné naissance. (01,5)



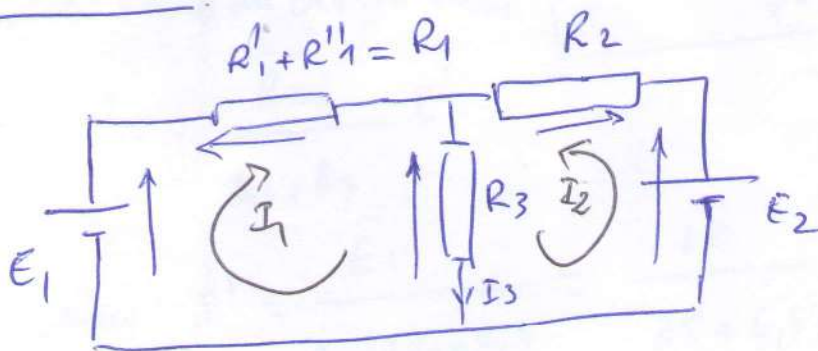
Dans une Jonction PN, si la Région P est ~~positive~~ reliée à la borne positive d'un générateur et la Région N est reliée à la borne négative, on polarise ainsi la Jonction en direct. On crée de la sorte un champ  $\vec{E}$  (opposé à  $\vec{E}_0$ ) qui fera ~~traverser~~ les  $e^-$  de N vers P et un courant traversera de P vers N.

la jonction allant de P vers N

0115



Exercice 2 :



$$R_1 = 5 + 10 = 15 \Omega$$

$$R_2 = 20 \Omega$$

$$R_3 = 10 \Omega$$

$$\begin{aligned}
 a) \quad E_1 &= R_1 I_1 + R_3 (I_1 + I_2) = (R_1 + R_3) I_1 + R_3 I_2 \\
 E_2 &= R_2 I_2 + R_3 (I_1 + I_2) = R_3 I_1 + (R_2 + R_3) I_2
 \end{aligned}$$

Système de 2 équations à 2 inconnues.

Remplaçons les résistances et les générateurs par leur valeurs.

$$25 I_1 + 10 I_2 = 10$$

$$10 I_1 + 30 I_2 = 15$$

01



$$\Delta = \begin{vmatrix} 25 & 10 \\ 10 & 30 \end{vmatrix} = 650$$

$$I_1 = \frac{\begin{vmatrix} 10 & 10 \\ 15 & 30 \end{vmatrix}}{\Delta} = \frac{150}{650} = 0,23 \text{ A}$$

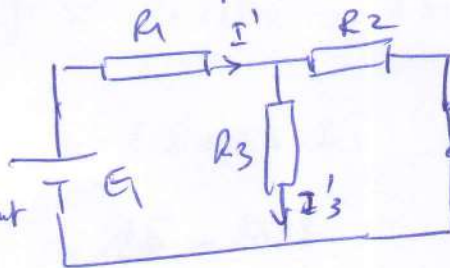
$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} 25 & 10 \\ 10 & 15 \end{vmatrix}}{\Delta} = \frac{235}{650} = 0,42 \text{ A}$$

le courant  $I_3$  qui traverse  $R_3$  est  $I_3 = I_1 + I_2 = 0,65 \text{ A}$

b) En utilisant le Thm de Superposition :

⊗  $E_1 \neq 0, E_2 = 0$

Selon la Règle du div. de Courant

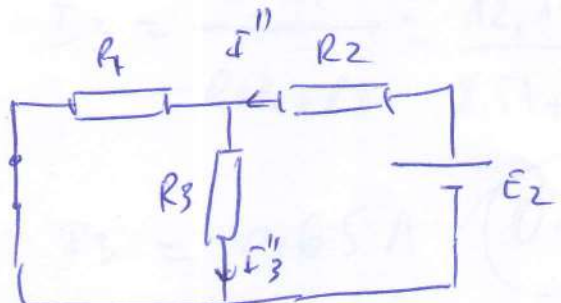


$$I'_3 = \frac{R_2}{R_2 + R_3} I'$$

avec  $I' = \frac{E_1}{R_1 + (R_2 \parallel R_3)} = \frac{10}{15 + 6,67} = 0,46 \text{ A}$

