



على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:
الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

نعتبر المتتاليتين (u_n) و (v_n) المعرفتين على مجموعة الأعداد الطبيعية \mathbb{N} كما يلي:

$$\cdot \begin{cases} v_0 = 6 \\ v_{n+1} = \frac{3}{4}v_n + 1 \end{cases} \quad \text{و} \quad \begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n + 1 \end{cases}$$

• (1) احسب الحدين: u_1 و v_1 .

• (2) اكتب $u_{n+1} - u_n$ بدلالة $u_{n+2} - u_n$.

ب) باستعمال البرهان بالترجع برهن أنّ المتتالية (u_n) متزايدة تماماً والمتتالية (v_n) متناقصة تماماً.

• (3) نعتبر المتتالية (w_n) المعرفة على \mathbb{N} كما يلي :

برهن أنّ المتتالية (w_n) هندسية يطلب تعين أساسها q و حذّها الأول w_0 ثم عّبر عن w_n بدلالة n .

• (4) بين أنّ المتتاليتين (u_n) و (v_n) متجاورتان.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر النقط $A(1; 1; -1)$ ، $B(2; -1; -1)$ ، $C(4; -4; -2)$.

والمستوى (P) ذا المعادلة الديكارتية : $x - 2y + 2z - 3 = 0$.

• (1) بين أنّ النقط A ، B و C تعّين مستويًا.

• (2) بين أنّ المستويين (P) و (ABC) غير متوازيين.

$$\begin{cases} x = -2 + \alpha - 3\beta \\ y = 6 - 2\alpha + 5\beta \\ z = \beta \end{cases}; (\alpha \in \mathbb{R}, \beta \in \mathbb{R})$$

(3) تحقق أنّ الجملة : تمثيل وسيطي للمستوى (ABC) .

• (4) جد تمثيلاً وسيطياً لـ (Δ) مستقيم تقاطع المستويين (P) و (ABC) .

التمرين الثالث: (05 نقاط)

I) حل في مجموعة الأعداد المركبة \mathbb{C} المعادلة ذات المجهول z : $(z - 2)(z^2 + 2z + 4) = 0$.

II) المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ حيث: $\|\vec{u}\| = 2cm$



لتكن النقط A ، B و C التي لاحقاتها: $z_A = 2$ ، $z_C = \bar{z}_B = -1 + i\sqrt{3}$ و $z_B = -1 - i\sqrt{3}$ (\bar{z}_B هو مرافق z_B)

(1) اكتب العدد z على الشكل الأسي ثم استنتج الشكل الأسي للعدد المركب z_C .

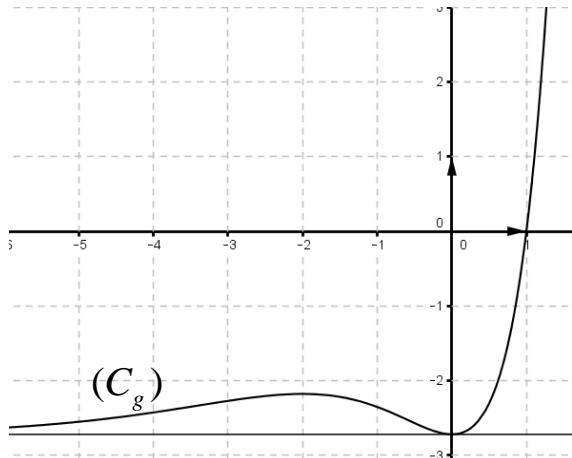
(b) عين مركز ونصف قطر الدائرة المحيطة بالمثلث ABC ، ثم أنشئ النقط A ، B و C .

(2) ليكن S التشابه المباشر الذي مركزه النقطة O ونسبة $\frac{1}{2}$ وزاويته $\frac{2\pi}{3}$.

(أ) اكتب العبارة المركبة للتشابه S ثم عين لاحقة كل من A' ، B' و C' صور النقط A ، B و C على

الترتيب بالتشابه S ثم أنشئ في المعلم السابق النقط A' ، B' و C' .

