

| العلامة | عنصر الاجابة (الموضوع الأول) |
|-------------|---|
| مجزأة مجموع | التصدير الأول (04 نقاط) |
| 1 | <p>(1) برهان بالترابع لن: $u_n > \frac{1}{e}$</p> <ul style="list-style-type: none"> لتحقق من صحة الخاصية من أجل $n=0$: $\frac{1}{e} < \frac{5}{4e} : \frac{1}{e} < u_0$ نفرض من أجل عدد طبيعي n لن: $f(u_n) < \frac{1}{e}$ و f متزايدة تماما على $[0; +\infty]$ • $\frac{1}{e} < u_{n+1} f\left(\frac{1}{e}\right) < f(u_n)$ إذن : <p>ب- تبيّن أنه من أجل كل عدد طبيعي n: $u_{n+1} - u_n = \frac{eu_n(\frac{1}{e} - u_n)}{eu_{n+1}-1} < 0$ إذن (u_n) متتناقصة تماما</p> <p>- ومنه و من أجل كل عدد طبيعي n: $u_{n+1} - u_n < 0$ إذن (u_n) متناقصة تماما</p> <p>ومحدودة من الأسفل بالعدد $\frac{1}{e}$ فهي متقاربة .</p> |
| 01 | <p>(2) اثبات أن (v_n) هندسية : من أجل كل عدد طبيعي n: $v_{n+1} = \frac{2eu_n}{eu_n-1}$</p> <p>$v_n = 5 \times 2^n$ و $v_0 = 5$ و $q = 2$ (متالية هندسية أساسها 2) : $v_{n+1} = 2v_n$</p> |
| 01.25 | <p>أ- التحقق أن $u_n = \frac{5 \times 2^n}{e(5 \times 2^n - 1)}$ ، استنتاج $v_n = 1 + \frac{1}{eu_n - 1}$ (3)</p> <p>$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \frac{1}{e}$</p> <p>ب- $S_n = 5 \times \frac{2^{n+1} - 1}{2 - 1} = 5[2^{n+1} - 1]$: S_n مجموع متالية هندسية :</p> |
| 0.75 | <p>(أ) يواقي قسمة 2^n على 7 هي {1; 2; 4}</p> <p>$2^{3k} \equiv 1[7]$ $2^{3k+1} \equiv 2[7] \quad (k \in \mathbb{N})$: $2^{3k+2} \equiv 4[7]$</p> <p>و منه $n = 3k + 2$ و $2^n = 4[7]$ و $10 \times 2^n = 5[7]$ (ب) $S_n = 0[7]$</p> |

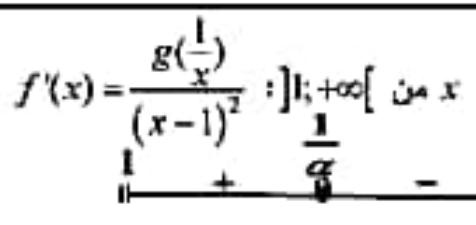
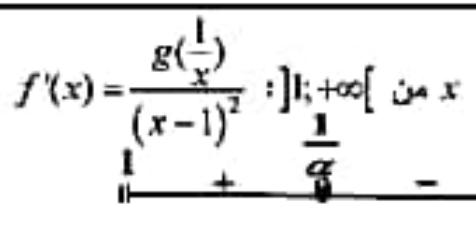
| | | |
|-------|-----------------------|---|
| | | التمرين الثاني : (04 نقاط) |
| 01 | 0.5x2 | <p>(1) معادلة المستوى (Q) الذي يشمل A و $(2;2;-1)$ شعاع ناظم له هي :</p> $\dots \dots \dots \quad (Q): 2x + 2y - z + 2 = 0$ |
| 01 | 0.5x2 | <p>(2) تمثيل رساطي للسطح (Δ):</p> $\dots \dots \quad (\Delta): \begin{cases} x = 2t \\ y = 2t \\ z = -t + 2 \end{cases} \quad / \quad t \in \mathbb{C}$ <p>شعاع توجيه $\vec{n}(2;2;-1)$</p> |
| 01.25 | 0.25x2 0.5 0.25 | <p>(3) أ) التحقق أن $2x - y + 2z + 5 = 0$ معادلة بيكاريّة للسطح (p) ب) (p) يشمل B $(p) \perp (Q)$ وعده $\vec{n} \cdot \vec{n} = 0$ $(p) \perp (Q)$ ناظم $\vec{n}(2;-1;2)$</p> |
| 0.75 | 0.25 0.25 0.25 | <p>(4) أ) تعيين قيم r : $r = 1$ ب) استنتاج احداثيات C مركز سطح الكرة: $C(2;2;1)$ حساب نصف القطر $r = d(C;(p)) = d(C;(Q)) = 3$: (قبل إجابات أخرى)</p> |