$$I'_3 = \frac{20}{20 + 10} \cdot 0,46 = 0,30 \text{ A}$$

⊕  $E_1 = 0, E_2 \neq 0$



toujours Selon R.D.C

$$I''_3 = \frac{R_1}{R_1 + R_3} I'' \text{ avec } I'' = \frac{E_2}{R_2 + (R_1 \parallel R_3)} = \frac{15}{20 + 6} = 0,58$$

$$I''_3 = \frac{15}{25} \cdot 0,58 = 0,35$$

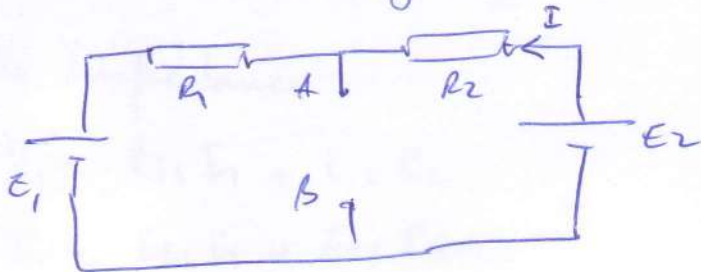


Enfin le Courant  $I_3 = I'_3 + I''_3 = 0,30 + 0,35 = 0,65 \text{ A}$

(01)

C) Avec le Thm de Thevenin :

on decconnecte la Charge  $R_3$



$$R_{th} = R_{AB}(E_1 = E_2 = 0) = R_1 \parallel R_2 = 15 \parallel 20 = 8,57 \Omega$$

(01,5)

$$E_{th} = E_{AB} = E_1 + R_1 I = 10 + 15 \cdot I$$

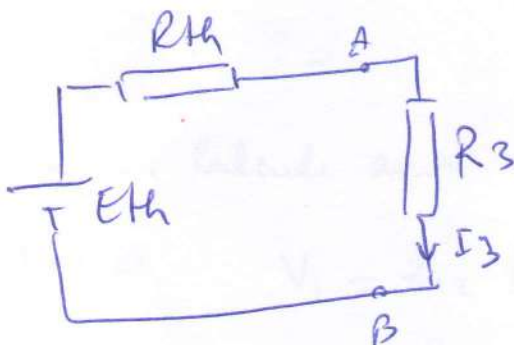
$$= E_2 - R_2 I = 15 - 20 \cdot I \quad \text{avec}$$

$$I = \frac{E_2 - E_1}{R_1 + R_2} = \frac{5}{15 + 20} = 0,143 \text{ A}$$

$$E_{th} = 10 + 15 \cdot 0,143 = 12,145 \text{ V}$$

$$= 15 - 20 \cdot 0,143 = 12,14 \text{ V}$$

(01,5)



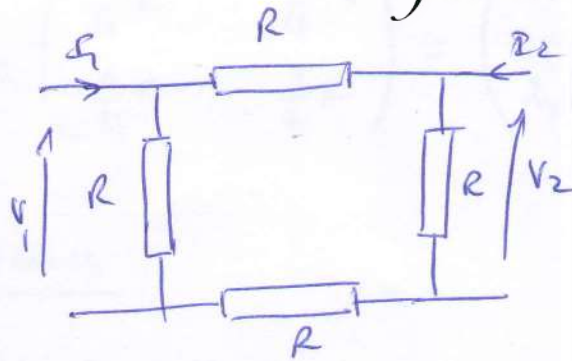
$$I_3 = \frac{E_{th}}{R_{th} + R_3} = \frac{12,14}{8,57 + 10}$$

$$I_3 = 0,65 \text{ A}$$

(01)

Le Courant  $I_3$  trouve par les 3 Methodes est le même.





