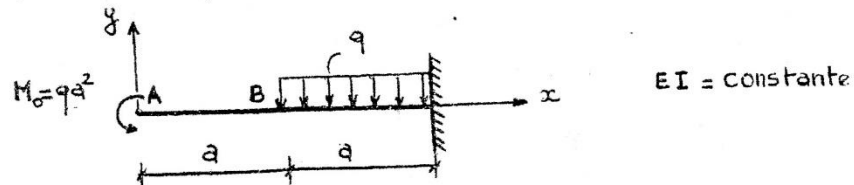


le 2.2.2011

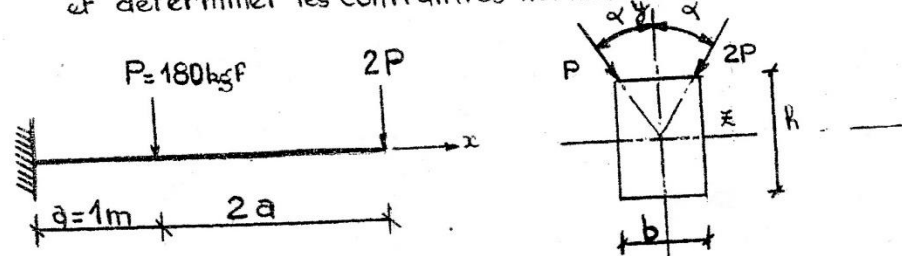
# CONTRÔLE N°1 DE RÉSISTANCE

DES MATÉRIAUX - 3<sup>ème</sup> Année Licence A - C.C.I DURÉE 1h30

Exercice 1: En appliquant l'équation différentielle de la ligne élastique calculer la flèche en A et la rotation en B.

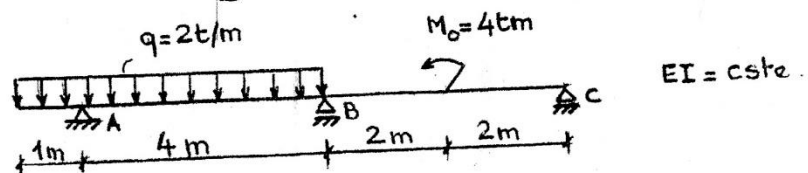


Exercice 2: Dimensionner la section transversale de la poutre. Positionner l'axe neutre dans la section dangereuse et déterminer les contraintes normales maximales.



on donne :  $\bar{\sigma} = 100 \text{ kgf/cm}^2$  ;  $\alpha = 30^\circ$  ;  $h = 4/3 b$

Exercice 3: En utilisant l'équation des trois moments, tracer les diagrammes T et M.



## Contrôle n° 1 de Béton Armé I

### Exercice 1 :

Démontrer par le diagramme des déformations que :  $\epsilon_s = \epsilon_{bc} \frac{(y - d')}{y}$

### Exercice 2 :

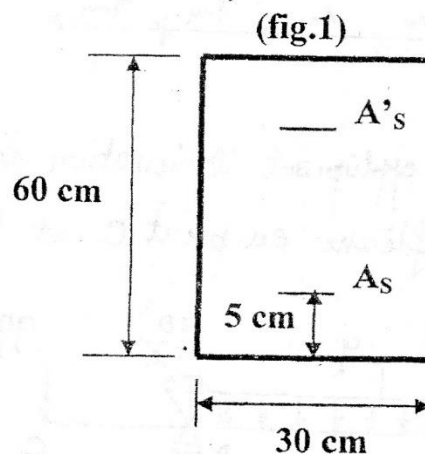
Déterminer les armatures d'un tirant de section 40 x 40 cm devant supporter un effort de traction simple  $N$  composé de  $N_G = 100$  kN et  $N_Q = 50$  kN, dans le cas d'une :

- Fissuration non préjudiciable ;
- Acier en Fe E 400 ;  $f_{t28} = 2.10$  ; situation normale.

### Exercice 3 :

1. Soit à déterminer les armatures de la poutre à section rectangulaire (fig.1) soumise à un moment de flexion  $M_U = - 580$  kN.m et  $M_S = - 420$  kN.m sachant que : les armatures sont en acier Fe E 500 ;

- $f_{c28} = 30$  Mpa
- Situation normale
- Fissuration préjudiciable



2. Reprendre le calcul aux E.L.U en considérant la section comme simplement armée, comparer les deux sections solutions de l'E.L.U. Que pouvez vous conclure.

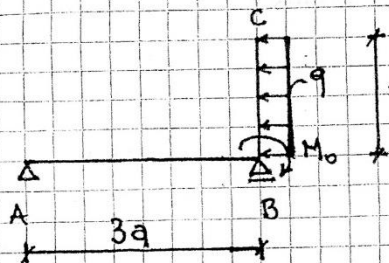
# CONTRÔLE DE RATRAPAGE

3

## DE RÉSISTANCE DES MATÉRIAUX 3<sup>ème</sup> A.L. C.C.T

Exercice 1: Soit la structure suivante simplement appuyée, soumise au chargement donné  $q$  et  $M_0$

Il est demandé de dimensionner la poutre AB.

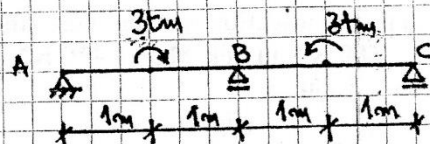


on donne :  $q = 6 \text{ t/m}$ ,  $M_0 = 8 \text{ tm}$

$a = 1 \text{ m}$ ,  $\sigma = 1600 \text{ kgf/cm}^2$ .

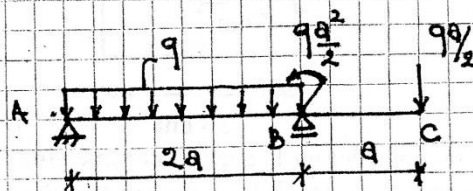
Le rapport  $\frac{h}{b} = 1,5$  de la section transversale rectangulaire ;  $\sigma = 1600 \text{ kgf/cm}^2$ .

Exercice 2: En utilisant l'équation des trois moments tracer les diagrammes T et  $M$  pour la poutre continue suivante :



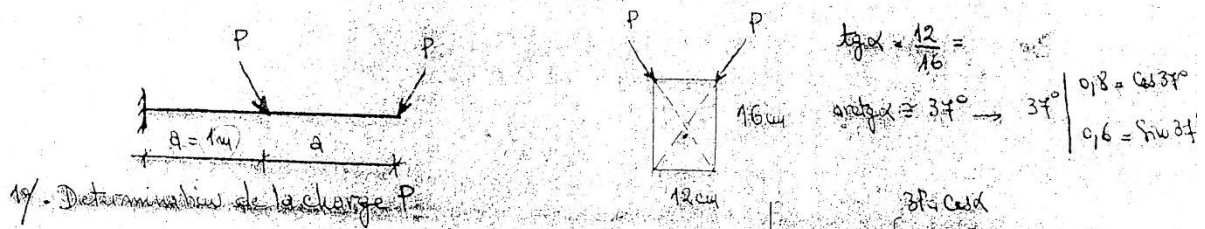
$EI = \text{cste.}$

Exercice 3: En appliquant l'équation des paramètres initiaux déterminer la flèche au point C et la rotation de l'appui B.



$EI = \text{cste.}$

Ex2 : Détermination de la charge admissible  $P$  - Position de l'axe neutre dans la poutre dangereuse.  $\bar{\sigma} = 100 \text{ kgf/cm}^2$



19. Détermination de la charge  $P$

Condition de résistance :  $\sigma = \frac{M_x}{I_x} y + \frac{M_y}{I_y} z \leq \bar{\sigma}$

Évaluation des moments  $M_x$  et  $M_y$

Plan  $xoy \rightarrow M_x$   $0 \leq x \leq a$   $M_x = -P \cos \alpha \cdot x$   
 $a \leq x \leq 2a$   $M_x = -P \cos \alpha \cdot x - P \cos \alpha (x-a)$   
 $M_x = -3Pa \cos \alpha$

Plan  $xoz \rightarrow M_y$   $0 \leq x \leq a$   $M_y = -P \sin \alpha \cdot x$   
 $a \leq x \leq 2a$   $M_y = -P \sin \alpha \cdot x + P \sin \alpha (x-a)$   
 $M_y = -Pa \sin \alpha$

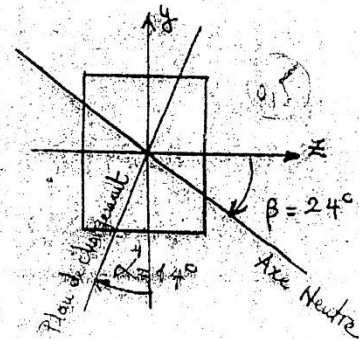
Point A à l'encastrement est la poutre la plus dangereuse, donc  $\sigma = \frac{M_x}{I_x} y_{\max} + \frac{M_y}{I_y} z_{\max} =$   
 $\sigma = ?$  avec  $M_x = 3Pa \cos \alpha = 3 \cdot 0.8 \cdot 10^2 P$  et  $M_y = Pa \sin \alpha = 10 \cdot 0.6$   
 $I_x = \frac{bh^3}{12} = \frac{12 \cdot 16^3}{12}$  et  $I_y = \frac{16 \cdot 12^3}{12}$

$\sigma = \frac{2.4 \cdot 10^2 P}{16^3} + \frac{0.6 \cdot 10^2 P}{16 \cdot 12^2} \cdot 6 \leq 100 \text{ kgf/cm}^2 \rightarrow 0.458 P + 0.156 P \leq 100 \rightarrow P \leq 160 \text{ kgf}$

20. Position de l'axe neutre

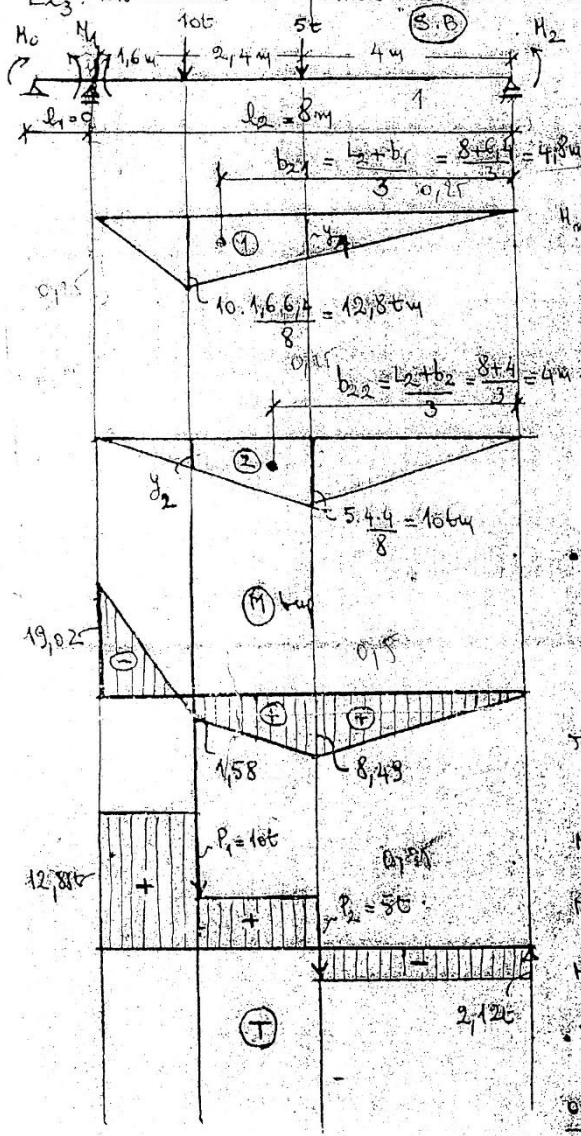
$tg \beta = tg \alpha \cdot \frac{I_x}{I_y} = \frac{M_y}{M_x} \cdot \frac{I_x}{I_y}$   
 $tg \beta = \frac{Pa \sin \alpha}{3Pa \cos \alpha} \cdot \frac{bh^3}{12} \cdot \frac{12}{16b^3}$

$tg \beta = \frac{\sin \alpha}{3 \cos \alpha} \left( \frac{h}{b} \right)^2 = \frac{0.6}{3 \cdot 0.8} \left( \frac{16}{12} \right)^2 = 0.44$





Ex3: En utilisant l'équation des trois moments, tracer  $(T)$  et  $(M)$ .



19. Degré d'hyperstatisme:  $\mathcal{H} = L - 3 = 4 - 3 = 1$  0,5  
La poutre est une fois hyperstatique.  
20. Système de base: (voir schéma).

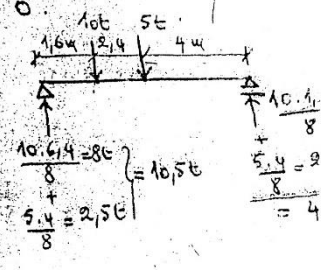
21. Equation des 3 moments  
 $H_{x+1}l_x + 2M_m(l_x + l_{m+1}) + H_{x+2}l_{m+1} = -6 \left( w_m \frac{a^2 b}{l^3} + w_{m+1} \frac{b^2 a}{l^3} \right)$   
ETI = cste.

