

MATLAB - TP n°5

Exercice 1

Ecrire les expressions symboliques des fonctions suivantes à la ligne de commande de Matlab, puis calculer leurs dérivées :

- | | | |
|--------------|--------------|--------------|
| 1) $c^{a.x}$ | 4) $\sin(x)$ | 7) $\cot(x)$ |
| 2) e^x | 5) $\cos(x)$ | 8) $\sec(x)$ |
| 3) $\ln(x)$ | 6) $\tan(x)$ | 9) $\csc(x)$ |

Exercice 2

Executer les commandes Matlab suivantes :

```
>> syms x
>> expand((x-5)*(x+9))
>> expand((x+2)*(x-3)*(x-5)*(x+7))
>> expand(sin(2*x))
>> expand(cos(x+y))
>> collect(x^3*(x-7))
>> collect(x^4*(x-3)*(x-5))
>> factor(x^3 - y^3)
>> factor([x^2-y^2, x^3+y^3])
>> simplify((x^4-16)/(x^2-4))
```

Exercice 3

Soit la fonction $y = 3 \sin x + 7 \cos(5x)$. Est-ce que $y'' + y = -5 \cos(2x)$ est vraie ? Pour y répondre, créer et exécuter le script suivant :

```
syms x
y = 3*sin(x)+7*cos(5*x); % définition de la fonction y
lhs = diff(y,2)+y; % évaluation du lhs de l'équation
rhs = -5*cos(2*x); % évaluation du rhs de l'équation
if(isequal(lhs,rhs))
    disp('Oui, l''equation est vérifiée');
else
    disp('Non, l''equation n'est pas vérifiée');
end
disp('Valeur du LHS est: '), disp(lhs);
```

Exercice 4

A l'aide de la fonction *limit* de Matlab, vérifier les propriétés élémentaires suivantes des limites :

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow p} [f(x) + g(x)] &= \lim_{x \rightarrow p} f(x) + \lim_{x \rightarrow p} g(x) & \lim_{x \rightarrow p} [f(x) \cdot g(x)] &= \lim_{x \rightarrow p} f(x) \cdot \lim_{x \rightarrow p} g(x) \\ \lim_{x \rightarrow p} [f(x) - g(x)] &= \lim_{x \rightarrow p} f(x) - \lim_{x \rightarrow p} g(x) & \lim_{x \rightarrow p} [f(x)/g(x)] &= \lim_{x \rightarrow p} f(x) / \lim_{x \rightarrow p} g(x) \end{aligned}$$

appliquées aux fonctions ci-dessous :

- $f(x) = (3x + 5)/(x - 3)$
- $g(x) = x^2 + 1$

Exercice 5

Créer les variables symboliques a, b, x, n, t et theta (substitue de la lettre grecque θ) dans Matlab, puis à l'aide de la fonction *diff* calculer les dérivées des fonctions ci-dessous :

- | | |
|---------------------|--------------------|
| 1) $2x^n$ | 3) $e^{i\theta^2}$ |
| 2) $\sin(at^2 + b)$ | |

Noter que le symbole 'i' n'est pas déclaré : il s'agit du nombre complexe $i^2 = -1$.

Si nécessaire, utiliser la fonction *simplify* pour simplifier le résultat obtenu.

Exercice 6

La fonction *diff* peut prendre une matrice symbolique comme argument ; dans ce cas, la différenciation est donnée élément par élément. Créer puis exécuter le script ci-dessous :

```
syms a x
A = [cos(a*x), sin(a*x); -sin(a*x), cos(a*x)]
diff(A)
```

Exercice 7

Exécuter la fonction *simple* sur chacune des fonctions suivantes :

- | | |
|------------------------------|-----------------------------------|
| 1) $\cos(x)^2 + \sin(x)^2$ | 4) $\cos(x) + (-\sin(x)^2)^{1/2}$ |
| 2) $2*\cos(x)^2 - \sin(x)^2$ | 5) $\cos(x) + i*\sin(x)$ |
| 3) $\cos(x)^2 - \sin(x)^2$ | 6) $\cos(3*\arccos(x))$ |

Exercice 8

- a) Vérifier que la somme S_1 suivante

$$S_1 = 1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \dots$$

est égale à $\pi^2/6$ à l'aide des commandes :

```
>> syms x k
>> S1 = symsum(1/k^2, 1,
inf)
```

- b) Idem pour

$$S_2(x) = 1 + x + x^2 + \dots$$

```
>> S2 = symsum(x^k, k, 0,
inf)
```

- c) Obtenir le développement en série de Taylor d'ordre 8 de la fonction

$$f(x) = \frac{1}{5 + 4 \cos(x)}$$

à l'aide des instructions suivantes :

```
>> sym x
>> f = 1 / (5 + 4 * cos(x)) ;
>> T = taylor(f, 8)
>> pretty(T) % afin
d'avoir un affichage plus
lisible
```

Exercice 9

Écrire puis exécuter le script suivant :

```
f = x^2*cos(x);
ezplot(f, [-4, 9])
a = int(f, -4, 9)
```

```
disp('Surface = '),
disp(double(a));
```

Exercice 10

Résoudre les équations suivantes avec la fonction *solve* de Matlab :

- 1) $x^2 - ax + b = 0$
- 2) $(x - c)^2(x - d) = 0$

Exercice 11

Exécuter les commandes suivantes :

```
>> syms x y
>> f = x^2 + 2*x*y - 9
>> solve(f)
```

```
>> f1 = x*y - 5 ;
>> f2 = x^2 - y + 6 ;
>> [x,y] = solve(f1,f2)
```