| 01.5 | 0.5x3 | <p>التمرين الثالث : (06 نقاط)</p> <p>(1) حل المعادلة : $z_2 = \sqrt{2} - i\sqrt{2}$ ، $z_1 = \sqrt{2} + i\sqrt{2}$ ، $\Delta = -8$</p> |
| 1.25 | 0.5x2 0.25 | <p>(II) (1) الكتابة على الشكل الأسني: $\frac{1}{z_2} = \frac{1}{2}e^{\frac{i\pi}{4}}$ ، $z_4 = 2e^{\frac{i\pi}{4}}$</p> $\dots \dots \quad \left(\frac{2}{z_2}\right)^{2018} = \left(e^{\frac{i\pi}{4}}\right)^{2018} = e^{i\frac{\pi}{2}} = i$ <p>- لدينا :</p> |
| 1.25 | 0.25 0.5x2 | <p>..... $z_C = -\sqrt{2} + 3i\sqrt{2}$ نجد $z_C - z_0 = -3(z_2 - z_0)$ (2)</p> |
| 1.5 | 0.5x3 | <p>..... $z_D = -\sqrt{2} - i\sqrt{2}$ نجد $z_D - z_0 = -i(z_2 - z_0)$ (3)</p> |
| 0.5 | 0.25 0.25 | <p>(4) أ) تبيّن أن $i = \frac{z_C - z_4}{z_D - z_4}$</p> <p>- استنتاج طبيعة المثلث ACD: المثلث قائم في A و متساوي الساقين</p> <p>ب) لاحقة النقطة E : $E = z_B - z_C = z_B - z_4$ نجد $z_E = -3\sqrt{2} + i\sqrt{2}$</p> |

| ال詢ين الرابع: (06 نقاط) | | |
|-------------------------|----------------------|---|
| | | $f(x) = \frac{x}{x-1} e^{-x}$ دالة معرفة على المجال $[-\infty; 1)$ |
| 01.25 | 0.5x2 0.25 | (1) نهايات : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = -\infty$ $x=1$ معادلة مقارب عسدي |
| 1 | 0.25 0.25 0.5 | (2) بيان أن من أجل $[-\infty; 1)$ $f'(x) = \frac{(-x^2+x-1)}{(x-1)^2} e^{-x} < 0$: $x \in [-\infty; 1)$ دالة متناقصة تماماً على كل المجال $[-\infty; 1)$. جدول التغيرات. |
| 01 | 0.5 0.25 0.25 | (3) أ- معادلة الميل (T) عند 0 : $y = -x$ ب- اتجاه تغير الدالة h : بيان أن من أجل $[-\infty; 0]$ $h(x) = -e^{-x} + 1$ دالة متناقصة تماماً على المجال $[-\infty; 0]$ من أجل $[0; 1]$ $h(x) \geq 0$: $x \in [0; 1]$ متزايدة تماماً على مجال $[0; 1]$ $h(0) = 0$ قيمة حدية صغرى للدالة h على المجال $[-\infty; 1]$ منه : $h(x) \geq 0$ |
| 0.75 | 0.25 0.25 0.25 | (4) بيان لن من أجل $[-\infty; 1)$ $f(x) + x = \frac{x h(x)}{x-1}$ - الوضع النسبي للمنحنى (c_1) بالنسبة للميل (T) : من أجل $[-\infty; 0]$ $x \in [0; 1]$: المنحنى (c_1) يقع فوق الميل (T) من أجل $[0; 1]$ $x \in [0; 1]$: المنحنى (c_1) يقع تحت الميل (T) من أجل $x=0$ الميل (T) يختلف المنحنى (c_1) تصير الهندسي : مبدأ المعلم O نقطة انعطاف للمنحنى (c_1) |
| 0.75 | 0.25 0.5 | (5) معادلة المستقيم (Δ) و إنشاء الميل (T) و المنحنى (c_1) |