• Pour la poutre étudiée.  
 $M_1 l_1 + 2M_2(l_1 + l_2) + H_3 l_2 = -6 \left( w_1 \frac{a_1^2}{l_1^3} + w_2 \frac{b_2^2}{l_2^3} \right)$   
 $16M_1 = -6 \left[ 0 + \left( \frac{10}{2} \cdot 12,8 \cdot 8 \right) \frac{4,8}{8} + \left( \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 8 \right) \frac{4}{8} \right]$   
 $16H_1 = -6 \left[ +30,32 + 20 \right] = -304,32 \rightarrow M_1 = -19,02t$

• Tracé des diagrammes  $(T)$  et  $(M)$ :  
 $M(x) = M_1 + H_2 \left( 1 - \frac{x}{l} \right) + H_3 \frac{x}{l}$   
 $M(0) = 0 - 19,02 \left( 1 - \frac{0}{8} \right) + 0 = -19,02t$   
 $M(1,6) = ?$  ou déterminée  $y_2$  par le diagramme  $M_1$  par rapport de proportion.

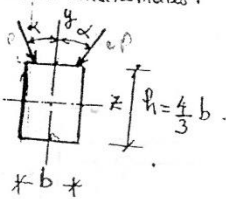
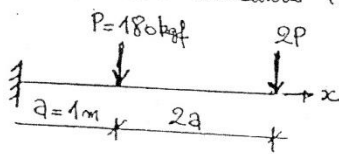
$\frac{y_1}{12,8} = \frac{y_2}{4} \Rightarrow y_2 = 4t$   
 $M(1,6) = (12,8 + 4) - 19,02 \left( 1 - \frac{1,6}{8} \right) + 0 = +1,58t$   
 $M(4) = (10 + 8) - 19,02 \left( 1 - \frac{4}{8} \right) + 0 = +8,49t$   
 $M(8) = 0 - 19,02 \left( 1 - \frac{8}{8} \right) = 0$

$T(x) = T_0 + \frac{\Delta M}{l}$   
 $0 \leq x \leq 1,6$   
 $T(0) = 10,5 + \frac{0 - (-19,02)}{8} = 12,88t$   
 $1,6 \leq x \leq 4$   
 $T(x) = 10,5 - 10 + \frac{+19,02}{8} = +2,88t$   
 $4 \leq x \leq 8$   
 $T(x) = 10,5 - 10 - 5 + \frac{+19,02}{8} = -2,12t$



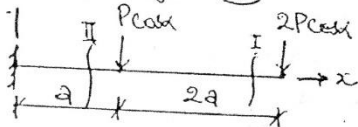
2. Dimensionner la section transversale. Positionner l'axe neutre et déterminer les contraintes normales maximales.

(6)



$$\alpha = 30^\circ; \bar{\sigma} = 100 \text{ kgf/cm}^2.$$

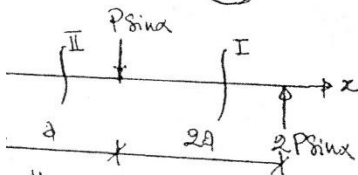
Plan  $xoy$ : ( $M_z$ )



$$\text{Tr I: } 0 \leq x \leq 2a, \quad M_z = -2P \cos \alpha \cdot x \quad \begin{matrix} 0 \\ 2a \end{matrix} \quad -4Pa \cos \alpha \text{ [kgf.m]}.$$

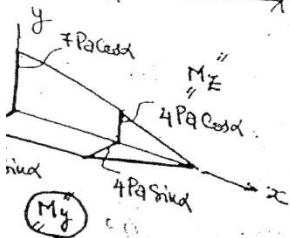
$$\text{Tr II: } 2a \leq x \leq 3a, \quad M_z = -2P \cos \alpha \cdot x - P \cos \alpha (x - 2a) \quad \begin{matrix} 2a \\ 3a \end{matrix} \quad \begin{matrix} -4Pa \cos \alpha \\ -7Pa \cos \alpha \text{ (kgf.m)} \end{matrix}.$$

Plan  $xoz$ : ( $M_y$ )



$$\text{Tr I: } 0 \leq x \leq 2a, \quad M_y = 2P \sin \alpha \cdot x \quad \begin{matrix} 0 \\ 2a \end{matrix} \quad +4Pa \sin \alpha \text{ (kgf.m)}.$$

$$\text{Tr II: } 2a \leq x \leq 3a, \quad M_y = 2P \sin \alpha \cdot x - P \sin \alpha (x - 2a) \quad \begin{matrix} 2a \\ 3a \end{matrix} \quad \begin{matrix} 4Pa \sin \alpha \\ 5Pa \sin \alpha \text{ (kgf.m)} \end{matrix}.$$



Section dangereuse :

$$M_z = -7Pa \cos \alpha; \quad M_y = 5Pa \sin \alpha \text{ (kgf.m)}.$$

Condition de résistance :

$$\sigma_x = \frac{M_z}{W_z} + \frac{M_y}{W_y} \leq \bar{\sigma}; \quad W_z = \frac{bh^2}{6} = \frac{b(\frac{4}{3}b)^2}{6}; \quad W_y = \frac{hb^2}{6} = \frac{(4/3)b^2}{6}.$$

$$= \frac{7Pa \cos \alpha \cdot 10^2}{b(\frac{4}{3}b)^2} + \frac{5Pa \sin \alpha \cdot 10^2}{(\frac{4}{3}b)b^2} \leq 100 \text{ kgf/cm}^2;$$

$$= \frac{7 \cdot 180 \cdot 1.01866 \cdot 10^2}{b \cdot \frac{16}{9} \cdot b^2} + \frac{5 \cdot 180 \cdot 1.015 \cdot 10^2}{\frac{4}{3}b \cdot b^2} \leq 100 \rightarrow \frac{109116.54}{16b^3} + \frac{45000.18}{4b^3}$$

$$b \geq \sqrt[3]{\frac{X}{16 \cdot 100}} = 17.87 \text{ cm} \approx 17.9 \text{ cm}; \quad h = \frac{4}{3} \cdot 17.9 = 23.86 \text{ cm}.$$

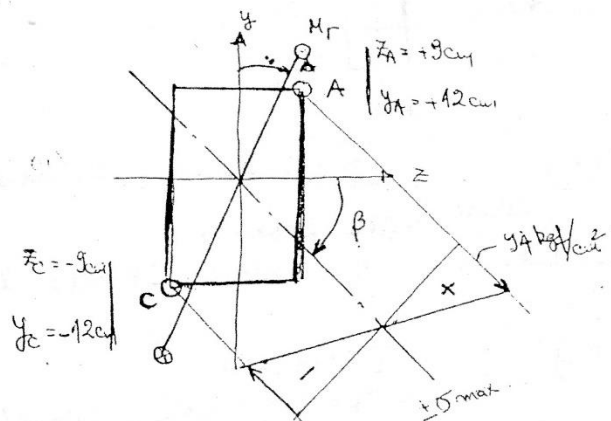
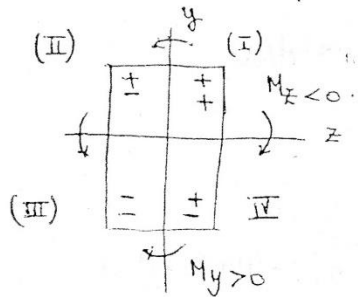
$$\text{Prenons } b = 18 \text{ cm}; \quad h = 24 \text{ cm}.$$

Position de l'axe neutre.

$$\beta = \tan \alpha \cdot \frac{I_z}{I_y}; \quad \text{Plan de chargement } \tan \alpha = \frac{M_y}{M_z} = \frac{5Pa \sin \alpha}{7Pa \cos \alpha} = \frac{5 \cdot 0.15}{7 \cdot 0.1866} = 0.41 \rightarrow \alpha = 22.41^\circ$$

$$\beta = 0.41 \cdot \frac{bh^3}{12} \cdot \frac{12}{hb^3} = 0.41 \left(\frac{h}{b}\right)^2 = 0.41 \left(\frac{24}{18}\right)^2 = 0.73 \rightarrow \beta = 36.1^\circ.$$

• détermination du quadrant le plus tendu



$$\sigma_A = \frac{7.180 \cdot 1.01866 \cdot 10^2}{\frac{18 \cdot 24^3}{12}} (9) + \frac{5.180 \cdot 1.015 \cdot 10^2}{\frac{24 \cdot 18^3}{12}} (-12) = 94 \text{ kgf/cm}^2$$

$$\sigma_C = \frac{7.180 \cdot 1.01866 \cdot 10^2}{\frac{18 \cdot 24^3}{12}} (-9) + \frac{5.180 \cdot 1.015 \cdot 10^2}{\frac{24 \cdot 18^3}{12}} (12) = -94 \text{ kgf/cm}^2$$

SA 10  
Université MENTOURI Constantine

Faculté des sciences de l'ingénieur. Département de génie civil

CONTROLE Matériaux de Construction

3<sup>ème</sup> année Licence. Février 2009

Question 1 (3 pts)

Quelle est l'utilisation de la chaux hydraulique dans la construction ?

Question 2 (0.5 pts)

Quelle est l'origine du durcissement du ciment ?

Question 3 (5 pts)

Citez les cinq étapes de fabrication des ciments.

Question 4 (1 pt)

\* Quelle est la fonction principale des adjuvants ?

Question 5 (4 pts)

D'après leur fonction, on a quatre types d'adjuvants, quels sont-ils ?

Question 6 (2.5 pts)

Quelles sont les cinq classes granulaires principales ?

Question 7 (1 pt)

Pourquoi doit-on utiliser des granulats propres ?

Question 8 (1 pt)

\* Quels sont les deux critères de classification des bétons ? *Resistance*

Question 9 (2 pts)

Quels sont les essais réalisés sur bétons durcis et sur quels types d'éprouvettes sont ils réalisés ?  
*et les essais*

SAID  $B_A = \frac{H_{eff}}{A}$

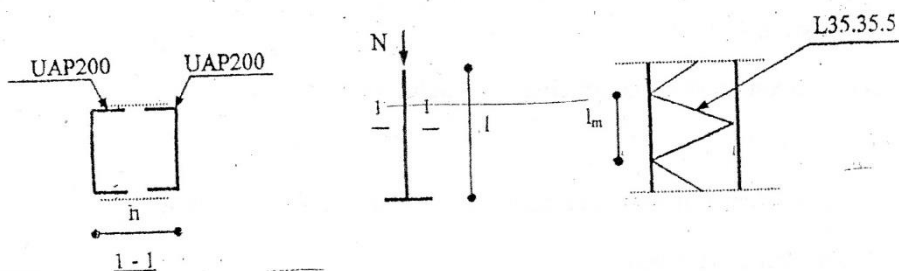
9

UNIVERSITE MENTOURI DE CONSTANTINE  
FACULTE DES SCIENCES DE L'INGENIEUR  
DEPARTEMENT DE GENIE CIVIL  
2<sup>o</sup> ANNEE D.E.U.A

Contrôle de synthèse de  
Constructions Métalliques  
Du 29/05/2008 : durée 1H 30

**Exercice 1 :** ( 12 points )

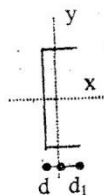
Vérifier la résistance du poteau représenté sur la figure ci-dessous, sachant que :  
 $N = 75 \text{ t}$ ,  $l = 500 \text{ cm}$ ,  $h = 18 \text{ cm}$ ,  $l_m = 45 \text{ cm}$ ,  $\sigma_e = 2400 \text{ kg/cm}^2$ , le poteau est encasté à la base et articulé au sommet.



On donne :

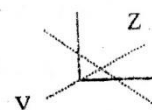
**UAP 200 :**

$A = 32 \text{ cm}^2$   
 $I_x = 1946 \text{ cm}^4$   
 $I_y = 169,7 \text{ cm}^4$   
 $d = 2,22 \text{ cm}$   
 $d_1 = 5,28 \text{ cm}$



**L 35.35.5**

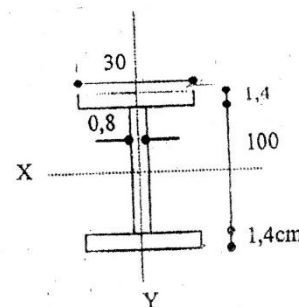
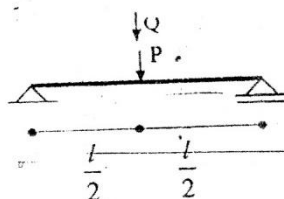
$A = 3,27 \text{ cm}^2$   
 $I_z = 5,60 \text{ cm}^4$   
 $I_v = 1,53 \text{ cm}^4$



**Exercice 2 :** ( 8 points )

Vérifier la résistance de la poutre représentée sur la figure suivante, sachant que :  
 $l = 4 \text{ m}$ ,  $\sigma_e = 2400 \text{ kg/cm}^2$ ,  
 $P = 300 \text{ KN}$  est une charge permanente,  
 $Q = 200 \text{ KN}$  est une surcharge d'exploitation.

Type



$$N = 1,35 P + 1,5 Q =$$

$$25/24 =$$

7

SA 11

**Contrôle N° 1**

Questions :

1. La présentation des dessins techniques doit, dans la mesure possible être unifié, quel format de pliage doit-on adopter ? comment obtient on les autres formats?
2. Les formes et les dimensions des caractères utilisés pour le dessin technique sont normalisées, quel et le but de cette normalisation ?
3. Qu'est ce qu'un dessin de détails, quel est son but ?
4. Citer les principaux intervenants dans le projet de bâtiment ?
5. Le dossier de construction comprend des pièces écrites qui fournissent tous les renseignements techniques utiles, on vous demande de citer les principales d'entre elles ?
6. L'ossature de bâtiment a une fonction de résistance et doit assurer la tenue de l'ensemble sollicité par les efforts verticaux et horizontaux, quels sont les principaux éléments qui constituent une ossature traditionnelle ? comment sont ils liés entre eux?
7. La solidarité des différents éléments d'une construction en béton armé engendre des efforts parasites de liaison sous l'action de divers phénomènes, quels sont ces phénomènes ?
8. Quels sont les principaux facteurs qui doivent être envisagés dans la détermination de l'emplacement des joints de bâtiments ?
9. L'effet du vent sur la construction est assimilé à des forces statiques, de quoi dépendent ces forces?
10. Quels sont les principaux constituants d'une toiture terrasse ?