Paramètres Impédances

$$V_1 = z_{11} I_1 + z_{12} I_2$$

$$V_2 = z_{21} I_1 + z_{22} I_2$$

à  $I_2 = 0$

$$V_1 = z_{11} I_1 \Rightarrow z_{11} = \frac{V_1}{I_1}$$

$$V_1 = (R \parallel 3R) I_1 = \frac{3R^2}{4R} I_1 = \frac{3}{4} R I_1 \Rightarrow \boxed{z_{11} = \frac{3}{4} R}$$

0,75

$$V_2 = z_{21} I_1 ; \quad V_2 = R I' \quad \text{avec} \quad I' = \frac{R}{R+3R} I_1 = \frac{1}{4} I_1$$

$$V_2 = R \cdot \frac{1}{4} I_1 \Rightarrow \boxed{z_{21} = \frac{V_2}{I_1} = \frac{1}{4} R}$$

0,25

~~car~~ Comme le quadripôle est passif et symétrique donc

$$z_{12} = z_{21} \text{ et } z_{11} = z_{22}$$

Si on calcule aussi  $z_{12}$  et  $z_{22}$

à  $I_1 = 0$

$$V_1 = z_{12} I_2$$

$$V_1 = R I'' \quad \text{avec} \quad I'' = \frac{R}{R+3R} I_2$$

$$V_1 = R \cdot \frac{R}{4R} \cdot I_2 = \frac{1}{4} R I_2 \Rightarrow \boxed{z_{12} = \frac{V_1}{I_2} = \frac{1}{4} R}$$

0,25

$$V_2 = z_{22} I_2 = (R \parallel 3R) I_2 \Rightarrow \boxed{z_{22} = (R \parallel 3R) = \frac{3}{4} R}$$

0,75



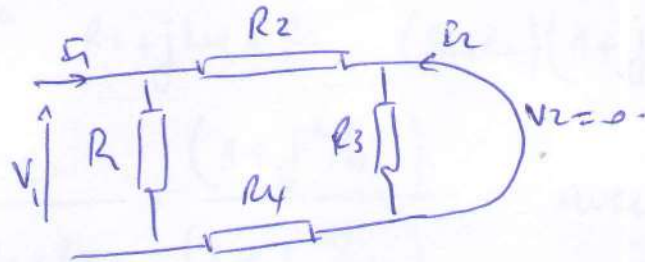
$$\begin{pmatrix} z_{11} & z_{12} \\ z_{21} & z_{22} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{3}{4}R & \frac{1}{4}R \\ \frac{1}{4}R & \frac{3}{4}R \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7,5 & 2,5 \\ 2,5 & 7,5 \end{pmatrix}$$

Paramètres Admittances :

$$I_1 = Y_{11} V_1 + Y_{12} V_2$$

$$I_2 = Y_{21} V_1 + Y_{22} V_2$$

$$V_2 = 0$$



$$V_1 = (R_1 \parallel (R_2 + R_4)) I_1 \quad \text{Comme } R_1 = R_2 = R_3 = R_4 = R = 10\Omega$$

$$= (R \parallel 2R) I_1 = \frac{2}{3} R I_1 \Rightarrow$$

$$Y_{11} = \frac{I_1}{V_1} = \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{R} \quad (0,15)$$

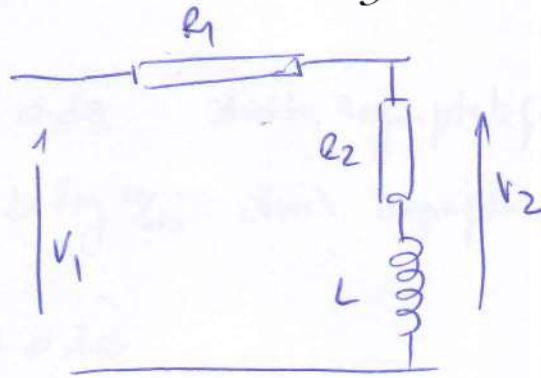
$$Y_{21} = \frac{I_2}{V_1} \Rightarrow V_1 = -(R_2 + R_4) I_2 = -2R I_2$$

$$Y_{21} = \frac{I_2}{V_1} = -\frac{1}{2R} \quad (0,15)$$

Comme le quadripôle est passif et symétrique, on a aussi  $Y_{12} = Y_{21}$  et  $Y_{11} = Y_{22}$   $(0,15)$

$$\begin{pmatrix} Y_{11} & Y_{12} \\ Y_{21} & Y_{22} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{3}{2R} & -\frac{1}{2R} \\ -\frac{1}{2R} & \frac{3}{2R} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,15 & -0,05 \\ -0,05 & 0,15 \end{pmatrix}$$