(ب) احسب بالستمتر المساحة المثلث $A'B'C'$.



التمرين الرابع: (07 نقاط)

(I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ:

(C_g) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتاجنس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (كما هو في الشكل المقابل).

- احسب $g(1)$.

- بقراءة بيانية عين إشارة g ثم استنتاج إشارة $g(-x)$ حسب قيمة العدد الحقيقي x .

(II) نعتبر الدالة f المعرفة على المجموعة \mathbb{R}^* كما يلي:

(C_f) التمثيل البياني للدالة f في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتاجنس (\vec{i}, \vec{j}) .

(1) احسب النهايات الآتية: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(2) بين أن المنحنى (γ) الذي معادلته: $y = e^{-x} - 2$ والمنحنى (C_f) متقاربان بجوار $-\infty$ ثم ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى (γ) .

(3) بين أن: من أجل كل عدد حقيقي غير معروف x لدينا :

$$f'(x) = \frac{-g(-x)}{x^2}$$

(4) استنتاج أن الدالة f متزايدة تماما على كل من المجالين $[-1; 0]$ و $[0; +\infty)$ ومتناقصة تماما على المجال $[-\infty; -1]$ ، ثم شُكّل جدول تغيرات الدالة f .

(5) بين كيف يمكن إنشاء المنحنى (γ) انطلاقا من منحنى الدالة: $e^x \mapsto x$ ثم ارسم بعانيا كلا من المنحنيين (γ) و (C_f) في نفس المعلم السابق.

(6) ليكن n عددا طبيعيا و (n) مساحة الحيز المستوى المحدد بالمنحنيين (C_f) و (γ) والمستقيمين اللذين

معادلتيهما $x = -e^n$ و $x = -e^{n+1}$.

احسب العدد الحقيقي I حيث $I = A(0) + A(1) + \dots + A(2016)$



الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر النقط $A(-8; 0; -2)$ ، $B(1; 2; 1)$ ، $C(2; 3; -1)$. ذا المعادلة: $2x + y - 3 = 0$ و المستوى (P) ذو المعادلة: $E(1; 1; 4)$.

(1) أ) بين أنّ النقط A ، B و C تعين مستوى.

ب) عين قيمة العدد الحقيقي α حتى يكون $\vec{n}(1; \alpha; -1)$ شعاعاً ناظماً للمستوى (ABC) ثم عين معادلة ديكارتية له.

(2) بين أنّ المستويين (ABC) و (P) يتقاطعان وفق مستقيم (Δ) ، ثم تحقق أنّ النقطة E تتبع إلى (Δ) و $\vec{u}(1; -2; 7)$ شعاع توجيه له.

(3) لتكن النقطة G مرتجع الجملة $\{(A; 1), (B; -2), (C; 3)\}$ ، نرمز بـ (Γ) إلى مجموعة النقط M من الفضاء التي تتحقق: $(\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB} + 3\overrightarrow{MC}) \cdot (\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}) = 0$

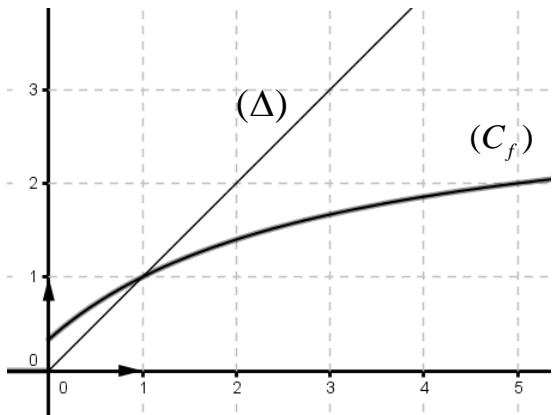
عين إحداثيات النقطة G ، ثم حدد طبيعة المجموعة (Γ) واكتب معادلة ديكارتية لها.