Contrôle 1 M.D.S

Questions de cours : ( 8 points )

- 1) Donnez les définitions des limites d'Atterberg  $W_L$ ,  $W_P$
- 2) Citez les étapes de l'analyse granulométrique,
- 3) Démontrez l'expression suivante :

$$\gamma_h = \gamma_s(1-n) + S_r n \gamma_w$$

Exercice 1 : ( 4 points )

On connaît pour un sol : le poids volumique  $\gamma$ , la teneur en eau  $w$ , le poids volumique des particules solides  $\gamma_s$ . Calculer :

- a) le poids volumique du sol sec  $\gamma_d$ ,
- b) le degré de saturation  $S_r$ .

Exercice 2 : ( 4 points )

Un sol sec a un indice de vide  $e = 0.45$  et un poids volumique des grains solides  $\gamma_s = 27 \text{ KN/m}^3$ .

Déterminer son poids volumique total

$e = \frac{V_v}{V_s}$

Exercice 3 : ( 4 points )

Un échantillon de sol a une masse de 230 g et un volume de 115 cm<sup>3</sup>. Après passage à l'état sec sa masse est de 200 g. Sachant que  $\gamma_s = 27 \text{ KN/m}^3$  et  $g = 10 \text{ m/s}^2$ , déterminer :

- a) la teneur en eau,
- b) l'indice des vides,
- c) le degré de saturation.

VF

$e = \frac{V_v}{V_s}$

$e = \frac{V_v}{V_s}$

V

De

SAID

Questions de cours : (6 points)

1) Trouver les relations  $\gamma_h = \gamma_s(1-n) + S_r n \gamma_w$

$$\gamma_d = (1-n)\gamma_s$$

2) Que représente l'équation suivante (écoulement de l'eau dans le sol)

$$\left(\frac{\partial v_x}{\partial x} + \frac{\partial v_z}{\partial z}\right) dx dy dz = 0$$

Exercice 1 : (4 points)

On connaît pour un sol : le poids volumique  $\gamma$ , la teneur en eau  $w$ , le poids volumique des particules solides  $\gamma_s$ . Calculer :

- le poids volumique du sol sec  $\gamma_d$ ,
- le degré de saturation  $S_r$ .

Exercice 2 : (4 points)

Un sol sec a un indice de vide  $e = 0.45$  et un poids volumique des grains solides  $\gamma_s = 27 \text{ kN/m}^3$ .

Déterminer son poids volumique total

Exercice 3 : (6 points)

Calculer le coefficient de perméabilité équivalente d'un ensemble de couches stratifiées (voir figure) dans les directions horizontale et verticale. Supposer que les coefficients de perméabilité de chaque couche dans les directions horizontale et verticale sont identiques.

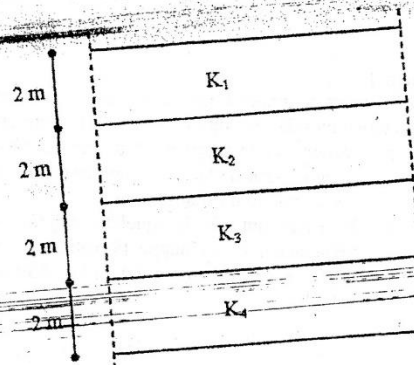
On donne :

$$K_1 = K_4 = 10^{-4} \text{ cm/s}$$

$$K_2 = K_3 = 10^{-2} \text{ cm/s}$$

Remarque :

La démonstration des formules est obligatoire.



## CONTROLE # 1 : MECANIQUE DES SOLS

3<sup>ème</sup> Année Licence CCI  
Année Universitaire 2010/2011

$$\gamma_s = \frac{w_s}{V_s} = \frac{w_s}{V - V_a}$$

### Exo # 1

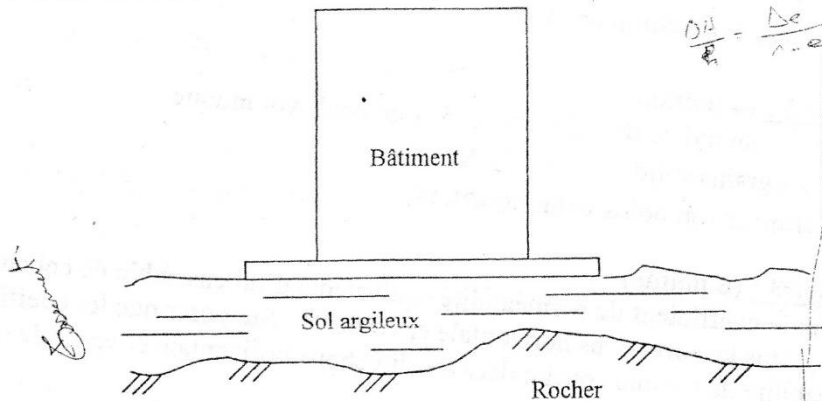
On considère un bâtiment industriel fondé sur un radier de fondation reposant sur une couche de sol argileux saturé de 2.5m d'épaisseur. Les caractéristiques initiales de cette couche sont

Poids volumique	Teneur en eau	Poids volumique des grains
$\gamma_1 = 19.5 \text{ kN/m}^3$	$W_1 = 29.2\%$	$\gamma_s = 27 \text{ kN/m}^3$

Par suite de l'exécution de la construction, la compacité de la couche augmente et les caractéristiques finales sont

Poids volumique	Teneur en eau
$\gamma_2 = 19.9 \text{ kN/m}^3$	$W_2 = 26.6\%$

Déterminer le tassement du radier en supposant qu'il n'y a aucune déformation latérale du sol autour du radier, sachant qu'on trouve le rocher au dessous de la couche de sol argileux.

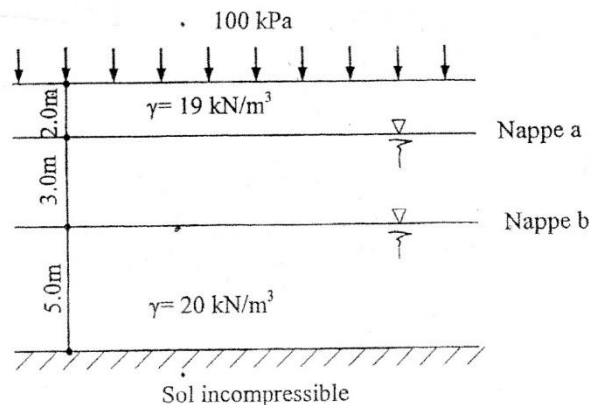


$$\begin{aligned} \gamma_1 &= 19.5 \text{ kN/m}^3 \\ W_1 &= 29.2\% \\ \gamma_s &= 27 \text{ kN/m}^3 \\ \gamma_d &= \frac{w_s}{V} = \frac{w_s/V_s}{V_s + V_a/V_s} \\ \gamma &= \frac{w}{V} = \frac{w_s + W_a}{V} \end{aligned}$$

### Exo # 2

Un bâtiment de grandes dimensions exerce sur un sol sablo limoneux une pression verticale uniforme de 100 kPa. Les caractéristiques du sol sont données sur la figure ci-dessous.

- Déterminer le supplément de contrainte effective en fonction de la profondeur quand le niveau de la nappe varie de -2m à -5m ; on supposera que le matériau a un poids volumique de 20 kN/m<sup>3</sup> sous la nappe et 19 kN/m<sup>3</sup> quand il est au-dessus.
- En supposant que le squelette solide a un comportement élastique, quel est le tassement engendré par le rabattement de la nappe phréatique ? On supposera que le sol a un module d'Young  $E = 17 \text{ MPa}$  et un coefficient de Poisson  $\nu = 0.3$  ; les déformations horizontales seront supposées nulles.



## CONTROLE N°2

Mécanique Des Sols  
3<sup>ème</sup> Année Licence CCI  
Mercredi 26 janvier 2011

15

### Exo.1 (06 points)

Des essais effectués sur une argile volcanique sensible ont permis de déterminer les valeurs suivantes :

- $\gamma_h = 12,8 \text{ kN/m}^3$  ✓
- $e = 9$
- $S_r = 95\%$
- $\gamma_s = 27,5 \text{ kN/m}^3$  ✓
- $w = 311\%$  ✓

Une de ces valeurs est fausse, trouver laquelle et donner la valeur juste correspondante.

### Exo.2 (06 points)

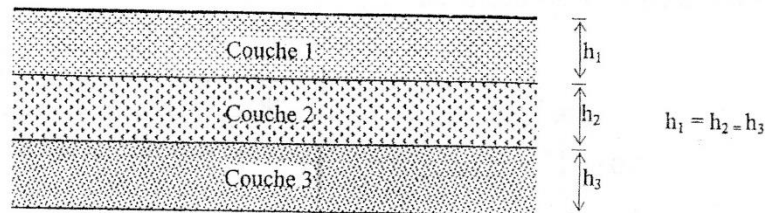
On considère un sol ayant un poids volumique sec  $\gamma_d = 15 \text{ kN/m}^3$  et un degré de saturation  $S_r = 40\%$ . Lors du compactage le poids volumique sec augmente de 20%. Connaissant  $\gamma_s = 27 \text{ kN/m}^3$ , déterminer :

- $w$  initiale.
- l'augmentation du degré de saturation du sol.

### Exo.3 (06 points)

Un banc de sable comprend trois couches horizontales d'égale épaisseur. Le coefficient de perméabilité des deux couches extrêmes est de  $10^{-3} \text{ cm/s}$ . Celui de la couche intermédiaire est de  $10^{-2} \text{ cm/s}$ . On demande :

- Le coefficient de perméabilité moyen horizontal;
- Le coefficient de perméabilité moyen vertical;
- Le rapport de ces deux coefficients.



Remarque : la présentation est notée sur 02 points

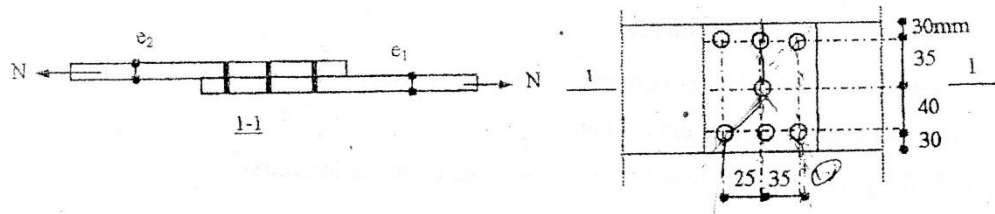


**Question de cours :** (5 points)

- 1) Donnez les définitions des différentes classes de sections transversales instaurées par l'Eurocode 3.
- 2) Expliquer le phénomène de flambage selon l'aspect théorique et définir l'effort critique d'Euler.

**Exercice 1 :** (5 points)

Déterminer l'effort maximal  $N$  de traction que peuvent transmettre les plaques de la figure suivante, sachant que :  $e_1 = 10\text{mm}$ ,  $e_2 = 15\text{mm}$ ,  $d_{\text{trou}} = 12\text{mm}$ , acier Fe 360, section de la classe 2.



**Exercice 2 :** (5 points)

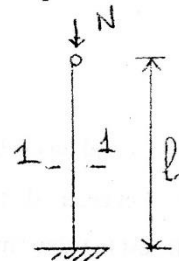
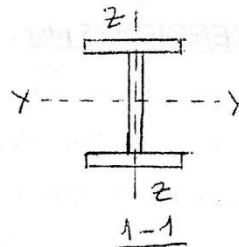
Vérifier au flambement le poteau représenté sur la figure suivante, sachant que :  $N = 2500\text{ kN}$ ,  $l = 5\text{ m}$ , acier Fe 360, section de la classe 2.

HEA 300

$$I_z = 6310\text{ cm}^4$$

$$I_y = 18260\text{ cm}^4$$

$$A = 112,5\text{ cm}^2$$



**Exercice 3 :** (5 points)

Déterminer le moment résistant de la section transversale d'un IPE 360, fléchi par rapport à l'axe principal de grande inertie.