$$T(j\omega) = \frac{V_s}{V_e} = \frac{R_2 + j\omega L}{R_2 + j\omega L + R_1} = \frac{R_2 (1 + j\frac{L}{R_2}\omega)}{(R_1 + R_2)(1 + j\frac{L}{R_1 + R_2}\omega)}$$

$$T(j\omega) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot \frac{(1 + j\frac{\omega}{\omega_0})}{(1 + j\frac{\omega}{\omega_1})} \quad \text{avec } A = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$\omega_0 = \frac{R_2}{L} \quad \text{et} \quad \omega_1 = \frac{R_1 + R_2}{L}$$

Dans le cas on  $R_1 = 9R_2 \Rightarrow \omega_0 = \frac{R_2}{L}, \omega_1 = 10\frac{R_2}{L} = 10\omega_0$

et  $A = \frac{R_2}{10R_2} = \frac{1}{10}$ .

ce qui donne :  $T(j\omega) = \frac{1}{10} \cdot \frac{(1 + j\frac{\omega}{\omega_0})}{(1 + j\frac{\omega}{\omega_1})}$

$$G(\omega) = |T(j\omega)| = \frac{1}{10} \frac{\sqrt{1 + (\frac{\omega}{\omega_0})^2}}{\sqrt{1 + (\frac{\omega}{\omega_1})^2}}$$

$$G_{dB}(\omega) = 20 \log G(\omega) = -20 \text{ dB} + 10 \log(1 + (\frac{\omega}{\omega_0})^2) - 10 \log(1 + (\frac{\omega}{\omega_1})^2)$$

$$= -20 \text{ dB} + G_1 + G_2$$

$$\varphi(\omega) = \text{arctg} \frac{\omega}{\omega_0} - \text{arctg} \frac{\omega}{\omega_1} = \varphi_1 + \varphi_2$$



Etude du gain :

$$\omega \rightarrow 0 \quad G_1 \rightarrow 0 \text{ dB} \quad \text{droite asymptotique}$$

$$\omega \rightarrow \infty \quad G_1 \approx 20 \log \frac{\omega}{\omega_0} \quad \text{droite asymptotique de pente } +20 \text{ dB/décade}$$

$$\omega \rightarrow 0 \quad G_2 \rightarrow 0 \text{ dB}$$

$$\omega \rightarrow \infty \quad G_2 \approx -20 \log \frac{\omega}{\omega_1} \quad \text{droite asymptotique de pente } -20 \text{ dB/déc}$$

Soit on trace  $G_1$  et  $G_2$  puis on décale la courbe de  $-20 \text{ dB}$ .

Soit on prend comme axe des  $x$   $-20 \text{ dB}$  puis on trace  $G_1$  et  $G_2$

Pour la courbe réelle

$$\begin{aligned} \text{à } \omega = \omega_0 \quad G_{\text{dB}} &= -20 \text{ dB} + 10 \log 2 - 10 \log \left(1 + \frac{1}{10}\right) \\ &= -20 \text{ dB} + 3 \text{ dB} = -17 \text{ dB} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{à } \omega = \omega_1 \quad G_{\text{dB}} &= -20 \text{ dB} + 10 \log (1 + 10^2) - 10 \log (1 + 1) \\ &= -20 \text{ dB} + 20 \text{ dB} - 3 \text{ dB} = -3 \text{ dB} \end{aligned}$$

Etude de la Phase

$$\text{pour } \omega \rightarrow 0 \quad \varphi_1 \rightarrow 0$$

$$\varphi_2 \rightarrow 0$$

$$\omega \rightarrow \infty \quad \varphi_1 \rightarrow \frac{\pi}{2}$$

$$\varphi_2 \rightarrow -\frac{\pi}{2}$$

$$\text{à } \omega = \omega_0 \quad \varphi(\omega) = \varphi_1 + \varphi_2 = \arctg 1 - \arctg \frac{1}{10} = \frac{\pi}{4}$$

$$\omega = \omega_1 \quad \varphi(\omega) = \arctg 10 - \arctg 1 = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4}$$