| 0.5 | 0.5 | (6) أ- إثبات أنه من أجل $[-1; 0]$ $\frac{x}{x-1} \leq f(x) < e^{-x}$: $x \in [-1; 0]$ - لدينا من أجل $[-1; 0]$ $f(x) - \frac{x}{x-1} = \frac{x(e^{-x}-1)}{x-1}$ من أجل $[-1; 0]$ $x \in [-1; 0]$ لدينا $\frac{x}{x-1} \geq 0$ و $e^{-x}-1 \geq 0$ إذن $f(x) - \frac{x}{x-1} \geq 0$ - لدينا من أجل $[-1; 0]$ $f(x) - e^{-x} = \frac{e^{-x}}{x-1}$: $x \in [-1; 0]$ من أجل $[-1; 0]$ $x \in [-1; 0]$ لدينا $0 > e^{-x} > -1$ و $x-1 < 0$ إذن $f(x) - e^{-x} < 0$ |

| | | |
|------|------|---|
| | | <p>بـ- تتحقق أن : $\frac{x}{x-1} = 1 + \frac{1}{x-1}$</p> <p>$\therefore \frac{x}{x-1} \leq f(x) < e^{-x} : x \in [-1; 0]$</p> <p>لدينا من أجل $[0; 1]$:</p> $\int_{-1}^0 \left(1 + \frac{1}{x-1}\right) dx \leq \int_{-1}^0 f(x) dx < \int_{-1}^0 e^{-x} dx$ <p>فلنـ : $\int_{-1}^0 \left[x + \ln(1-x)\right] dx \leq \int_{-1}^0 f(x) dx < \int_{-1}^0 e^{-x} dx$</p> <p>منهـ $1 - \ln 2 \leq \int_{-1}^0 f(x) dx < e - 1$</p> |
| 0.25 | 0.25 | <p>(7) المعادلة : $f(x) = mx$</p> <p>حلولـ المعادلة هي فواصل نقط تقاطع (c) مع المستقيم ذو المعادلة $y = mx$</p> <p>إذا كان $m \in \left[-\infty; -\frac{e^2}{3}\right]$ فإنـ للمعادلة حلـين متباينـين .</p> <p>إذا كان $m \in \left[-\frac{e^2}{3}; -1\right]$ فإنـ للمعادلة ثـلـاث حلـول متباينـة .</p> <p>إذا كان $m \in [-1; +\infty]$ فإنـ للمعادلة حلـ واحدـا .</p> |

| العلامة | عنصر الإيجابية (الموضوع الثاني) | | | | | | | | | | | | |
|--------------|--------------------------------------|--|--------------------------------------|-----------|-----------|-----------|-------|----------------|---------------|-----------|--------------|--------------------------------------|-----------------|
| مجموع | جزء | | | | | | | | | | | | |
| 0.75 | 0.25×3 | <p>التمرين الأول: (03 نقاط)</p> <p>$w_{n+1} = \frac{5}{3} w_n$ أي $w_{n+1} = \frac{v_{n+1}}{u_{n+1}} + \frac{1}{2} = \frac{5}{3} \left(\frac{v_n}{u_n} + \frac{1}{2} \right)$ ، (1) و منه (w_n) متالية هندسية أساسها $q = \frac{5}{3}$ و حذتها الأولى $w_0 = \frac{5}{2}$</p> | | | | | | | | | | | |
| 0.75 | 0.25 | <p>(2) من أجل كل n من \mathbb{N} ، $w_n = \frac{5}{2} \left(\frac{5}{3} \right)^n$</p> | | | | | | | | | | | |
| | 0.5 | <p>استنتاج أنه من أجل كل n من \mathbb{N} ، $v_n = 5^{n+1} - 3^n$</p> | | | | | | | | | | | |