IPE 360

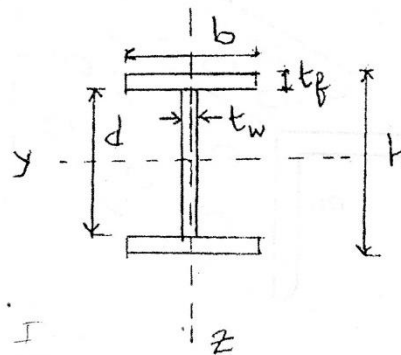
$$h = 360\text{ mm}$$

$$b = 170\text{ mm}$$

$$t_f = 12,7\text{ mm}, \quad t_w = 8\text{ mm}$$

$$d = 299\text{ mm}$$

$$S = 510\text{ cm}^3$$



$$W = \frac{I}{z}$$



# CONTRÔLE DE RATRAPAGE

## PROBLEME (15 pts)

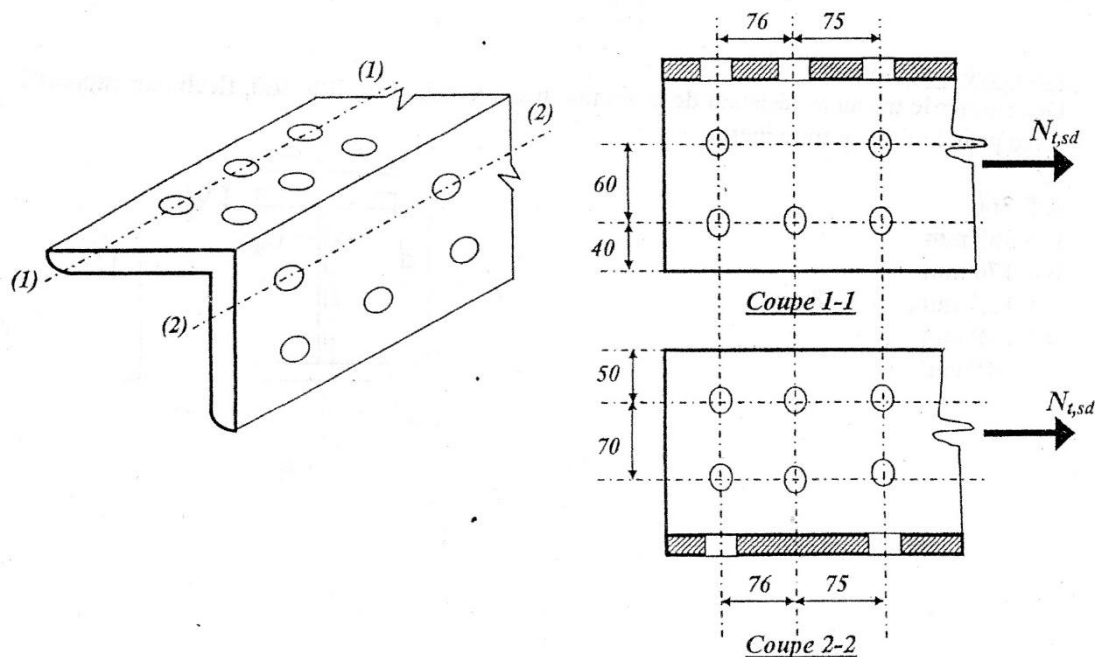
Deux poteaux de 9 m de hauteur définis comme suit :

- le premier : section en *IPE 200*, bi-encasté selon le plan ( $yox$ ) et bi-articulé selon le plan ( $zox$ )
  - le deuxième : section en *HEB 180*, bi-encasté selon le plan ( $zox$ ) et bi-articulé selon le plan ( $yox$ )
1. Calculez les élancements maximaux de ces deux poteaux.
  2. Déterminez leurs élancements réduits.
  3. Calculez pour chaque poteau l'effort résistant de compression centrée.

## EXERCICE (5 pts)

Soit une cornière en *L 180 × 180 × 18* percée par des trous de diamètre  $d_0 = 14 \text{ mm}$  et soumise à un effort de traction  $N_{t,sd}$  comme montré sur la figure suivante.

Quelle est la valeur maximale de l'effort  $N_{t,sd}$  que pourra supporter cette cornière. Acier S.275



# **CONTROLE DE RATRAPAGE**

20

## **Exercice N° (1) : (14 pts)**

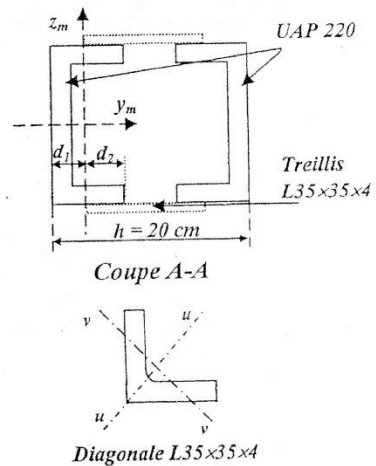
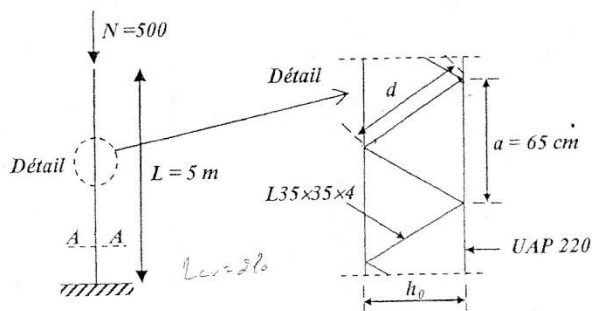
Vérifier la stabilité d'un poteau constitué de deux membrures parallèles identiques (UAP 250), reliées transversalement par deux plans triangulés de treillis (cornières L 35 × 35 × 4), soumis à une charge de compression  $N = 500 \text{ kN}$ .

Ce poteau de 5 m de hauteur, est considéré comme encasturé à sa base et libre en haut.

Acier S. 355.  $E = 2,1 \times 10^5 \text{ MPa}$   $\alpha = 65 \text{ cm}$   $h = 20 \text{ cm}$   $\beta_A = 1$

Membrures : UAP220,  $A_f = 36,3 \text{ cm}^2$ ,  $I_{ym} = 2710 \text{ cm}^4$ ,  $I_{zm} = 222,3 \text{ cm}^4$ ,  $d_1 = 2,40 \text{ cm}$ ,  $d_2 = 5,60 \text{ cm}$

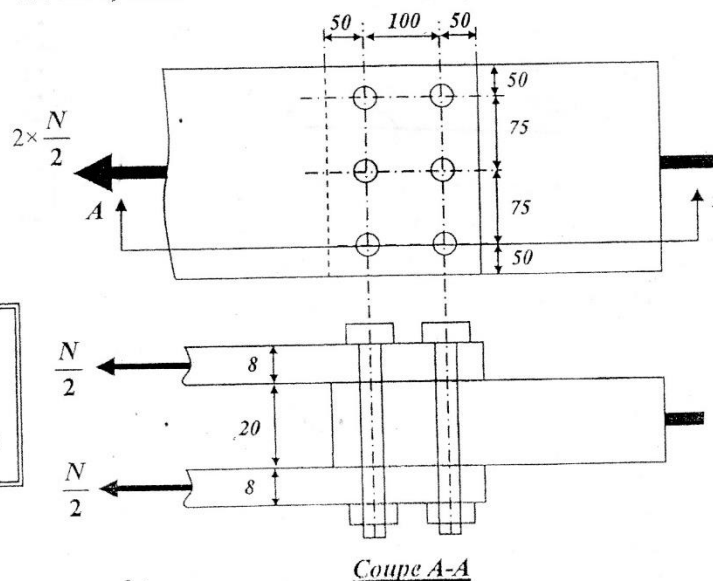
Treillis : L 35×35×4,  $A_d = 2,67 \text{ cm}^2$ ,  $I_u = 4,69 \text{ cm}^4$ ,  $I_v = 1,22 \text{ cm}^4$ ,  $\pi^2 = 10$ .



## **Exercice N° (2) : (6 pts)**

Soit l'assemblage boulonné de trois plats en acier S. 275 (voir figure suivante) devant transmettre une charge  $N$  dont la valeur de calcul vaut  $N = 420 \text{ kN}$ . Les 6 boulons sont de type M 18 de classe 5.6, dont on admet que les sections cisailées passent par la partie filetée du boulon.

Vérifiez que le nombre de boulons ainsi que les plats de l'assemblage sont suffisants pour transmettre cette sollicitation. ( $d_0 = 20 \text{ mm}$ ,  $f_u = 410 \text{ MPa}$ , toutes les dimensions de la figure sont en mm).



### **Remarque :**

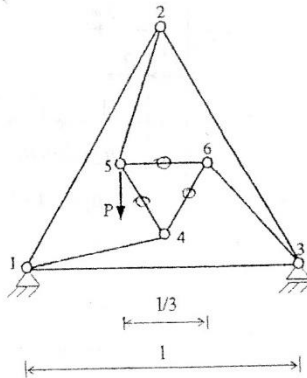
\* Documents cours autorisés.

\* Documents TD et exercices non autorisés

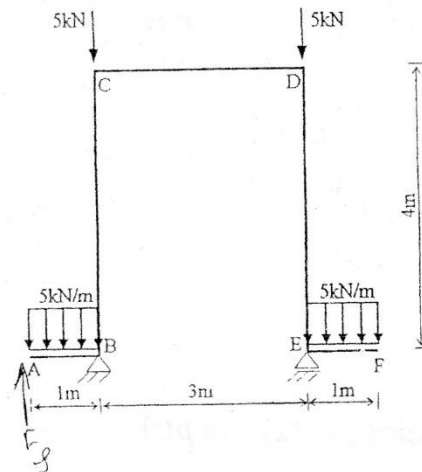
## CONTROLE DE RATRAPAGE

Mardi 21 juin 2011  
10<sup>30</sup> - 12<sup>00</sup>

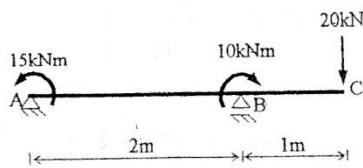
**Exo#1 :** Expliquer comment déterminer les efforts dans toutes les barres du treillis ci-dessous, en donnant les étapes et les précisions nécessaires. Ne pas faire de calcul (3 points)



**Exo#3 :** Pour la structure ci-dessous, déterminer le déplacement vertical du point A et la rotation du point F, en utilisant la méthode la plus adéquate. (6 points)



**Exo#2 :** Déterminer à l'aide du théorème de l'aire du moment, le déplacement vertical du point C de la poutre ci-dessous, sachant que la rigidité flexionnelle est constante. (5 points)



Calcul des réactions :

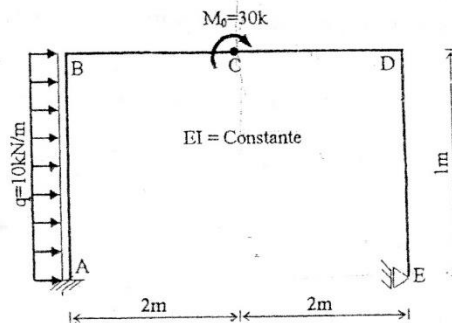
$$\sum \mathcal{M}_B = 0 \Rightarrow 20 \cdot 2 - 15 \cdot 2 + 2R_A = 0$$

$$\Rightarrow R_A = 0$$

$$\sum \mathcal{M}_A = 0 \Rightarrow -20 \cdot 3 - 10 + 2R_B = 0$$

$$\Rightarrow R_B = 17$$

**Exo#4 :** A l'aide de la méthode des forces, tracer le diagramme M pour le portique ci-dessous. (6 points)



Bon Courage !

**Ex1 : (2 points)**

Traduire algorithme suivant en langage Fortran 77

26

```
Tant que j < 5 faire
s=s+j
b=b+1
j=j+1
Fin tant que
Ecrire s
Fin
```

**Ex2 : (3 points)**

Soit le tableau T = 

2	-1	3	4	2
---	----	---	---	---

 et soit l'extrait d'un algorithme suivant :

```
S=1.
Pour i ← 1, 4
Pour j ← i+1, 5
S ← S + t(i) + t(j+1)
Fimpour
Fimpour
Write(*,*) s
```

Donner la valeur de S lorsque i = 1 et j = 3

**Ex3 : 4 points**

Trouver la solution de la fonction  $f(x) = x^4 + x^3 - 1 = 0$  dans l'intervalle  $[0; 1]$  pour les 4 premières itérations

**Ex4 : 5.5 points**

Soit le système linéaire suivant: **(A)** :

$$\begin{cases} 3x + 5y + 7z = 101 \\ 2x + 10y + 6z = 134 \\ 1x + 2y + 3z = 40 \end{cases}$$

Trouver les inconnues (x, y, z) par la méthode d'élimination de Gauss.

**Ex5 : 5.5 points**

$X_i$	-1	2	3	5
$f_i$	5	-1	5	-2

Soient les points suivants

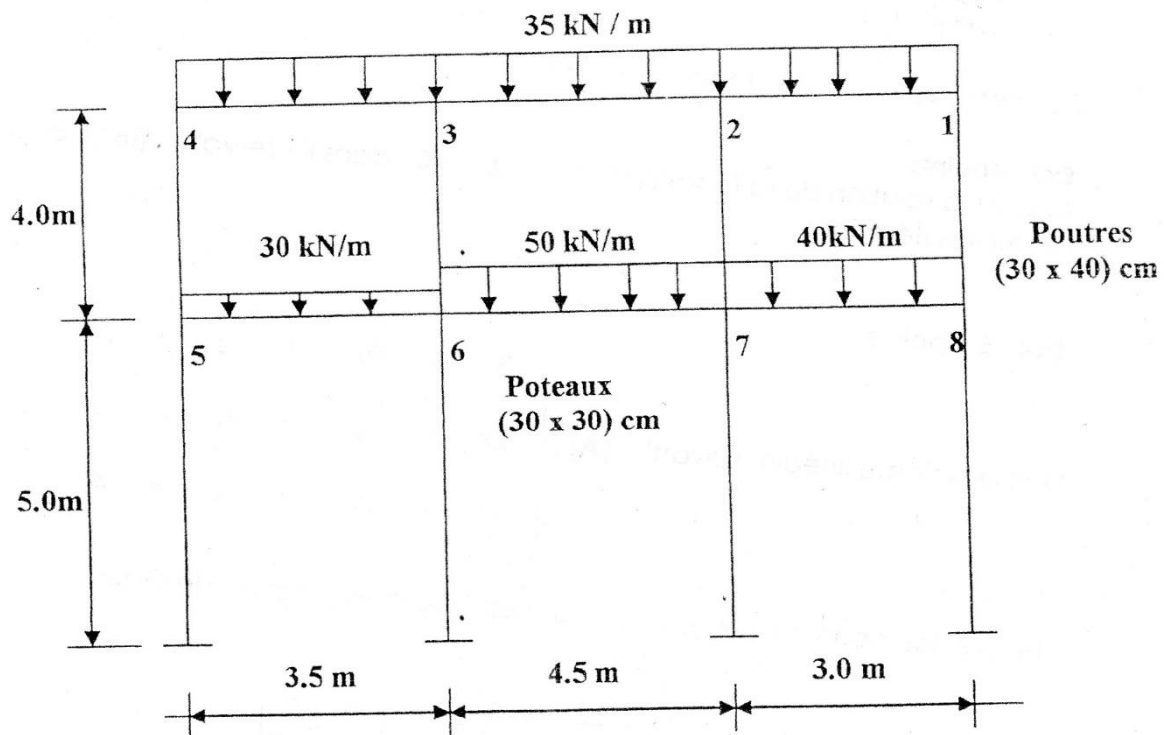
En utilisant l'interpolation de Lagrange :  
Donner le degré du polynôme qui passe par tous les points.  
Calculer ce polynôme pour  $x=2$ .

