

Exercice 1 : calcul d'un contrôle polynomial (6 points)

Soit la suite d'éléments binaires 0 1 1 1 0 1 0 0 0 0 1 0 1 0 1.

- 1- Calculer le bloc de contrôle d'erreur pour ces données, en supposant qu'on utilise un code polynomial de polynôme générateur $x^5 + x^3 + 1$. (3 points)

On reçoit le bloc suivant : 0 0 0 1 0 1 0 0 0 0 1 0 1 0 1 0 0 0 1 0. Le contrôle d'erreur utilisant le même polynôme générateur.

- 2- Quelle est la décision prise par le récepteur concernant ce bloc ? (3 points)

Exercice 2 : débit possible sur un canal TV (3point)

Si un canal de télévision a une bande passante de 6 MHz.

- 1- Quel est le débit binaire possible en bit/s si on utilise un encodage de valence 4 ?

Problème (11points)

On considère la transmission numérique d'un signal de parole. On suppose que la bande de fréquences occupée par le signal de parole se limite à une fréquence maximale égale à 4KHz.

1. La source de données étant analogique, quelles sont les étapes à suivre pour permettre la transmission de façon numérique ? (3 points)
2. Le théorème de Nyquist-Shannon dit qu'un signal continu peut être recréé à partir de ses échantillons, si la fréquence d'échantillonnage est au moins égale à 2 fois la fréquence maximale du signal. De combien d'échantillons par seconde, au minimum, a-t-on besoin pour pouvoir reconstituer le signal de départ ? (2 points)
3. La quantification est effectuée sur 256 niveaux. Quel est le débit de la ligne dans ce cas ? (2 points)

On dispose d'un canal de transmission de bande passante égale à 4KHz dont le rapport signal sur bruit est de 20 dB.

4. Est-il possible de transmettre le signal de parole numérisé sur ce canal ? Justifiez votre réponse en proposant deux solutions dans le cas d'une réponse négative. (4 points)

Correction Exercice 1

1- Le polynôme $M(x)$ correspondant au message est égal à :

$$x^{13} + x^{12} + x^{11} + x^9 + x^4 + x^2 + 1.$$

Multiplions-le par x^5 , ce qui donne :

$$P(x) = x^5 * M(x) = x^{18} + x^{17} + x^{16} + x^{14} + x^9 + x^7 + x^5.$$

Le reste $R(x)$ vaut $x^4 + x^2 + x + 1$. Le mot de code émis est :

$$P(x) = x^{18} + x^{17} + x^{16} + x^{14} + x^9 + x^7 + x^5 + x^4 + x^2 + x + 1.$$

1110 1000 0101 01 10 111

2- Le polynôme $M(x)$ correspondant au mot de code reçu vaut :

$$x^{16} + x^{14} + x^9 + x^7 + x^5 + x + 1.$$

Il n'est pas identique au mot de code émis. Effectivement, la division polynomiale donne un reste non nul, valant :

$$R(x) = x^4 + x^2 + 1.$$

Le récepteur refusera donc le bloc de données.

Correction Exercice 2

Rapidité de modulation :

$$R = 2 \times BP$$

$R_{max} = 2 \times 6 \text{ MHz} = 12 \text{ Mbauds}$. Le canal est susceptible d'admettre une capacité de modulation de 12 Mbauds.

Compte tenu de l'utilisation d'un signal de valence 4, le débit possible est :

$$D = R \log_2(n)$$

$$\text{Soit } D = 12 \cdot 10^6 \times \log_2(4) = 24 \cdot 10^6 \text{ bit/s.}$$

Problème (11points)

1- Echantionage /Quantification/ Codage

2- $4\text{Khz} * 2 = 8000 \text{ echantions/sec}$

3- $256 \text{ niveaux} = 2^8 = \text{bits}$ Débit = $8 * 8000 = 64\ 000 \text{ bits/sec}$

4- $S/B = 20\text{db}$ Capacité_Max = $W \log_2(1+S/B) = 4000 * \log_2(1+100) = \underline{26.63 \text{ kbit/s}}$

(2points)

Ce n'est pas possible (1 points)

Solutions 0.5= compresser/changer de canal

$$10 \log_{10}(P_s/P_b) = 20\text{db} \rightarrow \log_{10}(1+ P_s/P_b) = 2 \rightarrow \ln(1+ P_s/P_b) / \ln 10 = 2 \rightarrow \ln(1+ P_s/P_b) = 2 * \ln(10) \rightarrow P_s/P_b = \exp(2 \ln(10)) - 1 = 100$$

$$26.63\text{k bit/s}$$