| 0.1 | 0.1 | <p>. $3^2 \equiv 1[8]$ ، $3^1 \equiv 3[8]$ ، $3^0 \equiv 1[8]$ (3) إذن: من أجل كل $k \in \mathbb{N}$ ، $3^{2k+1} \equiv 3[8]$ و $3^{2k} \equiv 1[8]$ ، . $5^2 \equiv 1[8]$ ، $5^1 \equiv 5[8]$ ، $5^0 \equiv 1[8]$ إذن : من أجل كل $k \in \mathbb{N}$ ، $5^{2k+1} \equiv 5[8]$ و $5^{2k} \equiv 1[8]$ ، $k \in \mathbb{N}$</p> | | | | | | | | | | | |
| 0.5 | 0.5 | <p>(4) من أجل كل $k \in \mathbb{N}$ ، $v_{2k+1} \equiv 6[8]$ و $v_{2k} \equiv 4[8]$ ، $k \in \mathbb{N}$</p> | | | | | | | | | | | |
| 0.15 | 0.5×3 | <p>التمرين الثاني: (05 نقاط)</p> <p>(1) . سحب كرتين مختلفتين اللون . . $p(A) = \frac{C_3^1 \times C_4^1}{C_7^2} = \frac{12}{21} = \frac{4}{7}$</p> | | | | | | | | | | | |
| 0.15 | 0.5×3 | <p>(2) . سحب كرتين من نفس اللون . $p(B) = 1 - p(A) = \frac{3}{7}$</p> | | | | | | | | | | | |
| 0.15 | 1 | <p>(1) تبرير قيم المتغير العشوائي X — قانون الاحتمال للمتغير العشوائي</p> | | | | | | | | | | | |
| | 0.5 | <table border="1"> <thead> <tr> <th></th> <th>$\{B,B\}$</th> <th>$\{B,N\}$</th> <th>$\{N,N\}$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>x_i</td> <td>$100 - \alpha$</td> <td>$50 - \alpha$</td> <td>$-\alpha$</td> </tr> <tr> <td>$p(X = x_i)$</td> <td>$\frac{C_1^2}{C_7^2} = \frac{3}{21}$</td> <td>$\frac{12}{21}$</td> <td>$\frac{C_4^2}{C_7^2} = \frac{6}{21}$</td> </tr> </tbody> </table> | | $\{B,B\}$ | $\{B,N\}$ | $\{N,N\}$ | x_i | $100 - \alpha$ | $50 - \alpha$ | $-\alpha$ | $p(X = x_i)$ | $\frac{C_1^2}{C_7^2} = \frac{3}{21}$ | $\frac{12}{21}$ |
| | $\{B,B\}$ | $\{B,N\}$ | $\{N,N\}$ | | | | | | | | | | |
| x_i | $100 - \alpha$ | $50 - \alpha$ | $-\alpha$ | | | | | | | | | | |
| $p(X = x_i)$ | $\frac{C_1^2}{C_7^2} = \frac{3}{21}$ | $\frac{12}{21}$ | $\frac{C_4^2}{C_7^2} = \frac{6}{21}$ | | | | | | | | | | |
| 0.5 | 0.25 | <p>(2) تبيان أن : $E(X) = -\alpha + \frac{300}{7}$ — حتى تكون اللعبة في صالح اللاعب يجب أن يكون $E(X) > 0$</p> | | | | | | | | | | | |
| | 0.25 | <p>أي: $0 < -\alpha + \frac{300}{7}$ و منه $\alpha < 42.85$ ، إذن أكبر قيمة ل α هي 42DA</p> | | | | | | | | | | | |

| العلامة | | عنصر الإيجابية (الموضوع الثاني) |
|---------|-------|--|
| مجموع | مجزأة | |
| 1.5 | 1 | <p><u>التمرين الثالث: (04 نقاط)</u></p> $z_2 = \frac{1}{4} + \frac{\sqrt{3}}{4}i \quad , \quad z_1 = \frac{1}{4} - \frac{\sqrt{3}}{4}i \quad , \quad \Delta = -12 = (2\sqrt{3}i)^2 \quad (I)$ |