Bon courage

## Contrôle n° 1 de Béton Armé II

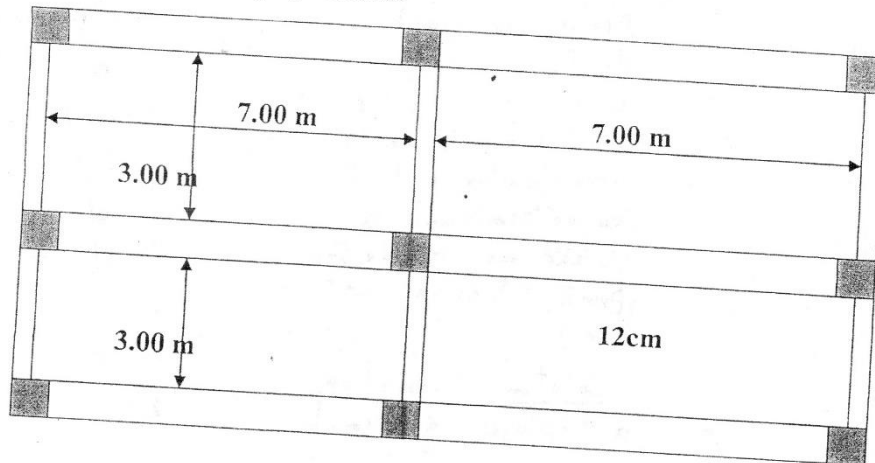
Ex. 1 :

Déterminer les moments fléchissant du nœud 5, 6, 7, 8 du niveau N° 1 du portique suivant : (Utiliser la méthode de Caquot).  
 Faites une représentation du nœud avec la position des fibres tendues.



Déterminer le ferrailage du plancher suivant supportant une charge d'exploitation  $10 \text{ Kn/m}^2$  en plus de l'étanchéité (phonique et thermique) dont la charge est de  $2 \text{ Kn/m}^2$ ; les matériaux sont caractérisés par :

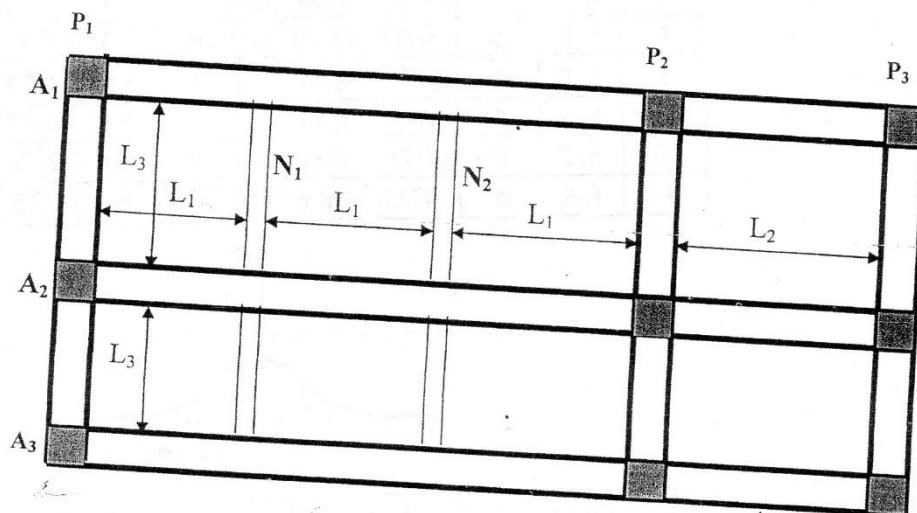
- béton :  $f_{c28} = 25 \text{ MPa}$
- aciers :  $f_e = 400 \text{ MPa}$
- Fissuration non préjudiciable



Ex : 3

Donner le schéma statique des poutres suivantes : (une de chaque type de poutre)

- poutre principale
- poutre secondaire
- poutrelle





### Exercice 3.

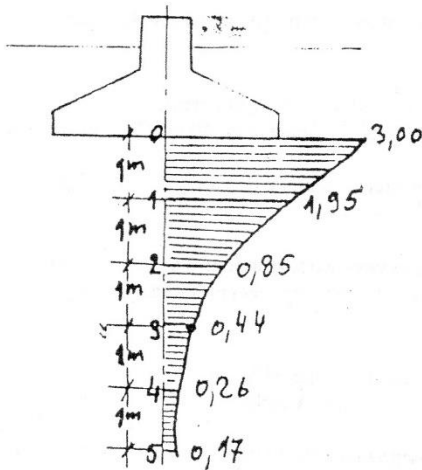
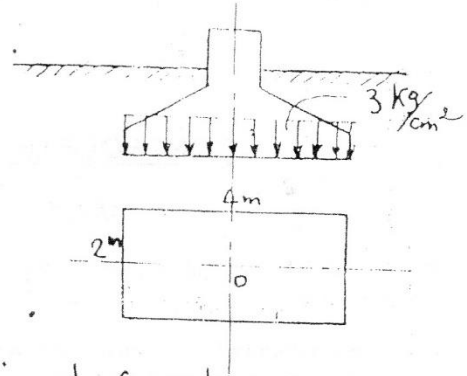
L'intensité de la charge est  $p = 3 \text{ kg/cm}^2$ , la base de la semelle est rectangulaire  $F = 2 \text{ m} \times 4 \text{ m}$ .

Dressez le graphique des contraintes  $\sigma_z$  des points situés sur l'axe passe par le centre O.

Solution - Nous allons à utiliser la formule

$$\sigma_z = k_0 \cdot p$$

Le rapport  $\frac{z}{b} = \frac{4}{2} = 2$  reste constant



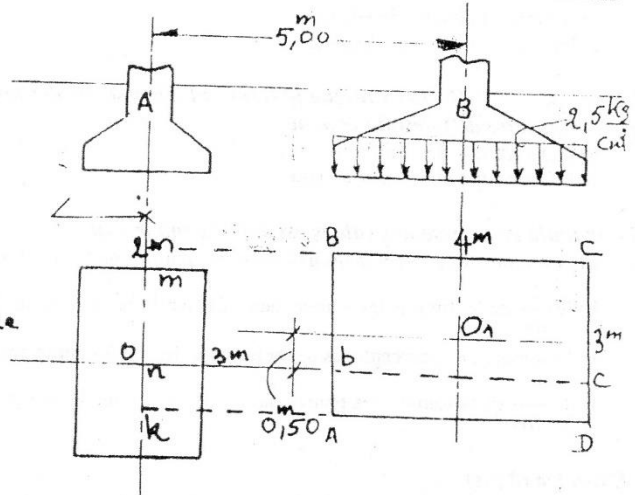
Point	1	2	3	4	5
z (m)	1	2	3	4	5
z/b	1	2	3	4	5
$k_0 =$	0,651	0,285	0,147	0,087	0,057
$\sigma_z = k_0 p$	1,95	0,85	0,44	0,26	0,17

### Exercice 4:

Calculez la contrainte

$\sigma_z$  provoquée par la semelle B en point N situé sur l'axe O à la profondeur 2m.

Solution.



On va prolonger la base ABCD de la semelle B jusqu'à km CD et pris partager km CD par nc

$$\sigma_z = k_c(n, m C_c) + k_c(k n c D) - k_c(n, m B b) - k_c(k n b A)] P$$

parce que pour tous les quatre rectangles nmCc, kn cD, nmBb, kn bA le point N est situé sur l'axe passé par le coin

pour nmCc,  $\frac{L}{b} = \frac{7}{2,0} = 3,5$ ,  $\frac{z}{b} = \frac{2}{2,0} = 1,0$  (d'après le tableau des valeurs  $k_c$ )  $k_c = 0,2036$

pour kn cD,  $\frac{L}{b} = \frac{7}{1} = 7$ ,  $\frac{z}{b} = \frac{2}{1} = 2 \Rightarrow k_c = 0,1368$

SA 10

## CONTROLE DES CONNAISSANCES N° (1)

### Module : Matériaux de construction

**I. Q.C.M. :** Cochez les cases qui correspondent aux réponses de votre choix (il pourrait y avoir plusieurs propositions justes à la fois) (2 pts)

1. Le début de prise d'une pâte de ciment est le moment où :

- ☐ .....a) elle devient dure comme une roche naturelle ☐ .....b) sa viscosité augmente  
☒ .....c) l'aiguille « Vicat » s'arrête à une distance ( $d = 4 \text{ mm} \pm 1 \text{ mm}$ ) du fond de l'anneau de 40 mm de hauteur remplie de pâte pure de ciment  
☐ .....d) l'aiguille « Vicat » ne s'enfonce plus dans l'anneau de 40 mm de hauteur remplie de pâte pure de ciment

2. La fin de prise d'une pâte de ciment est le moment où :

- ☒ .....a) elle devient dure comme une roche naturelle ☐ .....b) sa viscosité augmente  
☐ .....c) l'aiguille « Vicat » s'arrête à une distance ( $d = 4 \text{ mm} \pm 1 \text{ mm}$ ) du fond de l'anneau de 40 mm de hauteur remplie de pâte pure de ciment  
☒ .....d) l'aiguille « Vicat » ne s'enfonce plus dans l'anneau de 40 mm de hauteur remplie de pâte pure de ciment

3. Quand la finesse de mouture du ciment augmente :

- ☐ .....a) la vitesse des réactions d'hydratation diminue ☐ .....b) la vitesse des réactions d'hydratation augmente  
☐ .....c) les résistances mécaniques au jeune âge diminuent ☐ .....d) les résistances mécaniques au jeune âge augmentent

4. L'appareil qui mesure la finesse de mouture est :

- ☐ .....a) le perméabilimètre de Blaine ☐ .....b) l'appareil Vicat  
☐ .....c) les aiguilles de « Le Châtelier » ☐ .....d) Los Angeles

5. La norme NF P 18 101 indique la terminologie usuelle des granulats selon leurs dimensions. Les cailloux ont la classe granulaire d/D définie comme suit :

- ☐ .....a) 0/D avec  $D < 6,3 \text{ mm}$ , ☐ .....b) d/D avec  $d > 20 \text{ mm}$  et  $D < 80 \text{ mm}$ ,  
☐ .....c) 0/D avec  $6,3 \text{ mm} < D < 80 \text{ mm}$ . ☐ .....d) d/D avec  $d > 2 \text{ mm}$  et  $D < 31,5 \text{ mm}$ ,

6. Le module de finesse des sables est défini comme suit :

- ☐ .....a) la somme des pourcentages des tamisats cumulés sur les tamis dont les modules sont : 23-26-29-32-35-38  
☐ .....b) le  $\frac{1}{100}$  de la somme des pourcentages des tamisats cumulés sur les tamis dont les modules sont : 23-26-29-32-35-38  
☐ .....c) la somme des pourcentages des refus cumulés sur les tamis dont les modules sont : 23-26-29-32-35-38  
☐ .....d) le  $\frac{1}{100}$  de la somme des pourcentages des refus cumulés sur les tamis dont les modules sont : 23-26-29-32-35-38

### II. Exercice (8 pts)

Vous avez effectué un essai d'analyse granulométrique de deux échantillons de granulats : un sable de masse  $M_1 = 1050 \text{ g}$  et un gravier de masse  $M_2 = 3500 \text{ g}$ . Les masses des refus cumulés sont données dans le tableau de la page 2.

1. Complétez ce tableau.
2. Calculez le module de finesse  $M_f$  du sable.

$M_f =$  .....