(4) عين إحداثيات نقط تقاطع (P) ، (ABC) و (Γ) .

التمرين الثاني: (04 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرفة على $[0; +\infty)$ كما يلي: $f(x) = \frac{3x+1}{x+3}$ تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ذو المعادلة $y = x$.

عند حقيقي موجب، (u_n) المتالية العددية المعرفة على \mathbb{N} بحدها الأول $u_0 = \alpha$ حيث



ومن أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = f(u_n)$.

(I) عين قيمة α حتى تكون (u_n) متالية ثابتة.

(II) نضع في كل ما يلي $\alpha = 5$

(1) انقل الشكل المقابل ثم مثل على حامل محور الفواصل الحدود u_0 ، u_1 ، u_2 ، u_3 (دون حساب الحدود)

ب) ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتالية (u_n) وتقريباها.

(2) نعتبر المتالية (v_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ: $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 1}$

أ) برهن أنّ المتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ يطلب تعين حدّها الأول.

ب) عبر بدلالة n عن v_n و u_n ثم احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} u_n$.

(3) احسب بدلالة n المجموع S_n حيث: $S_n = v_n + v_{n+1} + \dots + v_{n+2016}$

ثم استنتج بدلالة n المجموع S'_n حيث: $S'_n = \frac{1}{u_n + 1} + \frac{1}{u_{n+1} + 1} + \frac{1}{u_{n+2} + 1} + \dots + \frac{1}{u_{n+2016} + 1}$



التمرين الثالث: (5 نقاط)

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$.

نعتبر النقط A ، B و C التي لاحقاتها $z_C = 4 - 3i$ ، $z_A = -3 - 2i$ ، $z_B = 1 + i$ و

1) عين النسبة وزاوية للتشابه المباشر S ذي المركز A والذي يحول النقطة B إلى النقطة C .

2) اكتب على الشكل الأسي العدد المركب $\frac{z_A - z_B}{z_C - z_B}$ ، ثم استنتج طبيعة المثلث ABC .

3) نرمز بـ G إلى مركز نقل المثلث ABC و بـ I إلى منتصف القطعة $[AC]$ عين كلاً من z_G و z_I لاحقتي النقطتين G و I ، ثم بين أنَّ النقط B ، G و I في استقامية.

4) نعتبر النقطة D نظيرة B بالنسبة إلى I ، حدد بدقة طبيعة الرباعي $ABCD$.

5) نعتبر (Γ) مجموعة النقط M من المستوى التي تتحقق: $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\| = 5\sqrt{2}$

أ) تحقق أنَّ النقطة C تتبعي إلى (Γ) .

ب) عين طبيعة المجموعة (Γ) ثم أنشئها.

التمرين الرابع: (7 نقاط)

I) نعتبر f الدالة العددية المعرفة على $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right]$ كما يلي: $f(x) = \frac{1 + 2\ln(2x+1)}{(2x+1)^2}$ تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1) احسب النهايتين: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\frac{1}{2}^+} f(x)$ ثم فسر النتيجتين بيانيًا.

2) أ) بين أنَّ: من أجل كل x من $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right]$ ، $f'(x) = \frac{-8\ln(2x+1)}{(2x+1)^3}$

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شُكّل جدول تغيراتها.

3) حل في المجال $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right]$ المعادلة $f(x) = 0$ ، ثم استنتاج إشارة $f(x)$.

4) بين أنَّ المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف ω يطلب تعين إحداثياتها، ثم انشئ (C_f) .

II) لتكن الدالة g المعرفة على $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right]$ كما يلي: $g(x) = 2[-x + \ln(2x+1)]$

1) ادرس اتجاه تغير الدالة g .

أ) بين أنَّ للمعادلة $g(x) = 0$ حلين أحدهما معروف والآخر α حيث: $1,2 < \alpha < 1,3$

ب) استنتاج إشارة $g(x)$.