| | 0.5 | $\frac{1}{z_2} = 1 - \sqrt{3}i = 2e^{i(-\frac{\pi}{3})}, \quad \frac{1}{z_1} = 1 + \sqrt{3}i = 2e^{i(\frac{\pi}{3})} \quad (II)$ |
| 1.25 | 0.5 | $\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} = e^{i(-\frac{\pi}{3})}; \quad \frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} \quad (I) \text{ حسب}$ |
| | 0.25 | $\text{إن المثلث } ABC \text{ متقارب الأضلاع.}$ |
| 0.5 | 0.5 | <p>ب) B هي صورة C بالدوران الذي مركزه A و زاويته $(-\frac{\pi}{3})$</p> |
| | 0.25 | $z_D - z_A = z_B - z_C \quad \text{أي: } \overline{AD} = \overline{CB} \quad T_{CB}(A) = D \quad (2)$ <p>و منه: $ACBD$ الرباعي معنـ.</p> |
| 0.5 | 0.5 | <p>(3) لتكن M نقطة لاحتـها z</p> $ z - (1 + i\sqrt{3}) = z - (1 - i\sqrt{3}) \quad M \in (\gamma)$ <p>أي $BM = CM$ و بالتالي (γ) هي محور القطعة $[BC]$ (محور الفاصل).</p> |
| | 0.25 | <p>(4) مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC أي $AG = BG = CG$ و منه $G \in (\gamma)$</p> |
| 2.75 | 1 | <p><u>التمرين الرابع: (08 نقاط)</u></p> <p>(I) أ) من أجل كل x من $[0;1]$:</p> $g'(x) = -1 + \frac{1}{x} = \frac{1-x}{x} > 0 \quad , \quad g(x) \text{ متزايدة تماما على } [0;1].$ |
| | 1 | <p>ب) g مستمرة و متزايدة تماما على $[0;1]$ و بالتالي على $[0.15;0.16]$ و</p> $(0.15) \times g(0.16) < g(0.15) < g(0.16)$ $0.15 < g(\alpha) < 0.16 \quad \text{و} \quad g(\alpha) = 0$ |
| | 0.75 | <p>(2) واستنتاج إشارة $g(x)$:</p> |

| العلامة | | عناصر الاجابة (الموضوع الثاني) |
|---------|---------------|---|
| مجموع | مجزأة | |
| 01 | 0.5 0.5 | $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty, \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -2$ (1 II) يقبل مستقيمين مقاربين معادلتيهما: $y = 1$ و $y = -2$. $f'(x) = \frac{g(\frac{1}{x})}{(x-1)^2}$:]1; +∞[ بـ) إشارة $f'(x)$: - تبيان اتجاه تغير الدالة f : - جدول تغيرات الدالة f . |
| 02.5 | 1 1 0.5 | $f'(x) = \frac{g(\frac{1}{x})}{(x-1)^2}$:]1; +∞[ بـ) إشارة $f'(x)$: - تبيان اتجاه تغير الدالة f : - جدول تغيرات الدالة f . |
| 0.75 | 0.25 0.5 | $f(x) + 2 = \frac{-1 + \ln x}{x-1}$ الإشارة: f المنحنى (C_f) يكون تحت (Δ) ، في المجال $[e; +\infty[$ المنحنى (C_f) يكون فوق (Δ) ، ولما $x = e$ فلن (C_f) يقطع (Δ) في النقطة $A(e; -2)$. دراسة الوضع التصبي لـ (C_f) و (Δ) . |
| 0.5 | 0.5 | (4) رسم المستقيمات المقاربة و المنحنى (C_f) . |
| 0.5 | 0.5 | $ f(x) = m$ حتى تقبل المعادلة $m \in \left] -f\left(\frac{1}{\alpha}\right), 2 \right[$ (5) |