3. Tracez les courbes granulométriques de ces deux échantillons sur le graphique de la page 2.
4. Tracez la courbe de référence de Dreux (OAB) sur le même graphique en sachant que les points O, A et B sont définis comme suit :
  - Le point « O » : est l'origine d'abscisse  $x_O = 20$ , et d'ordonnée  $y_O = 0 \%$ .
  - Le point « B » d'abscisse  $x_B =$  le module correspondant à D et d'ordonnée  $y_B = 100 \%$ .
  - Le point de brisure « A » a des coordonnées définies comme suit :

Nom : ..... Mensa ..... Prénom : ..... Saïd ..... Groupe : ..... G02

\* En abscisse (à partir de la dimension D tamis) :

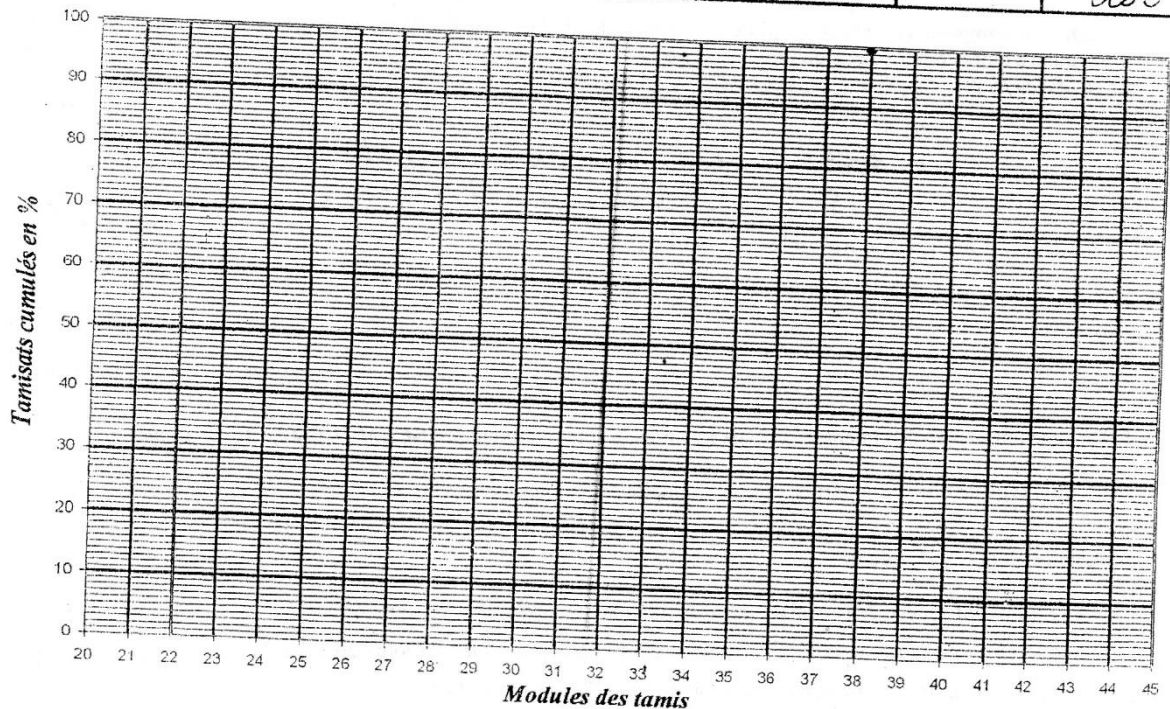
▪ si  $D \leq 20$  mm l'abscisse est  $D/2$ ,

▪ si  $D \geq 20$  mm, l'abscisse est située au milieu du segment gravier limité par le module 3; (5 mm) et le module correspondant à D.

\* En ordonnée :  $Y = 50 - \sqrt{D} + 2 + K$ , avec :  $K = (6 M_f - 15)$

5. Déterminez sur le même graphique le pourcentage en volumes absolus des granulats par rapport à leur volume total V.

Analyse granulométrique	Tamis (mm)	Modules	Masse des refus cumulés		% des refus cumulés		% des tamisats cumulés	
			Sable	Gravier	Sable	Gravier	Sable	Gravier
	0,08	20	945		9,45		90,55	
	0,16	23	887		8,87		91,13	
	0,25	25	840		8,4		91,6	
	0,315	26	819		8,19		92,81	
	0,5	28	756		7,56		92,44	
	0,63	29	714		7,14		92,86	
	0,8	30	677		6,77		93,23	
	1,25	32	577		5,77		94,23	
	2,5	35	262		2,62		97,38	
	4	37	84		0,84		99,16	
	5	38	0	3500	0	35	100	65
	6,3	39		3080		30,8		69,2
	8	40		2205		22,05		77,95
	10	41		840		8,4		92,6
	12,5	42		350		3,5		96,5
	16	43		0		0		100



Nom : Messa Prénom : Said Groupe : 2

## III. Répondez brièvement aux questions suivantes :

1. Dans les travaux de Génie Civil, on distingue deux grandes familles de liants.

- quelles sont ces deux grandes familles ? (0,5 pts)

- liants anorganiques- liants organiques

- citez les deux types de liants appartenant à chaque famille en donnant un exemple de chaque type. (0,5 pts)

- liants anorganiques : chaux, plâtre- liants organiques : liant noir - liant résine

2. Citez les trois principales opérations auxquelles se réduit schématiquement la fabrication du ciment. (0,75 pts)

- prépare cru- cuisson- brassage

3. Il existe 4 méthodes de fabrication du ciment qui dépendent essentiellement du matériau. Quelles sont ces méthodes en précisant laquelle est la plus ancienne. (1,25 pts)

- influence par l'air : Humide → la plus ancienne- " " " Semi-Humide- " " " Sèche- " " " Semi-Sèche

4. Parmi les composants de base du ciment on trouve le clinker. Quels sont les principaux constituants de ce dernier ? Citez quatre autres composants du ciment. (4 pts)

- clinker : Silicate tricalcique- " Silicate bicalcique- Silicate d'aluminate- Silicate d'alumine ferrite- autres composants du ciment :5. En achetant un sac de ciment vous avez lu sur ce dernier : Ciment **CPJ-CEM II/B 42,5 R**. (3 pts)

- A quel type de ciment appartient ce sac et quelle est sa classe ? .....

- Quelles sont les valeurs de :

▪ la limite inférieure de sa résistance normale à la compression à 28 jours en MPa ? .....

▪ la limite supérieure de sa résistance normale à la compression à 28 jours en MPa ? .....

▪ la résistance limite garantie à la compression à 28 jours en MPa ? .....

- Que signifie le « R » ? .....

Nom : Messa Prénom : Said Groupe : 02

Contrôle 1 : M.D.S (février 2009)

Questions de cours : (8 points)

1) Trouvez les relations suivantes :

$$\gamma_s = \frac{\gamma_d}{1 - \eta} \quad , \quad S_r = \frac{w \gamma_s}{e \gamma_w} \quad , \quad \eta = \frac{w \gamma_d}{\gamma_w S_r} \quad (w : \text{teneur en eau}).$$

2) Complétez la figure suivante :

Pourquoi la courbe diminue pour une énergie de compactage constante.



Exercice 1 : (5 points)

- 1) Calculez le poids volumique sec, le poids volumique saturé et le poids volumique déjaugé d'un sol ayant un indice des vides  $e = 0,70$  et un poids volumique des particules solides  $\gamma_s = 27 \text{ kN/m}^3$ .
- 2) Calculez aussi son poids volumique humide et sa teneur en eau à un degré de saturation  $S_r = 75 \%$ .

Exercice 2 : (4 points)

Un échantillon de sol a une masse de 300 g et un volume de  $150 \text{ cm}^3$ , après passage à l'étau sa masse est de 250 g. Le poids volumique des grains solides est de  $27 \text{ kN/m}^3$ . Déterminer

- 1) a) l'indice des vides, b) le degré de saturation.
- 2) le poids volumique, si le sol est saturé.

On donne :  $\gamma_w = 10 \text{ kN/m}^3$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

Exercice 3 : (3 points)

Un échantillon de sable a 20 cm de hauteur et 5 cm de diamètre. Il est placé dans un perméamètre à niveau constant, l'eau s'écoule sous une charge de 60 cm. En 15 secondes, on recueille  $80 \text{ cm}^3$  d'eau, quelle est la valeur du coefficient de perméabilité  $K$ .

$$e = \frac{V_v}{V_s}$$

$$V_s = \frac{W_s}{\gamma_s} = \frac{0,25 \times 10}{27}$$

$$S_r = \frac{V_w}{V_v}$$

$$w = \frac{W_w}{W_s} = \frac{0,15}{0,25} = \frac{W_w}{W_s} \Rightarrow W_w = \frac{0,15 \times 0,25}{0,25} = 0,15$$

$$e = \frac{V_v}{V_s}$$

$$V_s = \frac{W_s}{\gamma_s} =$$

$$V = V_s + V_v \Rightarrow V_v = V - V_s$$

$$S_r = \frac{V_w}{V_v}$$

$$\gamma_w = \frac{W_w}{V_w} \Rightarrow V_w = \frac{W_w}{\gamma_w} = \frac{(0,15 - 0,125)}{10}$$

# Questions de www (of-)

$$* 1 \quad \gamma_s = \frac{\gamma_d}{1-n}$$

40

$$\gamma_s = \frac{W_s}{V_s}$$

$$\gamma_d = \frac{W_s}{V_s} = \frac{W_s}{V}$$

$$\gamma_s = \frac{W_s}{V_s}$$

$$= \frac{W_s}{V-V_u}$$

$$V = V_s + V_u \rightarrow V_s = V - V_u$$

$$\gamma_s = \frac{W_s}{V - V_u}$$

$$\gamma_s = \frac{W_s}{V - V_u} \quad \text{on divise par } V$$

$$= \frac{W_s/V}{1-n}$$

$$\gamma_s = \frac{\frac{W_s}{V}}{\frac{V}{V} - \frac{V_u}{V}} = \frac{\gamma_d}{1-n}$$

$$* 2 \quad S_r = \frac{w \gamma_s}{e \gamma_w}$$

$$S_r = \frac{V_w}{V_v} = \frac{W_w}{\gamma_w \cdot V_v} \cdot 2$$

$$S_r = \frac{V_w}{V_v} = \frac{W_w}{\gamma_w V_v}$$

$$w = \frac{W_w}{W_s} \rightarrow W_w = w W_s$$

$$S_r = \frac{w W_s}{\gamma_w V_v} = \frac{w \gamma_s V_s}{\gamma_w V_v} \quad \text{on divise par } V_s$$

$$S_r = \frac{w \gamma_s \frac{V_s}{V_s}}{\gamma_w \cdot \frac{V_v}{V_s}} = \frac{w \gamma_s}{e \gamma_w}$$

$$* \quad n = \frac{w \gamma_d}{\gamma_w S_r} \quad 2$$

$$n = \frac{V_u}{V}$$

$$\text{on a } \gamma_d = \frac{W_s}{V} \rightarrow V = \frac{W_s}{\gamma_d}$$



$$1) * \gamma_d = \frac{W_s}{V} = \frac{V_s \gamma_s}{V_s + V_v}$$

on divise par  $V_s$

$$\gamma_d = \frac{\frac{V_s}{V_s} \gamma_s}{\frac{V_s}{V_s} + \frac{V_v}{V_s}} = \frac{\gamma_s}{1 + e} = \frac{27}{1 + 0,7} = 15,88 \text{ kN/m}^3$$

$$* \gamma_{sat} = \frac{W}{V} = \frac{W_s + W_w}{V}$$

$$= \frac{\gamma_s V_s + \gamma_w V_w}{V_s + V_w}$$

sol saturé  $V_w = V_v$

$$= \frac{\gamma_s V_s + \gamma_w V_w}{V_s + V_w} = \frac{\gamma_s V_s + \gamma_w V_v}{V_s + V_v}$$

on divise par  $V_s$

$$\gamma_{sat} = \frac{\gamma_s \frac{V_s}{V_s} + \gamma_w \frac{V_w}{V_s}}{\frac{V_s}{V_s} + \frac{V_w}{V_s}} = \frac{\gamma_s + \gamma_w \cdot e}{1 + e}$$

$$= \frac{27 + 10 \times 0,70}{1 + 0,70} = 20 \text{ kN/m}^3$$

\* poids volumique déjaugé

$$\gamma' = \gamma_{sat} - \gamma_w$$

$$= 20 - 10 = 10 \text{ kN/m}^3$$

$$2) * \gamma_H = \frac{W}{V} = \frac{W_s + W_w}{V_s + V_v} = \frac{V_s \gamma_s + V_w \gamma_w}{V_s + V_v}$$

$$1 * S_r = \frac{V_w}{V_v} \rightarrow V_w = V_v S_r$$

$$h = \frac{V_v}{W_s} = \frac{\gamma_d V_v}{W_s}$$

$$W = \frac{W_w}{W_s} \rightarrow W_s = \frac{W_w}{W}$$

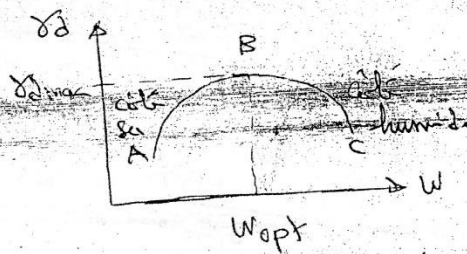
$$h = \frac{\gamma_d V_v}{\frac{W_w}{W}} = \frac{W \gamma_d V_v}{W_w}$$

$$= \frac{W \cdot \gamma_d \cdot V_v}{\gamma_w \cdot V_w}$$

on divise par  $V_v$

$$h = \frac{W \cdot \gamma_d \cdot \frac{V_v}{V_v}}{\gamma_w \cdot \frac{V_w}{V_v}} = \frac{W \cdot \gamma_d}{\gamma_w \cdot S_r}$$

(2) 3



La courbe diminue, car une partie de l'engrais de compactage est reprise par l'eau, l'eau a tendance à écartonner les grains de sol.

