

## Résumé :

Soit  $x^*$  une valeur approchée d'un nombre donné  $x$ .

1) a- L'erreur absolue :  $\Delta(x) = |x - x^*| \leq \Delta_x$  ;  $\Delta_x$  est la borne supérieure de  $\Delta(x)$ .

On écrit :  $x = x^* \pm \Delta_x$

b- L'erreur relative :  $r(x) = \frac{\Delta(x)}{|x^*|} \leq \frac{\Delta_x}{|x^*|} \leq r_x$  ;  $r_x$  est la borne supérieure de  $r(x)$

c- L'erreur en pourcentage :  $r\% = r(x) \times 100$

2) Représentation décimale d'un nombre approché :

$$x^* = a_m \cdot 10^m + a_{m-1} \cdot 10^{m-1} + \dots + a_{m-n+1} \cdot 10^{m-n+1} + \dots \text{ avec } a_m \neq 0, a_i \in \{0, 1, \dots, 9\} \text{ et } i \neq m$$

$$\text{Exemple : } x^* = 0.04207 = 4 \cdot 10^{-2} + 2 \cdot 10^{-3} + 0 \cdot 10^{-4} + 7 \cdot 10^{-5}$$

3) C.S : On appelle chiffres significatifs d'un nombre tous les chiffres de son écriture exceptés les zéros situés devant le premier chiffre non nul.

Exemple : 5048 et 0,002406 ont 4 c.s.

4) C.S.C : On dit que les  $n$  premiers c.s d'un nombre  $x^*$  sont exacts si :  $\Delta_x \leq 0,5 \cdot 10^{m-n+1}$ .

5) Arrondissement d'un nombre à  $n$  c.s :

- Si le 1<sup>er</sup> chiffre à rejeter est  $< 5$ , les chiffres retenus restent inchangés.
- Si le 1<sup>er</sup> chiffre à rejeter est  $> 5$ , on augmente le  $n^{\text{ème}}$  chiffre de 1.
- Si le 1<sup>er</sup> chiffre à rejeter est  $= 5$ , deux cas sont possible :
  - Tous les chiffres rejetés situés après le 5 sont des zéros : On applique la règle du chiffres pair, ie : le  $n^{\text{ème}}$  chiffre reste inchangé s'il est pair. On lui ajoute 1 s'il est impair.
  - Parmi les chiffres rejetés situés après le 5, il existe au moins un qui soit non nul : On ajoute 1 au  $n^{\text{ème}}$  chiffre.

Remarque :

- L'erreur d'arrondi vérifie :  $\Delta_r \leq 0,5 \cdot 10^{m-n+1}$
- Le résultat final ( après arrondissement) s'écrit :  $x = \text{nbre arrondi} \pm (\Delta_x + \Delta_r)$   
ou bien :  $x = \text{nbre arrondi} \pm 2\Delta_x$

6) Propagation d'erreurs :

$$\begin{aligned}\Delta_{x \pm y} &= \Delta_x + \Delta_y & r_{x \pm y} &= \frac{\Delta_x + \Delta_y}{|x^* \pm y^*|} \\ \Delta_{x \cdot y} &= |y^*| \Delta_x + |x^*| \Delta_y & r_{x \cdot y} &= r_x + r_y \\ \Delta_{\frac{x}{y}} &= \frac{|y^*| \Delta_x + |x^*| \Delta_y}{|y^*|^2} & r_{\frac{x}{y}} &= r_x + r_y\end{aligned}$$