2) نضع من أجل كل عدد طبيعي n أكبر تماماً من 1 : $I_n = \int_n^{n+1} f(x)dx$

- أثبت أنَّ: من أجل كل $x \geq \frac{3}{2}$ ، $0 < f(x) < \frac{1}{2x+1}$ ثم استنتاج

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	الموضوع الأول
التمرين الأول : (04 نقاط)		
<p>00.50 0.25×2</p> <p>02.00 00.50 00.75 00.75</p> <p>00.75 0.25 0.25×2</p> <p>00.75 0.25 0.25×2</p>		
00.50		$v_1 = \frac{11}{2}$ و $u_1 = \frac{7}{4}$ (1)
	00.50	$u_{n+2} - u_{n+1} = \frac{3}{4}(u_{n+1} - u_n)$ (2)
02.00	00.75	<p>ب) لدينا $u_{n+2} - u_{n+1} > 0$ أي: $\frac{3}{4}(u_{n+1} - u_n) > 0$ ، و بالتالي: $u_{n+1} - u_n > 0$ ، و (u_n) متزايدة تماما.</p> <p>إذن من أجل كل عدد طبيعي n ، $u_{n+1} - u_n > 0$ و (v_n) متناقصة تماما.</p>
00.75	0.25	<p>(3) من أجل كل عدد طبيعي $w_n = u_{n+1} - v_{n+1}$ إذن: المتالية (w_n) هندسية .</p> <p>أساسها $\frac{3}{4}$ و حدتها الأولى $w_0 = -5$ حيث:</p>
00.75	0.25×2	<p>(4) لدينا المتالية (u_n) متزايدة تماما والممتالية (v_n) متناقصة تماما</p> <p>و منه المتاليتين (u_n) و (v_n) متباينتين .</p>
التمرين الثاني : (04 نقاط)		
00.75	0.25×3	<p>(1) الشعاعان $\overrightarrow{AC}(3, -5, -1)$ و $\overrightarrow{AB}(1, -2, 0)$ غير مرتبطين خطيا.</p>
00.75	0.75	<p>(2) تبيّن أن المستويين (P) و (ABC) غير متوازيين.</p> <p>أي إثبات أن الشعاع $\bar{n}(1, -2, 2)$ (ناظم لـ (P)) غير عمودي على \overrightarrow{AB}.</p>
01.50	0.5×3	<p>(3) التحقق أن الجملة المعطاة تمثل وسيطي لـ (ABC) .</p> <p>لدينا: $\begin{cases} 1 = -2 + \alpha - 3\beta \\ 1 = 6 - 2\alpha + 5\beta \\ -1 = \beta \end{cases}$</p> <p>$(\alpha, \beta) = (0, -1)$ تكافئ $\begin{cases} 2 = -2 + \alpha - 3\beta \\ -1 = 6 - 2\alpha + 5\beta \\ -1 = \beta \end{cases}$ و</p> <p>$(\alpha, \beta) = (1, -1)$ تكافئ $\begin{cases} 4 = -2 + \alpha - 3\beta \\ -4 = 6 - 2\alpha + 5\beta \\ -2 = \beta \end{cases}$ و</p> <p>$(\alpha, \beta) = (0, -2)$ إذن الجملة تمثل وسيطي لـ (ABC) .</p>