$$\gamma_h = \frac{V_s \gamma_s + V_v S_r \gamma_w}{V_s + V_v}$$

on divise par  $V_s$

$$\gamma_h = \frac{\frac{V_s \gamma_s + V_v S_r \gamma_w}{V_s}}{\frac{V_s + V_v}{V_s}} = \frac{\gamma_s + e S_r \gamma_w}{1 + e}$$

$$= \frac{27 + 0,70 \times 0,75 \cdot 10}{1 + 0,70} = 18,97 \text{ kN/m}^3$$

$$* \quad W = \frac{W_w}{W_s} \times 100 = \frac{V_w \gamma_w}{V_s \gamma_s} \times 100$$

1

on divise par  $V_v$

$$W = \frac{\frac{V_w \gamma_w}{V_v}}{\frac{V_s \gamma_s}{V_v}} \times 100 = \frac{\frac{V_w}{V_v} \cdot \gamma_w}{\gamma_s} \cdot \frac{V_v}{V_s} \times 100$$

$$= \frac{S_r \cdot \gamma_w}{\gamma_s} \cdot e \times 100$$

$$= \frac{0,75 \times 10}{27} \times 0,70 \times 100 = 19,44 \%$$

$$\gamma = \gamma_d + W \gamma_d$$

$$\gamma_w = \frac{\gamma - \gamma_d}{W}$$

=

(3)

$$a) e = \frac{V_v}{V_s}$$

$$1 \quad V_s = \frac{W_s}{\gamma_s} = \frac{0,25 \times 10}{27 \times 10^3} = 0,0926 \times 10^{-3} = 92,6 \text{ cm}^3$$

$$V = V_s + V_v \rightarrow V_v = V - V_s = 150 - 92,6 = 57,4$$

$$e = \frac{57,4}{92,6} = 0,62$$

$$b) S_r = \frac{V_w}{V_v}$$

$$1 \quad V_w = \frac{(0,3 - 0,25) \times 10}{10 \times 10^3} = 0,05 \times 10^{-3} \text{ m}^3 = 50 \text{ cm}^3$$

$$S_r = \frac{50}{57,4} \times 100 = 87,1 \%$$

$$1 \quad \gamma_{sat} = \frac{W}{V}$$

$$2 \quad \text{Sol saturat} \quad V_v = V_w = 57,4 \text{ cm}^3$$

$$\gamma_{sat} = \frac{W_s + W_w}{V}$$

$$W_w = V_w \gamma_w = 57,4 \times 10^{-6} \times 10 \times 10^3 = 57,6$$

$$\gamma_{sat} = \frac{0,25 \times 10 + 57,6 \times 10^{-2}}{150} = 0,02049 \text{ kN/m}^3 = 20,49 \text{ kN/m}^3$$

Université Mentouri- Constantine  
 Département d'architecture  
 Module de Structure I – 3ème Année  
 Année Universitaire 2007/2008

### T.D Traction simple

**Exercice 1 :** Déterminer les armatures d'un tirant de  $30 \times 30$  cm soumis à effort de traction ayant les valeurs suivantes :

- à l'état limite ultime de résistance,  $N_u = 420$  KN
- à l'état limite de services,  $N_s = 300$  KN.

Les armatures sont en acier Fe E 400, on a  $\gamma_s = 1.15$ , la fissuration est peu nuisible.

Pour le béton, on a  $f_{c28} = 25$  Mpa,  $f_{t28} = 2.1$  Mpa.

**Exercice 2 :** Soit un tirant en béton armé de section rectangulaire ( $35 \times 30$  cm), devant supporter les efforts de traction simple suivants :

- Sous charge permanente :  $N_G = 300$  KN
  - Sous charge d'exploitation :  $N_Q = 270$  KN
- Sachant que :  $f_{t28} = 2.1$  Mpa, les armatures sont à hautes adhérence FeE500 ; Situation normale.

- 1- Déterminer les efforts de traction de calcul aux états limites ultimes ( $N_u$ ) et aux états limites de services ( $N_s$ ).
- 2- Déterminer la section d'armatures nécessaires pour armer le tirant en fissuration non préjudiciable, établir un schéma de ferraille.
- 3- Déterminer la section d'armatures nécessaires pour armer le tirant en fissuration très préjudiciable, établir un schéma de ferraille.
- 4- Quelle est la capacité portante de ce même tirant s'il aurait été doté de 8Φ20, Fe E 400 en fissuration préjudiciable.

$$A_s = 8104 \quad 4 \Phi 16$$

**Exercice 3 :** Soit un tirant en béton armé de section  $20 \times 20$  est armé de 4HA16 =  $2.1 \text{ cm}^2$ . Déterminer l'effort qu'il peut supporter à l'E.L.U et à l'E.L.S, dans le cas d'une fissuration préjudiciable. On donne : l'acier est un Fe E 400,  $\gamma_s = 1.15$ ,  $\eta = 1.6$ . Béton :  $f_{c28} =$

**Exercice 4 :** Soit un tirant qui doit supporter les efforts de traction simple suivants :

$$N_G = 0.33 \text{ MN}$$

$$N_Q = 0.57 \text{ MN}$$

Calculer les sections d'armatures dans les 2 cas suivants :

- 1- Le tirant est réalisé avec du béton à  $f_{c28} = 30$  Mpa armé par des HA fe E 400 en fissuration préjudiciable, ~~la section du tirant est en cm de côté 40 cm.~~
- 2- Le tirant est réalisé avec du béton à  $f_{c28} = 30$  Mpa armé par des HA fe E 500 en fissuration très préjudiciable. ~~la section du tirant est en cm de côté 40 cm.~~

**Exercice 5 :** Soit la poutre en forme d'anneau d'un château d'eau soumise à une charge répartie

$P = 5$  KN/m, due à l'action des eaux sur les parois du réservoir comme définie sur la figure ci-dessous.

- 1- Calculer l'effort de traction agissant sur la section.
- 2- Ferrailer la poutre à l'E.L.U – effectuer toutes les vérifications nécessaires.

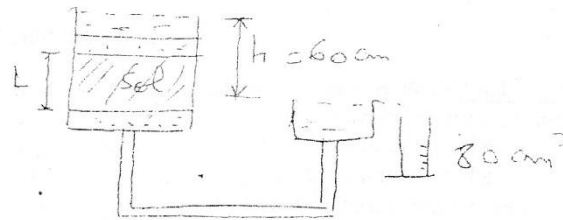
on a un perméamètre à niveau constant.

Selon la loi de Darcy

$$v = k \times i$$

$$k = \frac{v}{i}$$

$$i = \frac{h}{L} = \frac{60}{20} = 3$$



$$\text{on a : } q = v \times A \rightarrow v = \frac{q}{A}$$

$$1 \quad q = \frac{V_w}{t} \quad , \quad A = \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2$$

$$v = \frac{V_w}{t \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2} = \frac{80}{15 \times 3,14 \left( \frac{5}{2} \right)^2} = 0,27 \text{ cm/s}$$

$$\text{donc } k = \frac{0,27}{3} = 0,09 \text{ cm/s}$$

a) Etat limite ultime de résistance

$$f_c = 1100 \text{ MPa} ; \gamma_s = 1,15 ; N_u = 1120 \text{ kN}$$

$$E_s = 10 \text{ GPa} ; \sigma_{se} = 342 \text{ MPa}$$

$$A = \frac{N_u}{\sigma_{se}} = \frac{1120 \times 10^3}{342 \times 10^6} = 12,04 \text{ cm}^2, \text{ soit } 4 \phi 20 = 12,56 \text{ cm}^2$$

Nous avons bien :

$$A = 12,56 \text{ cm}^2 > \frac{30 \times 30 \times 2,10}{100} \quad (\text{Condition de non-fragilité})$$

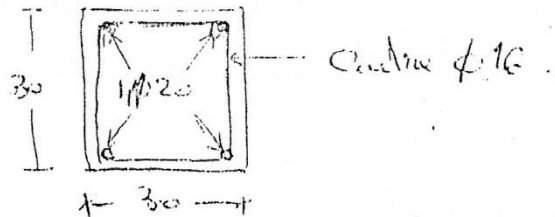
$$A = 12,56 \text{ cm}^2 > 4,72 \text{ cm}^2 \quad (\text{Cov})$$

b) Etat limite de service

La fissuration étant peu nuisible, il n'y a aucune vérification à effectuer.

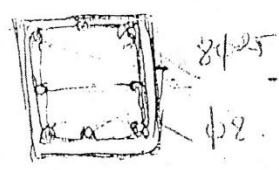
c) Ferrailage du tirant.

Le ferrailage de la section du tirant est représenté sur la figure ci-dessous :



$$s = \frac{N_{ser}}{S_s} = \frac{540 \times 10^3}{200 \times 10^2} = 2,75 \text{ cm}^2 \quad 45$$

on choisit  $48 \phi 25 = 99,4 \text{ cm}^2$   
 $\phi 7,8 \text{ mm}$  (dans le cas où la fissuration est très préjudiciable).



Satisfaire la Condition de non fragilité.

$$B \leq A \cdot f_c / f_{ct28}$$

$$A_{\min} = \frac{B \cdot f_{ct28}}{f_c}$$

$$f_{ct28} = 2,1 \text{ MPa} \quad (f_{ct28} = 0,6 + 0,06 f_{c28})$$

$$A_{\min} = \frac{35 \times 30 \times 2,1}{500} = 4,41 \text{ cm}^2$$

$A > A_{\min}$  Condition vérifiée.

4- Capacité portante de la même poutre, s'il aurait été doté de  $8 \phi 20$ .  $f_c \in 400$  en fissuration préjudiciable.

$$A = 8 \phi 20$$

$$A = 25,12 \text{ cm}^2$$

a) Etat limite de résistance

$$A = 25,12 \geq \frac{30 \times 35 \times 2,10}{400} = 5,51 \text{ cm}^2$$

Pour l'acier  $f_c \in 400$  lorsque  $\sigma_s = 1,15$   $\sigma_{s0} = 342 \text{ MPa}$ .

$$N_u = A_s \times f_{e, \text{max}}$$

$$N_u = 25,12 \times 10^2 \times 342 = 874,76 \text{ kN} = 874,76 \text{ kN}$$

b) Etat limite de service

La fissuration étant préjudiciable, la contrainte des armatures doit être limitée à  $240 \text{ MPa}$

$$N_{ser} = 100 \times 25,12 \times 240 = 602880 \text{ N}, \text{ soit } 602,88 \text{ kN}$$



Solution

46

Effort à l'E.L.U.

$$N_u = A_s \cdot \frac{f_c}{\gamma_s}$$

$$N_u = 2,04 \cdot 10^2 \cdot \frac{110}{1,15} \cdot 10^{-6} = 0,28 \text{ MN}$$

Effort à l'E.L.S.

Comme la fissuration est préjudiciable on doit calculer  $\bar{\sigma}_s$

$$\bar{\sigma}_s = \min \begin{cases} 213 \text{ MPa} \\ \eta_{ax} \begin{cases} 240 \text{ MPa} \\ 110 \sqrt{11} \cdot f_{ct} \end{cases} \end{cases}$$

$$f_{ct} = 0,6 + 0,06 \cdot f_{cf}$$

$$f_{ct} = 0,6 + 0,06 \cdot 22$$

$$f_{ct} = 1,92 \text{ MPa}$$

$$\sqrt{11} \cdot f_{ct} = \sqrt{11} \times 1,92 = 1,75$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \begin{cases} 266,67 \\ \eta_{ax} \begin{cases} 240 \\ 192,5 \end{cases} \end{cases}$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \begin{cases} 266,67 \text{ MPa} \\ 240 \text{ MPa} \end{cases} \quad \bar{\sigma}_s = 240 \text{ MPa}$$

Effort que peut supporter le béton à l'E.L.S.

$$N_{ser} = A_s \cdot \bar{\sigma}_s = 2,04 \times 10^2 \cdot 240 \cdot 10^{-6}$$

$$N_{ser} = 0,193 \text{ MN}$$

La Condition est toujours vérifiée.

$$A_{s7} \cdot \frac{B \cdot f_{ct}}{f_c}$$

$$B = 20 \times 20 = 400 \text{ cm}^2$$

$$A_{s7} \cdot \frac{400 \cdot 1,92}{400} = 1,92 \text{ cm}^2$$

$$A_s = 2,04 \text{ cm}^2 > 1,92 \text{ cm}^2 \quad (\text{Condition Vérifiée})$$

Détermination des efforts de traction à l'E.L.U et à l'E.L.S.

$$N_G = 300 \text{ kN}$$

$$N_{q1} = 270 \text{ kN}$$

47

à l'E.L.U :  $N_u = 1,35 N_G + 1,5 N_{q1}$

$$N_u = 1,35 (300) + 1,5 (270)$$

$$N_u = 510 \text{ kN}$$

à l'E.L.S :  $N_{ser} = N_G + N_{q1}$

$$N_{ser} = 300 + 270$$

$$N_{ser} = 570 \text{ kN}$$

2. Détermination de la section d'armatures nécessaires pour assurer le tirant en flexion non préjudiciable.

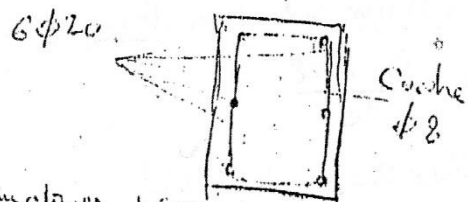
les armatures sont en acier à haute adhérence  $f_e = 500$ ;  $\eta = 1,6$

$$f_{c28} = 2,1 \text{ MPa}$$

Pour l'acier  $f_e = 500 \rightarrow \bar{\sigma}_s = \frac{f_e}{1,15} = 434,78 \text{ MPa}$

$$A_s = \frac{510 \cdot 10^3}{434,78} ; A_s = 1263 \text{ mm}^2 = 12,63 \text{ cm}^2$$

$$\text{Soit } 6\phi 20 = 18,84 \text{ cm}^2$$



3. Détermination de la section d'armatures nécessaires pour assurer le tirant en flexion très préjudiciable.

$$N_{ser} = 510 \text{ kN}$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \begin{cases} 1,6 f_e \\ \max \left\{ \frac{200 \text{ MPa}}{9,0 \sqrt{12 \cdot f_{c28}}} \right\} \end{cases}$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \begin{cases} 250 \text{ MPa} \\ \max \left\{ \frac{200}{1,65} \right\} \end{cases}$$

$$\bar{\sigma}_s = 200 \text{ MPa}$$

$$\bar{\sigma}_s = \min \begin{cases} 250 \text{ MPa} \\ 200 \text{ MPa} \end{cases}$$

**CONTROLE DE RATRAPAGE**Dimanche 26 juin 2011  
10<sup>h</sup> - 12**Exercice # 1**

Des essais effectués sur une argile volcanique sensible ont permis de déterminer les valeurs suivantes :

 $\gamma_h = 12.8 \text{ kN/m}^3$  ;  $e = 9$  ;  $s_r = 95\%$  ;  $\gamma_s = 27.5 \text{ kN/m}^3$  ;  $w = 311\%$   $\sigma_d = \frac{(s_r - 1)}{(1 - w)} \gamma_s + s_r \cdot \gamma_h$ 

Une de ces valeurs est fautive. Trouver laquelle et donner la valeur juste correspondante.

