

Série d'exercices n° 4
Chapitre 3: Algèbre de Boole

Module

Codage et représentation de l'information

Filière

MI

 1^{ère} Année

Exercice 1 : tracer la table de vérité des expression suivante:

- $a + a.b$
- $a + \bar{a}.b$
- $(a+b)(a+c)$
- $a.(a+b)$
- $(a+b)(a + \bar{b})$
- $(a+b)(\bar{a}+c)$

Exercice 2 : Réduire les équations précédentes en utilisant les propriétés de l'algèbre de Boole:

Exercice 3 : Démontrer le théorème de De Morgan par la table de vérité.

Exercice 4 : Réduire les équations en utilisant le théorème de De Morgan : $\overline{\overline{a}.b} + \overline{\overline{a} + b}$

Exercice 5 : Exprimer ces fonctions sous la première et la deuxième forme canonique.:

$$f1(x,y, z) = x.y + x\bar{z} + \bar{y}z$$

$$f2(a,b, c) = abc + ab + a + c + b\bar{a}$$

$$f3(a,b, c) = abc + ab + a + c + b\bar{a}$$

Exercice 6 : Simplifier les .fonctions de l'exercice 5 par la table de Karnaugh

Exercices supplémentaires

Exercice 7 : Simplifier les .fonctions de l'exercice 5 par les propriétés algébriques.

Exercice 8 : Démontrer les théorèmes suivants par la table de vérité.

Idempotence Éléments neutres Absorption Complémentarité

Exercice 9 : Démontrer algébriquement les relations suivantes:

- $AB + \bar{A}\bar{C} = (\bar{A} + B)(A + C)$
- $AB + \bar{A}\bar{C} + BC = \bar{A}\bar{B} + AC$
- $(A + B)(\bar{A} + C)(B + C) = (A + B)(\bar{A} + C)$
- $AB + A\bar{B}C = AB + AC$
- $(A + \bar{B} + C) + (\bar{A} + B)\bar{C} = I$
- $(A + B)(A + \bar{B} + C) = (A + B)(A + C)$
- $(AB + AC + BC) = (A + B)(A + C)(B + C)$
- $(A + C)(B + \bar{C}) = (A + C)(\bar{B} + \bar{C})$
- $\overline{AC + BC} = \bar{A}\bar{C} + \bar{B}\bar{C}$
- $\overline{AC + A\bar{B} + AB} = (\bar{A} + \bar{B})(A + B + C)$