العلامة	عنصر الإجابة
مجموع	مجزأة
01.00	<p>إيجاد تمثيل وسيطي لـ (Δ) (4)</p> <p>لدينا $\alpha = \frac{11}{5}\beta + \frac{17}{5}$ يكافيء $-2 + \alpha - 3\beta - 2(6 - 2\alpha + 5\beta) + 2(\beta) - 3 = 0$</p> $\begin{cases} x = \frac{7}{5} - \frac{4}{5}\beta \\ y = -\frac{4}{5} + \frac{3}{5}\beta, (\beta \in \mathbb{R}) \\ z = \beta \end{cases} : (\Delta)$
01.00	<p>التمرين الثالث: (05 نقاط)</p> <p>.I) $\Delta = -12$ و مجموعة حلول المعادلة المعطاة هي: $\{2; -1 + \sqrt{3}i; -1 - \sqrt{3}i\}$</p> <p>و بالتألي $z_C = \overline{z_B} = 2e^{i\left(\frac{-2\pi}{3}\right)}$ $z_B = 2e^{i\frac{2\pi}{3}}$ (1.II)</p> <p>ب) لدينا: $OA = OB = OC = 2$ أي: $z_A = z_B = z_C = 2$ إذن: $OA = OB = OC = 2$.</p> <p>النقط A, B و C تتنمي إلى الدائرة التي مرکزها مبدأ المعلم O و طول نصف قطرها 2.</p> <p>في إنشاء النقط نستعين بالدائرة والمستقيم ذو المعادلة: $x = -1$.</p>
02.00	<p>00.50</p> <p>00.25</p> <p>00.50</p> <p>الإنشاء:</p> <p>يستعين بالدائرة التي مرکزها النقطة O و طول نصف قطرها 1، أو استعمال خصائص وعناصر التشابه S.</p>
02.00	<p>00.50</p> <p>3×0.25</p> <p>00.25</p> <p>00.25</p> <p>الإنشاء:</p> <p>يستعلن بالدائرة التي مرکزها النقطة O و طول نصف قطرها 1، أو استعمال خصائص وعناصر التشابه S.</p> <p>$.S: z' = \frac{1}{2}e^{i\frac{2\pi}{3}} \cdot z$ (2)</p> <p>$.z_{C'} = 1, z_{B'} = e^{i\frac{4\pi}{3}}, z_{A'} = e^{i\frac{2\pi}{3}}$</p> <p>$.S_{ABC} = \frac{1}{4}S_{A'B'C'} = 3\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ومنه: $S_{ABC} = 12\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (ب)</p>

العلامة	عنصر الإجابة															
مجموع	مجزأة															
التمرين الرابع : (07 نقاط)																
01.25	<p>00.25</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$g(x)$</td> <td style="padding: 5px;">-</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">+</td> </tr> </table> <p>• $g(1) = 0$ (.I) تعين إشارة ($g(x)$)</p>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	$g(x)$	-	0	+							
x	$-\infty$	1	$+\infty$													
$g(x)$	-	0	+													
01.00	<p>00.5</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">-1</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$g(-x)$</td> <td style="padding: 5px;">+</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">-</td> </tr> </table> <p>استنتاج إشارة ($g(-x)$) .</p>	x	$-\infty$	-1	$+\infty$	$g(-x)$	+	0	-							
x	$-\infty$	-1	$+\infty$													
$g(-x)$	+	0	-													
01.00	<p>4×0.25</p> <p>(1) حساب نهايات:</p> $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty \quad , \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -2 \quad , \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ <p>(2) تبيّن أن المنحني (γ) الذي معادلته: $y = e^{-x} - 2$ و (C_f) متقاريان بجوار ($-\infty$)</p> $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (e^{-x} - 2)) = \lim_{x \rightarrow -\infty} -\frac{e}{x} = 0$ <p>دراسة الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و (γ).</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">الوضع النسبي لـ (C_f) و (γ)</td> <td style="padding: 5px;">فوق (C_f)</td> <td style="padding: 5px;"> </td> <td style="padding: 5px;">تحت (C_f)</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	0	$+\infty$	الوضع النسبي لـ (C_f) و (γ)	فوق (C_f)		تحت (C_f)							
x	$-\infty$	0	$+\infty$													
الوضع النسبي لـ (C_f) و (γ)	فوق (C_f)		تحت (C_f)													
00.50	<p>00.50</p> <p>(3) من أجل كل عدد حقيقي غير معروف x لدينا :</p> $f'(x) = \frac{-g(-x)}{x^2}$ <p>(4) إشارة ($f'(x)$) هي عكس إشارة ($-g$) ومنه الدالة f متزايدة تماما على كل من المجالين $[-1; 0]$ و $[0; +\infty]$ ومتناقصة تماما على المجال $[-\infty; -1]$. جدول تغيرات الدالة f</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">-1</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$f'(x)$</td> <td style="padding: 5px;">-</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">+</td> <td style="padding: 5px;">+</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$f(x)$</td> <td style="padding: 5px;">$+ \infty$</td> <td style="padding: 5px;">2e - 2</td> <td style="padding: 5px;">$+ \infty$</td> <td style="padding: 5px;">-2</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	-1	0	$+\infty$	$f'(x)$	-	0	+	+	$f(x)$	$+ \infty$	2e - 2	$+ \infty$	-2
x	$-\infty$	-1	0	$+\infty$												
$f'(x)$	-	0	+	+												
$f(x)$	$+ \infty$	2e - 2	$+ \infty$	-2												
01.50	<p>00.5</p> <p>(5) طريقة رسم (γ) : هو صورة منحنى الدالة $x \mapsto e^{-x}$ بالانسحاب الذي شعاعه $j\bar{2}$ و(منحنى الدالة $x \mapsto e^{-x}$ هو نظير منحنى الدالة $x \mapsto e^x$ بالنسبة الى محور التربيع) رسم المنحنين (γ) و (C_f) في نفس المعلم.</p>															
01.00	<p>00.50</p> <p>(6) مساحة الحيز المستوي المحدود بالمنحنين (C_f) و (γ) و المستقيمين اللذين</p> $x = -e^{n+1} \quad \text{و} \quad x = -e^n$ <p>معادلتيهما</p> $A(n) = \int_{-e^{n+1}}^{-e^n} (f(x) - (e^{-x} - 2)) dx = \left[-e \ln x \right]_{-e^{n+1}}^{-e^n} = e \quad (\text{u.a})$ $l = A(0) + A(1) + \dots + A(2016) = 2017e \quad (\text{u.a})$															