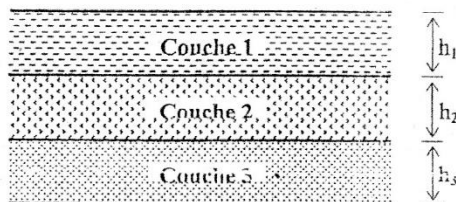
**Exercice # 2**Un échantillon d'argile complètement saturé, a un diamètre de 55mm et une longueur de 78mm. Sa masse nette est de 331g. La masse volumique des particules solides est de  $2.67 \text{ g/cm}^3$ .Calculer :  $e$ ,  $n$ ,  $w$ , et  $\rho_h$ .**Exercice # 3**Un banc de sable comprend 3 couches horizontales d'égale épaisseur. Le coefficient de perméabilité des 2 couches extrêmes est de  $10^{-3} \text{ cm/s}$ . Celui de la couche intermédiaire est de  $10^{-2} \text{ cm/s}$ .

On demande :

- Le coefficient de perméabilité moyen horizontal ;
- Le coefficient de perméabilité moyen vertical ;
- Le rapport de ces deux coefficients. ?

$$K_H = \frac{K_1 H_1 + H_2 K_2 + H_3 K_3}{H}$$

$$K_V = \frac{H}{\frac{H_1}{K_1} + \frac{H_2}{K_2} + \frac{H_3}{K_3}}$$



$$h_1 = h_2 = h_3$$

**Exercice # 4**

Un bâtiment de grandes dimensions exerce sur un sol sablo-limoneux une pression verticale de 100 kPa. Les caractéristiques du sol sont données sur la figure ci-dessous.

Déterminer

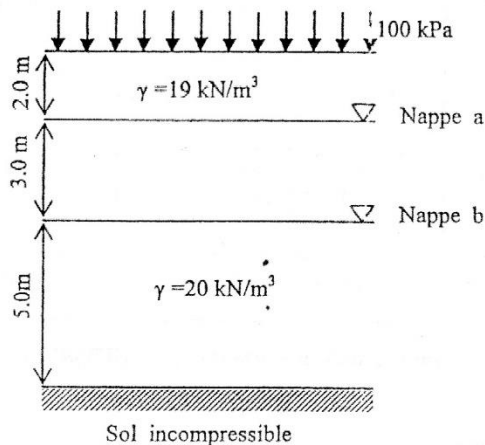
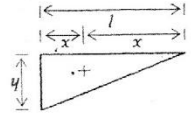
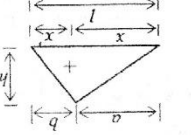
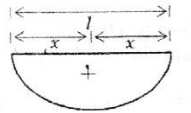
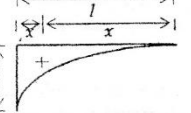
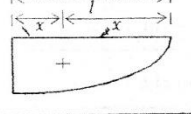
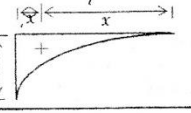
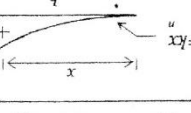
a/ le supplément de contrainte effective en fonction de la profondeur quand le niveau de la nappe varie de -2m à -5m ; on supposera que le matériau a un poids volumique de  $20 \text{ kN/m}^3$  sous la nappe et  $19 \text{ kN/m}^3$  quand il est au dessus.b/ en supposant que le squelette solide a un comportement élastique, quel est le tassement engendré par le rabattement de la nappe phréatique ? On supposera que le sol a un module d'Young  $E = 17 \text{ MPa}$  et un coefficient de poisson  $\nu = 0.3$ , les déformations horizontales seront supposées nulles.

Tableau 5.1 : Aire et centre de gravité d'aires remarquables

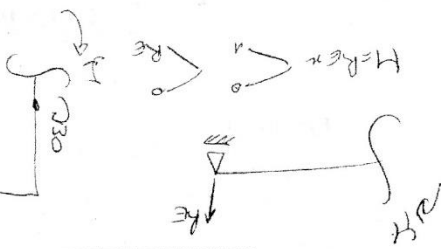
Figure	Aspect graphique	Aire	$x$	$x'$
Triangle		$\frac{1}{2}bh$	$\frac{2}{3}b$	$\frac{1}{3}b$
Triangle		$\frac{1}{2}bh$	$\frac{1}{3}(1+a)$	$\frac{1}{3}(1+b)$
Degré II		$\frac{3}{2}bh$	$\frac{1}{2}b$	$\frac{1}{2}b$
Degré II		$\frac{1}{3}bh$	$\frac{3}{4}b$	$\frac{1}{4}b$
Degré II		$\frac{2}{3}bh$	$\frac{5}{8}b$	$\frac{3}{8}b$
Degré III		$\frac{1}{4}bh$	$\frac{5}{4}b$	$\frac{1}{4}b$
Cas général		$\frac{bh}{n+1}$	$\frac{bh}{n+2}$	$\frac{bh}{n+1}$

$\Rightarrow R_E = -60 + 4R_E = 0$   
 $\Rightarrow R_E = 15$

84

$I = -30(x-2) + R_E x$   
 $I = -60 + 4R_E x$   
 $I = -60 + 4(15)x = 60$   
 $I = 60$

$I = -30(x-2) + R_E x$   
 $I = -60 + 4R_E x$   
 $I = -60 + 4(15)x = 60$   
 $I = 60$



volume de l'air  
 " " l'eau  
 " des vides  
 " grain solide  
 total  $V = V_s + V_v$

### Les Poids

Poids de l'air ( $W_a = 0$ )  
 " l'eau  
 des grains solide  
 total :  $W =$

### Les Poids Volumique

Poids volumique total  $\gamma = W/V$   
 " des grain solide  
 (entre 26 et 28 kN/m<sup>3</sup>)  $\Rightarrow 27 \text{ kN/m}^3$   
 Poids volumique du sol sec  $\gamma_d = W_s/V$   
 $\gamma_d = (1-n)\gamma_s = \gamma/(1+w)$   
 Poids volumique de l'eau  $\gamma_w = 10 \text{ kN/m}^3$   
 Poids volumique dégauché  $\gamma' = \gamma - \gamma_w$

$$\frac{P}{V_T} = \frac{W_s + W_w}{V_s + V_w + V_a}$$

$$n = \frac{V_v}{V} \quad e = \frac{V_v}{V_s} \quad Sr = \frac{V_w}{V_v}$$

$$\gamma = (1-n)\gamma_s + n \cdot Sr \cdot \gamma_w$$

$$Sr = \frac{w \cdot \gamma_s}{e \cdot \gamma_w} \quad \gamma_d = \frac{(1-n)\gamma_s \gamma_w}{1 + w \gamma_s}$$

porosité :  $n = V_v/V$   $n = \frac{e}{1+e}$

degré de saturation :  $e = \frac{V_w}{V_s} = n/Sr$   
 $= \left(\frac{V_w}{W_s}\right) \cdot \gamma_s - 1$

capacité :  $\Delta = 1 - n$

gré de saturation  $Sr = \frac{V_w}{V_v}$

$$\left\{ \frac{e}{1+e} \right\}^m \quad Sr = \frac{1}{m}$$

$$= \frac{e}{1+e}$$

$$e = \frac{m}{1-m}$$

$$e = \frac{w \cdot \gamma_s}{\gamma_{lim}}$$

$Sr = 100\%$   $\Rightarrow$  sol saturé  
 $Sr = x$   $\Rightarrow$  sol triphasique

Teneur en eau :  $w = \frac{W_w}{W_s} \times 100\%$

Indice de compaction  $I_d = \frac{e_{max} - e}{e_{max} - e_{min}}$

$e_{max}$  : l'état le plus lâche

$e_{min}$  : l'état le plus dense

$$D_c = \gamma_d / \gamma_{dmax} \quad (\text{Proctor})$$

$$\gamma_d = 15 \rightarrow 18 \text{ kN/m}^3$$

géométrique de milieu  
 nature de grains  
 état de compaction

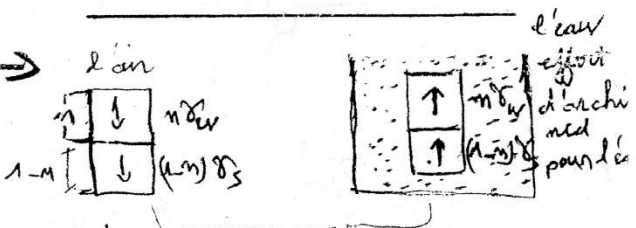
$\gamma_{sat}$  : Poids volumique du sol saturé

$$\gamma_{sat} = W_{sat}/V$$

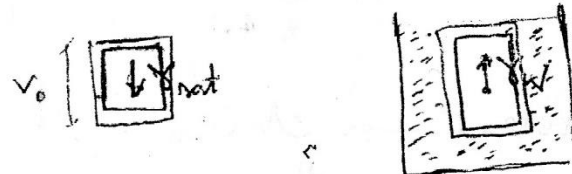
$$\gamma_{sat} = \gamma_s(1-n) + \gamma_w n$$

$$18 \leq \gamma_{sat} \leq 22$$

$$\gamma_{sat} = \gamma_s + \gamma_w \left( \frac{\gamma_s - \gamma_d}{\gamma_s} \right)$$




$$\gamma' = (1-n)(\gamma_s - \gamma_w)$$



$$\gamma' = \gamma_{sat} - \gamma_w$$

$$W = \frac{(1-n)(e-n)\gamma_w}{\gamma_s}$$



$$\Rightarrow \frac{\Delta H}{H} = \frac{\Delta e}{1+e}$$
$$(I_p = W_L - W_p)$$
$$I_L = \frac{w_L - w_p}{w_L - w_p}$$

$$I_c = \frac{W_L - W}{I_p}$$

$$K_x = \frac{K_1 H_1 + K_2 H_2 + K_3 H_3}{H}$$

$$K = \frac{Q}{\pi} \cdot \frac{\ln \left( \frac{R_2}{R_1} \right)}{\left( \frac{L_2^2}{L_1^2} - R_1^2 \right)}$$

$$K = 2,30 \cdot \frac{R}{A \cdot T} \cdot \ln \left( \frac{Q}{Q_0} \right)$$

$$Q = V \cdot A$$

~~5/5~~

$$K = \frac{Q(T) - P}{R \cdot A \cdot t}$$

coherent  $\rightarrow$  no time change is real

$$K = 2,3 \frac{c_L}{A t} \log_{10} \frac{h_1}{h_2}$$

$$K = \frac{Q \ln \left( \frac{R_2}{R_1} \right)}{\pi (h_2 - h_1)}$$

$$\gamma_L = \gamma_A (s + w)$$

$$V = IR \quad R = \frac{L}{C}$$

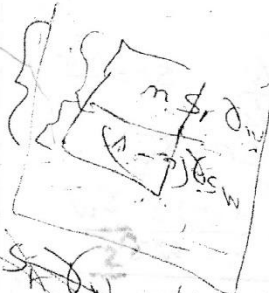
$$Q = V \cdot A = K_i A$$

$$Q(t) = K + A t$$

## HYPOTHESE DE DARCY

Homogene / lamicore / luer an

$$K_3 = \frac{M}{\frac{H_1}{K_1} + \frac{H_2}{K_2} + \frac{H_3}{K_3}}$$



TYPE DE K

renewable  $\rightarrow$   $\begin{matrix} \text{Meters} \\ + \\ \text{change water} \end{matrix}$

$$Q = VA$$

$$\phi = K_1 A = \underline{K_2 A}$$

$$Q(t) = \frac{K_d A t^L}{L}$$

$$K = \frac{Q(+)}{L}$$