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	الموضوع الثاني
التمرين الأول : (04 نقاط)		
<p>1.250 00.25 (1) \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AB} غير مرتبطين خطيا ومنه A ، B و C تعين مستويا.</p> <p>ب) تعين قيمة α حتى يكون $\vec{n}(1; \alpha; -1)$ شعاعاً ناظماً للمستوي (ABC): نجد $\alpha = -3$</p> <p>- المعادلة الديكارتية لـ (ABC) هي: $x - 3y - z + 6 = 0$.</p> <p>01.00 00.25 (2) المستويين (ABC) و (P) متقطعان وفق مستقيم (Δ): \vec{n} و \vec{n}_p غير مرتبطين خطيا.</p> <p>التحقق أن النقطة $E(1; 1; 4)$ تتبع إلى (Δ) و $E \in (ABC)$: $E \in (P)$</p> <p>$\vec{u} \cdot \vec{n}_p = 0$ و $\vec{u} \cdot \vec{n} = 0$: (4) شعاع توجيه لـ $(1; -2; 7)$</p> <p>01.00 00.25 (3) إحداثيات النقطة $G(-2, \frac{5}{2}, -\frac{7}{2})$</p> <p>المجموعة (Γ) هي المستوي الذي يشمل G و \overrightarrow{CB} ناظمي له.</p> <p>معادلة لـ (Γ): $2x + 2y - 4z - 15 = 0$</p> <p>00.75 00.50 (4) نقط تقاطع (P) و (Γ) و (ABC)</p> <p>$[(ABC) \cap (P)] \cap (\Gamma) = (\Delta) \cap (\Gamma) = \{H\}$</p> <p>$H\left(\frac{1}{10}; \frac{14}{5}; -\frac{23}{10}\right)$ و</p>		
التمرين الثاني : (04 نقاط)		
00.50	00.50	(I) ثابتة من أجل: $\alpha = 1$ (u_n)
01.50	4×0.25	(II) (1) تمثيل الحدود u_0, u_1, u_2, u_3 (دون حساب الحدود) على حامل محور الفواصل.
01.25	2×0.25	(2) التخمين: المتالية (u_n) متناقصة تماماً و مترافقية نحو 1.
00.75	00.50	(3) إثبات أن (v_n) متالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ و حدتها الأول هو: $v_0 = \frac{u_0 - 1}{u_0 + 1} = \frac{2}{3}$
	3×0.25	$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 1 \quad , \quad u_n = \frac{1 + \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n}{1 - \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n} = \frac{3 + 2 \left(\frac{1}{2}\right)^n}{3 - 2 \left(\frac{1}{2}\right)^n} \quad , \quad v_n = \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n$ (ب)
00.75	00.50	$S_n = v_n + v_{n+1} + \dots + v_{n+2016} = \frac{3}{4} \left(\frac{1}{2}\right)^n \left[1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{2017} \right]$ (3)
	00.25	استنتاج بدلالة n المجموع S'_n : $S'_n = -\frac{1}{2} (S_n - 2017)$

العلامة	عنصر الإجابة
مجموع	مجزأة
التمرين الثالث: (05 نقاط)	
00.75	3×0.25
01.00	2×0.25 0.5
01.00	2×0.25 00.50
01.00	01.00
01.25	00.50 00.25
التمرين الرابع: (07 نقاط)	
01.00	0.25×2 0.25×2
01.50	$+00.50$ 00.25
00.75	00.50 00.25

العلامة	عناصر الإجابة											
مجموع	مجزأة											
00.25	$f''(x) = \frac{16(-1+3\ln(2x+1))}{(2x+1)^4} , \left[-\frac{1}{2}; +\infty \right]$ (4)											
00.25	$x = \frac{e^{\frac{1}{3}} - 1}{2}$ يكافيء $f''(x) = 0$											
00.25	<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\frac{1}{2}$</td> <td>$\frac{e^{\frac{1}{3}} - 1}{2}$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f''(x)$</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> </table>	x	$-\frac{1}{2}$	$\frac{e^{\frac{1}{3}} - 1}{2}$	$+\infty$	$f''(x)$	-	0	+			
x	$-\frac{1}{2}$	$\frac{e^{\frac{1}{3}} - 1}{2}$	$+\infty$									
$f''(x)$	-	0	+									
01.75	(C_f) يقبل نقطة انعطاف ω إحداثياتها : $(\frac{e^{\frac{1}{3}} - 1}{2}; \frac{5}{3}e^{-\frac{2}{3}})$. إنشاء المنحنى (C_f) .											
00.75												
00.25	$g'(x) = \frac{2(1-2x)}{(2x+1)}, \left[-\frac{1}{2}; +\infty \right]$ (1) أ- من أجل كل x من											
2×0.25	$\left[\frac{1}{2}; +\infty \right]$ و متزايدة تماما على المجال											
01.50	<p>ب- المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين أحدهما معدوم والآخر α حيث: $1.2 < \alpha < 1.3$</p> <p>ج- إشارة $g(x)$:</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\frac{1}{2}$</td> <td>0</td> <td>α</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$g(x)$</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> </tr> </table>	x	$-\frac{1}{2}$	0	α	$+\infty$	$g(x)$	-	0	+	0	-
x	$-\frac{1}{2}$	0	α	$+\infty$								
$g(x)$	-	0	+	0	-							
00.50	<p>. اثبات أن: من أجل كل $x \geq \frac{3}{2}$. $0 < f(x) < \frac{1}{2x+1}$ ،</p> <p>. $0 < f(x) < \frac{1}{2x+1}$. $f(x) - \frac{1}{2x+1} = \frac{g(x)}{(2x+1)^2}$ ، $x \geq \frac{3}{2}$ من أجل كل</p> <p>. $\lim_{n \rightarrow +\infty} I_n = 0$ و بالتالي: $0 < I_n < \frac{1}{2} \ln \left(\frac{2n+3}{2n+1} \right)$ لدينا</p>											